SYNTROMETRISCHE MAXIMENTELEZENTRIK

TEIL C
SYNMETRONIK DER WELT
BAND I

BURKHARD HEIM

C SYNMETRONIK DER WELT BAND I

Inhalt
Phenomenologische Induktion
Kapitel I
DEDUKTIVE BASIS
1) Kanonische Feldmechanik
2) Quanten
3) Makromare Wirkungsfelder20
4) Quantendualismus und Zustandsoperatoren
5) Quantisierte kanonische Feldmechanik
6) Evolution einer Population im variablen Biotop89
7) Konsequenzen aus Deduktion
Kapitel II
HEURISTIK DER GRAVITATION
1) Gravitative Feldquellen und approximierter Tensorfluß 102
2) Gravitative Feldstörungen
3) Das Mesofeld
4) Gravitative Mesofeldwechselwirkungen
5) Revisionen und Ansatzpunkte

Kapitel III

SYNTHESIS DER SOMAWELT

l) Das Relativitätsprinzip gravitativer Feldstörungen132
2) Feldtensoren der Gravitation
3) Vergleich der Invarianten
4) Somasynthesis der Gruppen und Tensoren
5) Approximierte Mesofeldkorrelation und Feldkorrespondenzen173
Kapitel IV
DIE MESOBARISCHE STRUKTURSYNTHESTS
DIE MESOBARISCHE STRUKTURSYNTHESIS
1) Der mesobarische Korrelationstensor
2) Korrelations- und Korrespondenzpotentiale
3) Mesobarische Statik stabiler Korrelationszustände204
4) Korrespondenzdynamik und Matastatik
Anhang
Symmetronische Begriffsbildungen zu Band I250

Phänomenologische Induktion

Nach den induktiven Untersuchungen des Teiles B gibt es nur einige wenige Grundsätze die als Basis einer umfassenden deduktiven Beschreibung verwendbar sind. Solche Grundsätze müssen den folgenden Bedingungen genügen:

- a) Sie müssen unmittelbar einer möglichst universellen empiri schen Bestätigung zugänglich sein und
- b) , müssen diese Grundsätze als Ausgangspunkte von Deduktionen mit maximalem Aussagewert erscheinen , d. h. , es müssen sich mindestens die in B dargestellten Aussagen aus ihnen entwickeln lassen. Schließlich mu β
- c) die Zahl dieser Grundsätze ein Minimum sein. Die phänomenologische Induktion dieser empirischen Prinzipien kann dann zur Ent-wicklung einer deduktiven Basis verwendet werden, deren Aussagen heuristisch eindeutig zu kombinieren sind, und aus diesen Kombinationen muß indirekt zu ersehen sein, ob es noch universellere Grundsätze gibt, wie diese zu formulieren sind und wie eine syntrometrische Beschreibung zu erfolgen hat.

Die empirischen Aussagen des Teiles B können in drei Gruppen klassifiziert werden. Die erste dieser Gruppen umfaßt alle durch die Empirie rotwendig gewordenen Definitionen, während die zweite Gruppe alle Aussagen mit phänomenologisch deskriptivem Charakter enthält. Die dritte Gruppe schlieβlich enthält Aussagen, die als empirische Grungprinzipien enzusprechen sind. Die Gleichungen aus B verteilen sich auf diese drei Gruppen: 5,5a, 10, 12, 16, 20, sowie die empirische Definition des lehenden Organismus als hierarchisch geschichtetes Wirkungsgefüge mit entelechaler Bewertung. Zweite Gruppe: 4, 8, 9, 9a, 9b, 11, 11a, 11b, 13, 14, 18, 19, 21, 21a, 22, 24, 24a, 25, 25a, 26a, 27, 29a, 30, 31, 31a, 32, 33, 34, 34a, 35, 36, 36a, 37, 38, 39, 40, 41, 42, 43, 44. Dritte Gruppe: 1, 2, 3, 6, 7, 7a, 15, 28, 17, 23, 26, 29, 45. Nach diesen Grundprinzipien der dritten Gruppe gelten in einer Zusammenfassung die folgenden prinzipiellen Aussagen der anthropomorphen ästhetischen Empirik:

α) Das gesamte materielle Geschehen verläft in Raum und Zeit

- (1, 2, 3) und zwar so, daβ jede Aktion mit einer entsprechenden Reaktion identisch ist (6), während Energie und Impuls eines konservativen System erhalten bleiben (7, 7a) und das zeitliche Geschehen so orientiert ist, dass die Entropie des Systems nicht abnehmen kann (17).
- β) Es gibt ein durchgehendes Prinzip der Quantisierung. Und zwar erstreckt sich dieses Quantenprinzip auf alle Wirkungen sowie auf die Atomistik der Naterie (15,28) und die Atomistik der elektrischen Ladung (25,26).
- γ) Es gibt als Organismen definierte hierarchisch geschichtete Wirkungsgefüge mit entelechalen Bewertungen, die sich identisch re duplizieren und einer zeitlichen Evolution durch Mikromutationen unterworfen sind; während jede Typoklinencharakteristik grundsätzlich frei von Unendlichkeitsstellen nichtlinear verläuft.

Zu einer umfassenden Beschreibung liefern diese drei Grund sätze noch keine Basis; denn hierzu müssen noch einige Eigenschaften (enthalten in der zweiten Gruppe) der beschriebenen Phänomene hinzugezogen werden. Nach B wird das gesamte Geschehen durch die Korrespondenz von Konfigurationsfeldelementen bestimmt, welche durch Wirkungsfelder vermittelt wird. Die makromaren Wirkungsfelde werden durch 8,25 und 25a beschrieben, welche in einem 4. Basisgrundsatz erscheinen müssen. Die Ausgangsbasis einer Deduktion kan aber nur vollständig sein, wenn noch eine empirische Aussage über die Quellen der Wirkungsfelder vorliegt. Wegen der atomistischen Struktur der Materie müßte es sich hierbei um eine atomare Aussage und zwar konkreter um eine solche der Nuklearstrukturen handeln. E bieten sich zwei Aussagen an, nämlich die Proportionalität zwische Bindungsenergie und Massendefekt zum einen und die konstante Dicht der Kernmaterie (41) zum anderen. Da das Energiematerieäquivalent wegen der beobachteten Paarbildung von Elementarkorpuskeln aus Pho tonen auch für Photonen gelten muß und diese bereits durch 25 und 29 beschrieben werden können, kommt als vervollständigende Aussage nur 41 in Betracht. Die drei Basisgrundsätze sind also zu ergänzen durch den deskriptiven Grundsatz:

δ) Die Massendichte der Nuklearstrukturen ist stets konstant (41) Von der Materie wird ein gravitatives makromares Wirkungsfeld (8) und von elektrischen Ladungen ein makromares elektromagnetisches Wirkungsfeld (25, 25a) emittiert.

Aus diesen vier Grundsätzen α bis δ muß nunmehr eine deduktive Basis entwickelt werden, von welcher eine quantitative deskriptive Analyse auszugehen hat. Das Ziel dieser Untersuchungen muß es sei (in dieser Richtung ist die gesamte Deduktion anzulegen), über de Quantitätsaspekt zu einer Formulierung zu kommen, welche das Über gangskriterium zur anthropomorphen Syntrometrie erfüllt.

Kapitel I

DEDUKTIVE BASIS

1) Kanonische Feldmechanik.

Bewegt sich ein Massenpunkt m unter dem Einfluß einer Kraft \overline{K} längs eines Weges \overline{s} so gilt für die Bewegung \overline{K} = m \overline{s} . Disse Beziehung gilt nicht mehr, wenn die Bewegung unfrei ist; denn durch die Einschränkung der Freiheitsgrade muss es eine Richtung geben, in welcher \overline{K} keine Beschleunigung verursacht. Wegen \overline{K} \overline{K}

sowohl in positiver als auch in negativer Richtung durchführbar sind, kann stets die Gleichheit verwendet werden. Wird das System der äußeren Kräfte als abgeschlossenes energetisches System aufgefaßt, so gilt $\sum_{h=1}^{n} \int \overline{K}_h d\overline{s}_h = const.$, wegen

 $W_h = \int \overline{K}_h d \overline{s}_h$; und dies hat , wenn men zum totalen Differential übergeht und dieses zur Variation macht , die statische Bedingung

$$\sum_{h=1}^{n} \overline{K}_{h} \cdot \delta \overline{s}_{h} = 0$$

zur Folge. Ist diese Bedingung nicht erfüllt, so erfährt das Sys tem der m, eine Beschleunigung und die, von dieser verursachte Bewegung ist in ihren Freiheitsgraden eingeschränkt. Ist im Fall dieser Bewegung b_h die wirkliche Beschleunigung eines m_h, so spricht mh · bh einer freien Bewegung. Diese ist aber nicht di durch die insgesamt angreifende Kraft \overline{K}_{h} gegeben doch gilt $m_h \cdot \bar{b}_h = \bar{K}_h + \bar{P}_h$, worin \bar{P}_h eine fingierte Zusatzkompone te ist, welche von den Bedingungen abhängt, die den Freiheitsgrad einschränken. $\overline{\mathtt{P}}_{\mathtt{h}}$ muß mit einer verlorenen Kraft $\overline{\mathtt{V}}_{\mathtt{h}}$ gemäß \overline{P}_h + \overline{V}_h = \overline{O} im Gleichgewicht stehen; denn \overline{P}_h tritt als be $\overline{\mathtt{v}}_{\mathtt{h}}$ schleunigende Ursache nicht in Erscheinung, Mit die statische Bedingung 1 in der Form $\frac{n}{h-1}$ \overline{V}_h δ $\overline{s}_h = 0$ geschrieben werden. Andererseits ist $\overline{P}_h = - \overline{V}_h$ und $m_h + \overline{b}_h = \overline{K}_h + \overline{P}_h = \overline{K}_h - \overline{V}_h \text{ oder } \overline{V}_h = \overline{K}_h - m_h \overline{b}_h$ was fin Bedingung

$$\sum_{h=1}^{n} (\overline{K}_h - m_n \overline{b}_h) \delta \overline{s}_h = 0 \dots$$

für statisches und dynamisches Gleichgewicht zur Folge hat. Aus der Universalgleichung können die partikularen Bewegungsgleichung bestimmt werden, wenn durch ein System aus q Beziehungen der Koordinaten die Zahl der 3 n Freiheitsgrade des völlig freien Systems auf s = 3 n = q Freiheitsgrade reduziert wird. Dies ist nicht nur für den vereinfachten Fall eines holonomen und skleronemen, sondern auch für den universellen Fall eines nicht holonomen und rheonomen Systems der q Bedingungsgleichungen möglich.

Bei den Entwicklungen der Gleichungen 1 und 1 a wurden virtuelle Verschiebungen aus einer Gleichgewichtslage vorgenommer derart, daβ die virtuelleverschobene Lage immer noch mit der Glegewichtsbedingung verträglich ist. Im allgemeineren Fall liegt eidynamischer Prozeβ vor, das heißt, der Schwerpunkt irgendeines Stems von Massenpunkten durchläuft irgendeine Bahn. Wie diese Bahrals Raumkurve auch immer beschaffen sein mag, muß, wenn die Bewegung überhaupt abläuft, während des Bewegungsablaufes dynamische Gleichgewicht herrschen. Wird dieses dynamische Gleichgewicht gestört, so kann dies nur Einfluß auf die geometrische Form der Rakurve haben, längs welcher die Bewegung abläuft, und diese neue

Kurve wiederum, kann nur geometrisch so beschaffen sein, daß auch auf ihr dynamisches Gleichgewicht herrscht. Im Folgenden soll ein solche Bahnvariation durchgeführt werden, wobei zur Vereinfachung angenommen werden soll, daß die Zeit nicht mitvariiert. Ist also die Strecke AB ein Linienelement der ursprünglichen Kurve und A'B' ein solches der Variierten, so sollen beide Elemente währen des Zeitelementes dt durchlaufen werden. Die Grenzpunkte A und sowie A' und B' sollen die Koordinaten A $(x_i)_1$, sowie B $(x_{12})_1$, ferner A' $(x_{13})_1$ und B' $(x_{14})_1$ haben. E haben. Es muβ möglich sein, alle diese Koordinaten durch diejenigen von A auszudrücken. Es gilt zunächst x₁₂ = x₁ + t₁ . d t $x_{i3} = x_i + \delta x_i$. Entsprechend gilt $x_{i4} = x_{i3} + \dot{x}_{i3} \cdot d$ = $x_i + \delta x_i + \dot{x}_i$ • dt + $\partial /\partial t$ (δx_i) dt • Andererseits i $x_{14} = x_{12} + \delta x_{12} = x_1 + \dot{x}_1 dt + \delta x_1 + \delta \dot{x}_1 dt$ Werden beide Ausdrücke verglichen, so folgt 3/3 t (8x1) = 8x1 weil die Zeit nicht mitvariieren soll. Mit diesem Ausdruck kann Gleichung 1a umgeformt werden. Wegen $\overline{b}_{b} = \overline{s}_{b}$ wird nach der Produktregel s_h · δs_h = $\frac{\partial s_h}{\partial t}$ δs_h · Andererseits ist $\theta/\theta t (\bar{s}_h + \delta \bar{s}_h) = \bar{s}_h \delta \bar{s}_h + \bar{s}_h \theta/\theta t (\delta \bar{s}_h)$ = $\frac{\ddot{s}_h}{\ddot{s}_h}$ $\delta \, \ddot{s}_h$ + $\frac{\dot{\dot{s}}_h}{\ddot{s}_h}$ $\delta \, \ddot{s}_h$ + $\delta \, (\dot{\ddot{s}_h}^2/2)$ oder $\ddot{\bar{s}}_h$ $\delta \bar{s}_h = 0/0 t (\dot{\bar{s}}_h \delta \bar{s}_h) - \delta (1/2 \dot{\bar{s}}_h^2)$. In Gleichung 1 eingesetzt ergibt dies $0 = \frac{n}{h=1} (\overline{K}_h - m_h \overline{s}_h) \delta \overline{s}_h$ $= \underbrace{\stackrel{1}{\underset{h=1}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h=1}{\overset{n}{\underset{h=1}{\overset{n}{\underset{h=1}{\overset{n}{\underset{h=1}{\overset{n}{\underset{h=1}{\overset{n}{\underset{h=1}{\overset{n}{\underset{h=1}{\overset{n}{\underset{h=1}{\overset{n}{\underset{h=1}{\overset{n}{\underset{h=1}{\overset{n}{\underset{h=1}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}}{\underset{h}}{\overset{n}}{\overset{n}}{\underset{h}}{\overset{n}}{\overset{n}}{\overset{n}}{\underset{h}}{\overset{n}}{\overset{n}}{\overset{n}}{\underset{h}}{\overset{n}}{\overset{n}}{\overset{n}}{\underset{h}}{\overset{n}}{\overset$ $- \underbrace{\stackrel{n}{\underset{h=1}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}{\underset{h}}{\overset{n}}{\overset{n}}{\underset{h}}{\overset{n}{\overset{n}}{\overset{$ + m_h δ (1/2 $\frac{\dot{s}_h^2}{s_h}$)) = θ/θ t $\frac{\dot{s}_h}{h=1}$ m_h $\frac{\dot{s}_h}{s_h}$ \cdot δ s_h Im allgemeinen kann \overline{K}_h stets als Gradient aufgefaßt werden, wei Wechselwirkungsenergie immer durch Energieniveaus, also negative Potentiale V beschrieben werden können. Mithin gilt \overline{K}_{h} = - (grad)_h; V , und nach den Regeln der Variationsrech

nung $\frac{1}{h=1}$ \overline{K}_h δ \overline{s}_h = $-\frac{1}{h+1}$ (grad) $\frac{1}{h}$; V • δ \overline{s}_h = $-\delta$ weil stets grad ϕ • d \overline{s} = d ϕ ist. Andererseits ist die kine tische Energie eines Massenpunktes m_h gegeben durch

$$E_{Kh} = 1/2 m_h \cdot \frac{1}{s_h^2}$$
, also $\frac{n}{h=1} m_h \delta (1/2 \frac{1}{s_h^2}) = \frac{n}{h=1} \delta E_1$

- δ E_K, wenn E_K die gesamte kinetische Energie des Systems für dessen potentielle Energie V gilt. Berücksichtigt man δ a + δ b = δ (a+b) und setzt man die Energievariationen in die umgeformte Grundgleichung 1 so folgt

L = 0/0 t $\frac{t}{h-1}$ $\frac{t}{m_h}$ $\frac{t}{s_h}$ \cdot δ $\frac{t}{s_h}$ wenn L = E_K - V algorithm with t die Zeit t_1 gilt und im Punkt B die Zeit t_2 t_1 , und were weiter die Wegwariationen δ $\frac{t}{s_h}$ (t_1) = δ $\frac{t}{s_h}$ (t_2) = 0 sind, so folgt nach Integration

$$\begin{cases}
\frac{5}{t_1} & \delta L d t = \begin{cases}
\frac{5}{t_1} & 6 \ln t = \frac{5}{h-1} \\
\frac{5}{h-1} & \frac{5}{$$

 $-\frac{1}{5} (t_1) \cdot \delta \frac{1}{5} (t_1) = 0 \cdot \text{Außerdem gilt nach den Regelr}$ $\text{der Variations rechnung } \int \delta \phi \cdot d u = \delta \int \phi d u \text{ und dies liefe}$ $\delta \int_{t_1}^{t_2} L \cdot d t = 0, L = E_K - V$

Diese Beziehung sagt aus, daß von allen möglichen Bewegungsvorgär gen sich nur derjenige wirklich abspielen kann, dessen Aktion ein Minimum ist. Denn , wenn die Variation eines bestimmten Integrals verschwindet, bildet der Integrand einen Extremwert, das heißt, i Falle $E_K=0$ wird δ V = 0, was labilæs Gleichgewicht für V = V_{\max} , stabiles Gleichgewicht für $V=V_{\min}$ und indifferente Gleichgewicht zur Folge hat, wenn die Verschiebungen nicht mehr virtuell bleiben und trotzdem gleichung 1 erfüllt ist. Im Falle eines Potentials liegen die stabilen Zustände in Termen mit energ tischen Niveauminima. Auf den Fall $E_K>0$ übertragen bedeutet dies, daß sich ein Prozeß stets so abspielt, daß die durch das kitische Potential L ausgedrückte Aktion ein Minimum wird. Auf

Gleichung 2 kann ein ähnlicher Prozeß angewendet werden wie derje nige, der aus Gleichung la die partikularen Bewegungsgleichunge entstehen läßt, zumal in Gleichung 2 keine Vektoren vorkommen und auch Größen, die an irgendein spezielles Koordinatensystem gebunden sind, nicht existieren. Aus diesem Grunde ist es möglich, den s Freiheitsgraden des Systems entsprechend $1 \le 1$, $k \le s$ generalisierte Koordinaten q_1 einzuführen, derart, daß die 3 n Systemkoordinaten $x_{1h} = x_{1h} (q_1)_1^s$ mit $1 \le 1$ aund $1 \le h \le n$ als Funktionen dieser generalisierten Koordinaten erscheinen. Diese q_1 können beliebige Dimensionierungen haben, die untereinander auch nicht gleich zu sein brauchen. Für die zeilichen Änderungen der x_{1h} gilt

$$\dot{x}_{1h} = \frac{s}{i \cdot 1} \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} \cdot \dot{q}_i , \text{ also } \dot{x}_{1h}^* = \frac{s}{i \cdot k \cdot 1} \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_k} \cdot \dot{q}_k , \text{ also } \dot{x}_h^* = \frac{s}{i \cdot k \cdot 1} \dot{q}_i \dot{q}_k \frac{3}{1 \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_k} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_k} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_k} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_k} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_i} = \frac{s}{i \cdot k \cdot 2} \cdot \frac{\partial x_{1h}}{\partial$$

= q_i q_k q_k $q_{i,k}$, worin $q_{i,k}$ nicht mehr zeitlich variabel ist und nur noch von den generalisierten Koordinaten abhängt. Es ist also $q_k = q_k$ q_i q_i q_i q_i also

$$\delta E_{k} = \sum_{i=1}^{s} \left(\frac{\partial E_{k}}{\partial q_{i}} \delta q_{i} + \frac{\partial E_{k}}{\partial \dot{q}_{i}} \cdot \delta \dot{q}_{i} \right), \text{ während}$$

während $V = V (q_1)_1^s$ nur von den q_1 abhängen kann, so daß

$$\delta V = \underbrace{\sum_{i=1}^{s} \frac{\partial V}{\partial q_{i}}}_{t_{2}} \cdot \delta q_{i} \text{ wird. In Gleichung 2 eingesetzt}$$

$$\text{wird } 0 = \delta \begin{cases} t_{2} & L \cdot dt = \begin{cases} t_{2} \\ t_{1} \end{cases} & \delta V \text{ of } t_{2} \end{cases} = \underbrace{\begin{cases} t_{2} \\ t_{1} \end{cases}}_{t_{1}} \left(\left(\frac{E_{k}}{q_{i}} - \frac{\partial V}{\partial q_{i}} \right) \cdot \delta q_{i} + \frac{\partial E_{k}}{\partial q_{i}} \cdot \delta q_{i} \right) dt$$

Der letzte Summand dieses Integranden läßt sich partiell integriren. Zunächst gilt

$$\frac{E_k}{\dot{q}_1} \quad \dot{q}_1 = / t \left(\frac{\partial E_k}{\partial \dot{q}_1^*} \right) - q_1 \cdot \partial/\partial t \left(\frac{\partial E_k}{\partial \dot{q}_1} \right)$$

we gen
$$\theta/\theta$$
 t $(\sqrt{q_i}) = \sqrt{q_i}$, also $\sqrt{\frac{5}{t_1}} = \frac{\partial E_k}{\partial \dot{q_i}} = \sqrt{\dot{q_i}} = \frac{\partial E_k}{\partial \dot{q_i}} = \sqrt{\frac{5}{t_1}} = \frac{\partial E_k}{\partial \dot{q_i}} = \sqrt{\frac{5}{t_1}} = \frac{\partial E_k}{\partial \dot{q_i}} = \sqrt{\frac{5}{t_1}} = \sqrt{$

$$= - \begin{cases} t_2 & \frac{\partial^* E_k}{\partial \dot{q_i} \partial t} & \cdot & \int q_i & \cdot & dt \\ t_1 & \frac{\partial^* E_k}{\partial \dot{q_i} \partial t} & \cdot & \int q_i & \cdot & dt \end{cases}, \text{ was eingesetzt}$$

$$= - \begin{cases} t_2 & \frac{\partial E_k}{\partial \dot{q_i} \partial t} & - \frac{\partial V}{\partial \dot{q_i}} & - \frac{\partial^* E_k}{\partial \dot{q_i} \partial t} & \cdot & \int q_i & dt = 0 \end{cases}$$

$$= - \begin{cases} t_2 & \frac{\partial E_k}{\partial \dot{q_i} \partial t} & - \frac{\partial V}{\partial \dot{q_i} \partial t} & - \frac{\partial^* E_k}{\partial \dot{q_i} \partial t} & \cdot & \int q_i & dt = 0 \end{cases}$$

oder
$$\stackrel{\text{s}}{\underset{i=1}{\longleftarrow}} \stackrel{\text{t}_2}{\underset{t_1}{\longleftarrow}} (\partial L/\partial q_i - \frac{\partial \dot{z}_k}{\partial \dot{q}_i}) \sqrt{q_i} \cdot dt = 0$$

liefert. Dies ist aber nur möglich, weil bei der partiellen Int

gration
$$\frac{\partial E_k}{\partial \dot{q}_i} \cdot \int q_i \quad \dot{t}_1 = 0$$
 gesetzt wurde . Es ist dies

aber immer zulässig, weil auch für die generalisierten Koordinat für die Grenzen der Variation $\int q_1$ (t_1) = $\int q_1$ (t_2) = 0 ge fordert werden darf. Auch ist das Vorzeichen der Variationen belbig, so daß im Integral stets ein positiver Integrand erreichbat ist, das heißt,

$$\underbrace{\sum_{i=1}^{t_2} t_2}_{t_1} (\partial L/\partial q_i) - \frac{\partial \dot{E}_k}{\partial \dot{q}_i}) \cdot \mathcal{I}_{q_i} \cdot dt = 0 \text{ kann number }$$

erfüllt werden, wenn der Integrand verschwindet, also wenn

$$\stackrel{s}{\underset{i=1}{\longleftarrow}} (\partial L/\partial q_i - \partial/\partial t \quad (\frac{\partial E_k}{\partial \dot{q}_i})) \int_{q_i} = 0 \text{ ist. In d}$$

sen s Gleichungen, welche **die** generalisierten Bewegungsgleichun bind $1 \pm t - \partial V/\partial q_1$ eine generalisierte Kraft, welche keine Kraft dimensionierung zu haben braucht. Wesentlich ist nur, daß das Ingral längs der zugehörigen generalisierten Koordinate eine Energ dimensionierung hat. Entsprechend ist $\partial E_k/\partial \dot{q}_1 = p_1$ ein generalisierter Impuls, so daß das System der generalisierten Bewegungsgleichung sind generalisierten Bewegungsgleichung generalisierten Bewegungsgleichung sind generalisierten Bewegungsgleichung generalisierten Bewegungsgleich generalisierten Bewegungsgleichung generalisierten Bewegung g

gleichungen zu $\frac{1}{1-1}$ ($\partial L/\partial q_i - \dot{p}_i$) $\mathcal{Q}_i = 0$ wird, D stets $\int q_i \neq 0$ ist, kann nur

gelten.

Aus der Derstellung 2 E_k - i,k-1 q_i q_k h-1 m_h $\frac{\partial x_{1k}}{\partial q_1} = \frac{\partial x_{1h}}{\partial q_k} = \frac{g}{i_1 k-1} c_{1,k} q_1 q_k \text{ folgt } p_1 = \frac{g}{k-1} c_{1k}$ also $q_h = f(p_i, q_i)_1^s$, da die c_{ik} nur von den Koordinaten abhängen. Damit wird 2 Ek = im pi qi oder Ek = $G(p_i, q_i)_1^s$. Andererseits ist aber $E_k = F(q_i, q_i)_1^s$ und $p_i = \partial F/\partial q_i$. Die totalen Differenziale lauten d $E_k = \frac{1}{1-1}$ $(\partial F/\partial q_i dq_i + p_i \cdot d\dot{q}_i)$ und $dE_k = \frac{1}{i=1}$ $(\partial G/\partial q_i dq_i)$ + O G/O p_i d p_i), was nach Addition 2 d E_k = $\frac{1}{1+1}$. $-(O/Oq_{i}(G+F)dq_{i}+p_{i}dq_{i}+OG/Op_{i}dp_{i})ers$ Aus 2 $E_k = \frac{2}{1-1} p_i$ q_i folgt ebenfalls 2 d $E_k = \frac{2}{1-1}$. • $(p_i d \dot{q}_i + \dot{q}_i d p_i)$ und nach Subtraktion $\frac{2}{1-1} [O/Oq_i]$ • • (G + F) d q_i + ($\partial G/\partial p_i$ - \dot{q}_i) d p_i - 0. Dadie p_i und q, voneinander unabhängig sind, kann diese Beziehung nur er füllt sein , wenn diese Faktoren vor den Differentialen verschwir den , das heißt , wenn $\bigcirc / \bigcirc q_1$ (G + F) = 0 und $\bigcirc G / \bigcirc p_1 - \dot{q}_1$ ist. Wird on der ersten Beziehung das System der generalisierte Bewegungsgleichungen (Gleichung 3) subtrahiert, so ergibt sich System der kanonischen Bewegungsgleichungen. Hierbei ist

$$0 = \sum_{i=1}^{6} \frac{\partial |Q_{i}|}{\partial |Q_{i}|} (G + F) - \sum_{i=1}^{8} \frac{\partial |Q_{i}|}{\partial |Q_{i}|} - \dot{p}_{i}$$

= 2 E_k und L = E_k - V zu berücksichtigen. Es folgt

$$= \frac{s}{i=1} (0/0q_{i} (E_{k} + V) + p_{i}) = \frac{s}{i=1} (p_{i} + 0H/0q_{i})$$

wenn für den gesamten Energieinhalt die Funktion $H=E_k+V$ eingeführt wird. H setzt sich aus generalisierten Energien zusammen und ist daher selbst ein generalisierter Energieinhalt. Wegen

$$E_k = G$$
 wird auch $H = G(p_i, q_i)_1^S + V(q_i)_1^S$, also $\frac{\partial H}{\partial p_i} = \frac{\partial G}{\partial p_i}$, so daß sich aus der zweiten Nullbeziehung

 $\frac{\partial \mathbf{H}}{\partial \mathbf{p}_{i}}$ = 0 ergibt. Damit werden die kanonischen Bewegungsgleichungen zu

$$\dot{p}_{i} + \frac{\partial H}{\partial q_{i}} = 0, \dot{q}_{i} - \frac{\partial H}{\partial p_{i}} = 0,$$

$$H = G + V, G = E_{k}$$

Raumdichte des kinetischen Potentials aufzufassen ist. Entsprechend sei in $H = \int H \ dV \ der Differentialquotient$ $H = \frac{dH}{dV}$ die Raumdichte des generalisierten Energieinhaltes aus Gleichung 3 a. Das aus $1 \le h \le n$ Wirkungszentren bestehende Feld muß durch n Zustandsfunktionen γ_h beschreibbar sein, vor denen jede einzelne einem Wirkungszentrum entspricht. Auch muß $\gamma_h = \gamma_h \ (x_i, t)_1^s$ sein; denn jedes Feld ist eine Zustands-

funktion, welche dem jeweiligen Raumzeitpunkt des vom Feld verursachten Geschehens den Wert einer Zustandsgröße zuordnet, die das Feld charakterisiert; das heißt, die irgent ein Wirkungszentrum h beschreibende Funktion ψ_h muß von den drei Koordinaten des physischen Raumes und der Zeit abhängen. Der Gesamtzustand des Feldes wird offenbar durch L und die räumliche Zustandsdichte durch L beschrieben. Andererseits müssen aber für n \angle odie Gesetze der Vielpunktmechanik gelten, das heißt, L muß als Zustandsfunktion des Feldes von den ψ_h , sowie von deren ersten partiellen Abeleitungen nach den drei Raumkoordinaten und der Zeit abhängen. Es

ist also L = L (
$$\psi_h$$
, $\frac{\partial \psi_h}{\partial x_1}$, $\frac{\partial \psi_h}{\partial x_2}$, $\frac{\partial \psi_h}{\partial x_3}$, ψ_h)

und δ t_1 <u>L</u> d t = 0 wird nach den Regeln der Variationsrecht

nung zu
$$0 = \delta$$
 $\begin{cases} t_2 \\ t_1 \end{cases}$ \int L d V d t = $\begin{cases} t_2 \\ t_1 \end{cases}$ \int δ L d V d t . Hierin ist δ L = $\begin{cases} \frac{\partial}{\partial t_1} \\ \frac{\partial}{\partial t_2} \end{cases}$ δ ψ h + $\begin{cases} \frac{\partial}{\partial t_1} \\ \frac{\partial}{\partial t_2} \\ \frac{\partial}{\partial t_1} \end{cases}$.

•
$$\delta \operatorname{grad}_{k} \psi_{h} + \frac{\partial L}{\partial \psi_{h}} \cdot \delta \psi_{h} = \frac{n}{h-1} \delta \psi_{h}$$

$$\cdot \left(\frac{\partial L}{\partial \psi_h} - \underbrace{\sum_{k=1}^{3} \operatorname{grad}_k \frac{\partial L}{\partial \operatorname{grad}_k \psi_h}} - \underbrace{\partial^* L}_{\partial \psi_h \partial t} \right), \text{ weil die}$$

 ψ_h gemäß ψ_h + δ ψ_h so zu variieren sind, daß δ L an den raumzeitlichen Grenzen des Integrationsbereiches verschwindet.

Die Beziehung $\begin{cases} t_2 \\ t_1 \end{cases}$ $\int \delta L d V d t = 0$ kann aber nur erfüllt sein, wenn auch $\delta L = 0$ ist und in

$$\frac{\sum_{h=1}^{n} \left(\frac{\partial L}{\partial \psi_{h}} - \sum_{k=1}^{3} \operatorname{grad}_{k} \frac{\partial L}{\partial \operatorname{grad}_{k} \psi_{h}} - \frac{\partial^{2} L}{\partial \operatorname{to} \psi_{h}} \right)}{\operatorname{oto} \psi_{h}} .$$

• δ ψ_h = 0 sind entweder die δ ψ_h > 0 oder δ ψ_h < 0, so daß die Bedingung nur dann erfüllbar ist, wenn vor jeder Variation der Faktor für sich verschwindet, denn alle δ ψ_h \neq 0 sind voneinander linear unabhängig. Auf diese Weise entstehen n Feldgleichungen

$$K_h$$
; L = 0, $K_h = \frac{\partial}{\partial \psi_h} - \frac{3}{k=1}$ grad_k $\frac{\partial}{\partial \operatorname{grad}_k \psi_h} - \frac{\partial^2}{\partial t \partial \psi_h}$, L (ψ_h , $\frac{\partial \psi_h}{\partial x_k}$, ψ_h)^{3,n} = $\frac{d \psi}{d V}$...

von denen jede charakterisiert durch den Operator Kh das Verhal ten eines Wirkungszentrums innerhalb des Feldes beschreibt. Diese Feldgleichungen können also höchstens von zweiter Ordnung sein, u sind der besonderen Struktur des Operators Kh gegen alle Substi tutionen der Form L* = L + div $\overline{\wedge}$ + $\dot{\wedge}_0$ mit $\overline{\wedge}$ = $\overline{\wedge}$ $(\gamma_h)_1^n$ und der Skalarfunktion $\bigwedge_{0} (\gamma_{h})_{1}^{n}$ invariant. Aus den K_{h} ; L = kann auch ein zu Gleichung 3 a analoger kanonischer Formalismus entwickelt werden, wenn die $\psi_{
m h}$ als generalisierte Koordinaten aufgefaßt werden, die allerdings im Fall dieser kanonischen Feldtheorie nicht mehr nur von t sondern auch noch von den drei Ort koordinaten abhängen. Das durch Gleichung 4 beschriebene allge meine Feld der n diskreten Wirkungszentren wird zum Feldkontinu wenn die Wirkungszentren infinitesimal benachbart angenommen werd das heißt, wenn im Limes ihre Zahl n \longrightarrow ∞ über alle Grenzen an wächst. Das Feld wäre demnach ein Limes der Verteilung diskreter Wirkungszentren für n —> 🛷 aufzufassen. Zur Durchführung dies Limes wird das räumliche Volumen V zunächst nicht als Kontinuum angesehen, sondern V bestehe aus einer endlichen Zahl von Volum zellen vom Volumen δ V(s). Der Wert den γ_h in δ V(s) V(s)h (t) nur noch von t abhängig; die räumliche partiellen Ableitungen in Kh müssen im Bild & V(s) durch die entsprechenden Differenzenquotienten ersetzt werden. Da die Yh als generalisierte Koordinaten aufgefaβt werden können (die aber wenn das Bild & V(s) nicht verwendetewird, neben t noch von d drei Ortskoordinaten abhängen, so daß besser in diesem Fall jede generalisierte Koordinate q; als Vektor aus drei Raumkomponente von γh aufzufassen ist), kann in jeder Zelle δ V(s) in Abhängigkeit von den generalisierten Koordinaten $q_j = \dot{\gamma}(s)_h$ und generalisierten Geschwindigkeiten $\dot{q}_j = \dot{\gamma}(s)$ dargestellt werden; denn in jedem & V(s) soll die Funktion Ψ(s)h = Ψ(s)h (t) räumlich konstant bleiben, derart, daß d

ehemalige Wirkungszentrum ψ_h $(x_{k,t})_1^s$ über den ganzen Zelleni halt $\sqrt[6]{V_{(g)}}$ in räumlicher Konstanz verteilt ist. Entsprechend kann auch $\underline{L} = \int L dV$ im Zellenbild in der Form $L = \frac{\xi}{s} L_{(s)} \int V_{(s)}$ gebildet werden und muß daher, wie $L_{(s)}$ von den q_j und \dot{q}_j abhängen. Hieraus kann $\dot{\xi}_j^2$ L d t gebild werden, was gemäß $\int_{t_{a}}^{t_{a}} L dt = 0$ dann extremal wird, wenn $\int L = 0$ ist, das heißt, wenn die q_j gemäß $q_j + \sqrt{q_j}$ varii ren und wenn die $\sqrt{q_j}$ für die Grenzen des Zeitintegrals verschw den, aber auch in Zellen, welche auβerhalb des Bereiches V liege und somit kein Wirkungszentrum enthalten. Da nun der räumliche Bereich V beliebig wählbar ist, entspricht tatsächlich der Limes n →∞ dem Übergang von der diskreten Verteilung der Wirkungszen tren zum Feldkontinuum. Kanonische Feldgleichungen können aus Gle chung 4 entwickelt werden, wenn man, dem kanonischen Formalismu entsprechend, die kanonisch konjungierten Impulse pj = OL/Oqj einführt. Mit $L = \frac{\xi}{s}$, L(s) $\int V(s)$ und $q_j = \gamma(s)h$ wird $p_j = \int V_{(s)} \cdot \frac{\partial L_{(s)}}{\partial V_{(s)}}$; denn in der Summe L ist Y(s)h nur im Summanden s' = s vorhanden. Nach Gleichung 4 muβ es in V eine Stelle x geben und dazugehörig ψh derart $da\beta$ an diesem Ort L nur noch von den ψ_h , nicht aber von den $\frac{\partial \psi_h}{\partial x_i}$ abhängt. Die raumzeitliche Funktion als das zum Feld $\psi_{
m h}$ kanonisch konjugierte Feld Hiermit werden die Gleichungen Kh; L = 0 $\dot{\pi}_{h} = \frac{\partial L}{\partial \gamma_{h}} - \frac{2}{k=1} \quad \frac{\partial}{\partial x_{L}} \quad \frac{\partial L}{\partial \operatorname{grad}_{L} \gamma_{h}},$

Im Zellenbild $\int V_{(s)}$ steht nun offenbar auch der kanonisch konjugierte Impuls p_j mit dem kanonisch konjugierten Feld im Zusammenhang, denn es gilt

$$p_j = \frac{\partial L}{\partial q_j} = \int V_{(s)} \frac{\partial L}{\partial \psi_{(s)h}} = \int V_{(s)} \pi_{(s)h}$$
, so

daß das kanonisch konjugierte Feld in $\sqrt{V_{(s)}}$ als Raumdichte des kanonischen Impulses in dieser Zelle aufgefaßt werden kann und zwar in generalisierten Koordinaten. Mit diesen Größen kann im Bild $\sqrt{V_{(s)}}$ auch die Funktion H dargestellt werden. Nach dem mechanischen Formalismus in generalisierten Koordinaten gilt $H = \sum_{j=1}^{n} p_{j} \hat{q}_{j} - L$, also im Zellenbild

H (
$$\psi_h$$
, $\frac{\partial \psi_h}{\partial x_k}$, π_h) $_{k,h=1}^{3,n}$ = $\frac{n}{h=1}$ π_h · ψ_h - L 5

liefert. Mit dieser Beziehung kann Gleichung 4 in eine kanonisch konjugierte Form gebracht werden, welche ein feldmechanisches Analogon zu den Beziehungen 3 a der kanonischen Punktmechanik bildet.

2. Quanten

Nach der Aussage β der phänomenologischen Induktion ist jede Materieverteilung ein diskontinuierliches Feld aus elementaren Materiefeldquanten, von denen jedes einzelne mit den übrigen in Wechselbeziehungen stehen muß, da erfahrungsgemäß jede Materievertei – lung einen mechanischen Zusammenhalt hat. Der Mikrozustand aller dieser Materiefeldquanten bestimmt also statistisch den jeweiligen Makrozustand der makromaren Materieverteilung, welche das Kompositum einer großen Zahl von Materiefeldquanten darstellt. Wegen dieser großen Zahl kann ein und derselbe Makrozustand stets durch sehr viele verschiedene Mikrozustände realisiert werden. Die Zahl W dieser Mikrozustände, die ein und denselben Makrozustand ermöglichen, wird als thermodynamische Wahrscheinlichkeit des Makrozustandes bezeichnet. Sind zwei Makrozustände A und B gegeben zu denen die thermodynamischen Wahrscheinlichkeiten W_A und W_B gehören, so

ist B wahrscheinlicher als A , wenn $W_{\rm B} > W_{\rm A}$ ist. Offenbar mu es möglich sein W aus der kombinatorischen Zahl der Vertauschung möglichkeiten zu ermitteln, welche zwischen den Materiefeldquanten besteht. Ist das System aus N solcher Einzelindividuen zusammeng setzt so gibt es N! Austauschmöglichkeiten. Verteilen sich von Individuen N_a und N_b auf zwei gleichgroße Räume und b, so da β N = N_a + N_b ist, so gibt es in diesen Räumen d Austauschmöglichkeiten Na I und Nb I. Nach den Regeln der Kombinatorik gibt es insgesamt Z = N!/Na!Nb! Vertauschungsmöglich keiten. Führen die ein Materievolumen aufbauenden Materiefeldquante eine statistisch ungeordnete Bewegung aus, so kann es zu diesen Au tauschvorgängen der Zahl Z kommen. Der Mikrozustand des Systems ändert sich infolge dieserstatistischen Bewegung zeitlich und für de durch W gekennzeichneten Makrozustand gibt es die Möglichkeiten W = const (t) oder W (t). Im ersten Fall liefern alle zeitlich dur laufenden Mikrozustände stets den gleichen Makrozustand, das heiß für W = const sind nur Mikrozustände der Anzahl möglich, welche durch W ausgedrückt wird. Ist dagegen W = W (t) zeitahhängig und sind to to zwei Zeitgrenzen, so gibt es die beiden Möglic keiten $W(t_2) = W(t_1)$ und $W(t_2) > W(t_1)$. Im ersten Fall lie ein Abfall von W vor, der aber nach den Gesetzen der Statistik nur möglich wird, wenn äuβere Einflüsse auf das System einwirken, während im zweiten Fall W ansteigt, das heißt, wenn das System ohne äußere Einflüsse sich selbst überlassen bleibt, kann W nic abnehmen, so daß für die thermodynamische Wahrscheinlichkeit einer statistischen Verteilung von Materiefeldquanten immer 🛊 ≥ W ≤ 0 gilt, wenn auf die Verteilung keine äuβeren Einflüsse wir ken. Nach der Aussage α der phänomenologischen Induktion kann aber die Entropie S eines Systems ohne äußere Einflüsse nicht ab nehmen, so daβ wegen S 🍃 O und S 🚄 O und der analogen Aussage w > 0, w < 0 einestatistische Interpretation der Entre pie denkbar ist und ein Zusammenhang S = f (W) vermutet werden k kann. Es käme darauf an, f zu ermitteln. Sind zwei Feldquantenverteilungen in Form von zwei Systemen a und b gegeben, welche ei Gesamtsystem aufbauen, so kommt es nach den Gesetzen der Thermodynamik in diesem Gesamtsystem zunächst zu einer Addition der Entro- S_a und S_b der Teilsysteme zur Entropie. $S = S_a +$ des Gesamtsystems, da sich nach diesen Gesetzen die Entropien von Teilsystemen addieren. Nach den Gesetzen der Wahrscheinlichkeits theorie gilt dagegen für die Wahrscheinlichkeiten W_a und W_b das Multiplikationsgesetz $W = W_a \cdot W_b$, also mit S = f(W) die Funktionalbeziehung $f(W_a \cdot W_b) = f(W_b)$, also mit S = f(W) die Funktiotion nach W_a liefert $W_b \cdot W_b \cdot W_a \cdot W_b \cdot W_b \cdot W_a \cdot W_b \cdot W_a \cdot W_b \cdot W_a \cdot W_b \cdot W_b \cdot W_a \cdot W_b \cdot W_b$ und nach nochmaliger partiell. Differentiation nach Wb schlieβ-

lich $\frac{1}{W_a}$ f $(W_a \cdot W_b) + W_b$ $\frac{\partial^2}{\partial W_a \cdot \partial W_b}$ f $(W_a \cdot W_b) = 0$

mit $W = W_a \cdot W_b$ und f = f(w) wird dieser partielle Differentialgleichung zur totalen Diti

 $W = \frac{d^2f}{dW} + \frac{df}{dW} = 0$, dere, "Ilgemeine Lösung $f = k \ln W + C$

ist, worin k und C Integrationskonstanten sind. Einsetzen in $f(W_{\varepsilon} \cdot W_{b}) = f(W_{a}) + f(W_{b})$ | lefert C = 0, so daß $f = k \ln W$ verwendet werden kann. Damit with auch S = k · l n W für den vermuteten Zusammenhang zwischen und W. Hierin ist nur noch die Integrationskonstante k zu eru, heln. Zur Bestimmung von k werde angenommen, daß sich ein k mc. . also L $\approx 6 \cdot 10^{26}$ Materiefeldquanten in einem Volumen V2 "Tinden, welches ein Teilvolumen von $V_1 > V_2$ ist, derart, des Restvolumen $V_1 - V_2 > 0$

völlig leer bleibt. Dieser Zuningend habe die Entropie S2, doch kann er nicht stabil sein, vit, mehr wird er irrevers ablaufend zu einer Verteilung aller Materia, dquanten in V1 führen. Dieser Prozeβ ist eine irreverse Drougging und die Entropie wächst dabei auf den Wert $S_1 > S_2$. Ist μ 71e Gaskonstante, so wird dieser irreverse Drosselungavorgang quinh S1 - S2 = Rln (V1/V2) beschrieben. Die Volutina V₁ "" V₂ werden jetzt in Zellen aufgeteilt, derart, das va aus 2 wollen besteht. Die Wahrschein-

lichkeit dafür, Y Irdividuen ;, vorzufinden, ist dann $W_1(\gamma) = n^{\gamma}$ und diejenige, di. γ Individuen in V_2 vorzufinden.

 $W_2(\gamma) = n^{\gamma} \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^{\gamma} < n^{\gamma}$, with $V_2 < V_1$ ist. Diese Aussagen

folgen unmittelbar 213 den Gengen der Wahrscheinlichkeitstheorie. Für γ = L'werden mit S = L n W in S₁ - S₂ = R l n (V_1/V_2)

die Teilentropien zi S₁ = k] " 1 = k L l n n und S₂ = kln W₂" = k L l n n (V_2/V_1), also R $I_1/V_2/V_2$) = $S_1 - S_2 = k$ L [ln n -

- ln n (V_2/V_1)] = z L ln (V_1/V_p) ; also k L = R, womit sich die

Integrationskonstante k im Fall absterieller Quanten als universelle Gaskonstante erweist. Die statistische Deutung der Entropie wird mithin durch

eindeutig beschrieben.

Sind in einem räumlichen Volumen V insgesamt N Materiefeldquanten vorhanden, die in keinerlei gegenseitigen Wechselwirkungen
stehen sollen (es ist dies eine vereinfachende Annahme), sich aber
statistisch ungeordnet bewegen, so kann versucht werden W zu ermitteln. Zunächst wird V in $1 \le \gamma \le n$ kubische Zellen der Kantenlänge ε aufgeteilt, so da β $n \cdot \varepsilon' = V$ gilt. Sind N, die
Zahlen der Einzelindividuen in irgendeiner Zelle γ , so ist

N = $\frac{1}{\gamma+1}$ N und die Zahl Z der Verteilungsmöglichkeiten auf die n Zellen ist, nach den Regeln der Kombinatorik Z. $\frac{n}{\gamma+1}$ N $_{\gamma}!$ = N!. Bezieht sich der Suffix (O) auf die Annahme, daß alle Einzelindividuen ruhen, also keine statistische Bewegung erfolgt, so gilt nach dem Kombinationsprinzip der Wahrscheinlichkeiten $W_{(O)}$ (N) = $N_{=}^{N}(V/\epsilon^{3})^{N}$, des heißt, für das Kontinuum $\epsilon \rightarrow 0$ divergiert $W_{(O)}$ über alle Grenzen. Wenn die Einzelindividuen nicht ruhen, sondern sich statistisch bewegen, so wird ein Mikrozustand nicht allein durch die Z Verteilungsmöglichkeiten auf die n Zellen bestimmt, sondern jedem Einzelindividuum kommt in Folge der Bewegung noch ein Impuls zu, so daß der Mikrozustand neben Z noch durch die Impulsverteilung auf die N Einzelindividuen bestimmt wird. Eine solche Impulsverteilung muß im Fall statistischer Bewegung vorhanden sein, weil die Einzelindividuen Materiefeldquanten sind, denen ihrer Definition entsprechend, Trägheitsmassen zukommen. Aus diesem Grund erscheint es angebracht, neben dem Orts-

raum $V = \frac{3}{i}$ x_i noch einen Impulsraum $P = \frac{3}{i}$ P_i mit

 $P_1 = M_1 \hat{x_1}$ einzuführen, worin M_1 die Gesamtmasse aller Materiefeldquanten ist, welche sich zur Zeit t mit der mittleren Geschwindigkeit $\hat{x_1}$ in Richtung x_1 des Ortsraumes bewegen. Ähnlich wie V wird auch P in ein Raster aus m kubischen Zellen der

Kantenlänge η aufgeteilt, so daß $m \cdot \eta' = P$ ist. Für die Zahl Z' der Verteilungsmöglichkeiten auf die $1 \le \mu \le m$ Zellen des Impulsraumes gilt dann analog wie im Ortsraum Z' $\cdot \frac{m}{\mu-1} N_{\mu}! = N!$ wo jetzt allerdings $N = \underbrace{\sum_{\mu=1}^{m} N_{\mu}}_{\mu=1} N_{\mu}$ gilt. Für die $W_{(0)}$ (N) entsprechendenImpulsraumwahrscheinlichkeit $W_{(p)}$ (N) folgt dann, nach dem Kombinationsprinzip der Wahrscheinlichkeiten, wenn $m \cdot \eta' = P$ berücksichtigt wird, $W_{(p)}$ (N) = $m^N = (P/\eta^*)^N$, was mit $W_{(0)}$ zur

Gesamtwahrscheinlichkeit W (N) = W(o) • W(P) = $(\frac{PV}{(\epsilon n)^3})^N$ kombiniert. Andererseits kann W in der Form W = $(n \cdot m)^N$ = q^N mit der ganzen Zahl q = n · m dargestellt werden, wobei q mit der Zellenzahl eines sechsdimensionalen Phasenraumes zusammenhängt. Die Koordinaten dieses Raumes sind die drei Ortskoordinaten und die drei Impulskoordinaten. Wegen S = k l n W = k N l n q wird ersicht lich, daß S von der offenbar willkürlichen Feinheit des Phasenraumrasters abhängt. Wird nämlich ein anderes Raster q * = C q mit C # 0 gewwählt, so folgt S' = k N l n q' = k N (l n q + l nC)= = S + c, also S' S = c, worin alle Zahlen eine Zellenaufteilung des Phasenraumes kennzeichnen, während c → ± ∞ aussagt, daβ die Zellengröße unter jede vorgebbare Schra ke sinkt, also der Phasenraum zum Kontinuum wird. Es wäre zu untersuchen, ob es für c irgendeinen endlichen Grenzwert gibt oder ob c divergieren kann. Gibt es eine endliche Schranke für c , so bedeutet dies, daβ es auch eine endliche Schranke der Teilbarkeit des Phasenraumes gibt und dies wiederum würde bedeuten, daβ - V PV [Wattsew], also die Wirkungsgrößen als Quanten erscheinen und zwar muβ der Kubus eines solchen Wirkungsquants mit der unteren Schranke der Zellengröße des Phasenraumes identisch sein. Im Falle der Divergenz c -> ± 0 dagegen, kann eine solche Quantisierung der Wirkungsgröße nicht existieren, da die Zellengröße beliebig klein gewählt und der Phasenraum als Kontinuum aufgefaßt werden kann.

Wegen der Aussage β der phänomenologischen Induktion kann $-\infty < c < +\infty$, also eine Konvergenz von c angenommen werden; denn für $c \to \pm \infty$ müßte auch $S_1 - S \to \pm \infty$ divergieren, was thermodynamisch im Falle einer kontinuierlichen Materieverteilung denkbar wäre. Da aber die Materie grundsätzlich in Form endlicher Zahlen diskreter Materiefeldquanten erscheint, muß immer W

als Zahl der Mikrozustände, welche ein und denselben Makrozustand realisieren können, endlich bleiben. Dies bedeutet, daß auch lim S $< |\infty|$ konvergiert, was aber nur möglich ist, wenn lim c= = M < $|\infty|$ konvergiert. M ist also die Schranke von c und dies bedeutet, daß auch das Phasenraumraster eine endliche Schranke hat. Für diese Schranke gelte lim ε η = h und diese Größe muß eine universelle Naturkonstante sein, die in B als Wirkungsquant bezeichnet wurde, weil die Dimensionierung von h eine Wirkungsgrösse (Impulsmoment)ist. So erscheint das empirische Prinzip der Wirkungsquantisierung als eine Konsequenz des ebenfalls empirischen Prinzips der materiellen Atomistik. Wenn diese Schlußweise inver tierbar ist, dann muß die Möglichkeit bestehen eine deduktive Theorie des Spektrums aller überhaupt möglichen Materiefeldquanten zu entwickeln, die zwangsläufig den Charakter einer einheitlichen Theorie des materiellen Geschehens tragen muβ. Nach dem Prinzip der Fourieranalyse kann jeder Prozeβ in einer Reihe harmonischer Funktionen aufgelöst werden und auch ∫ p d s muß in eine solche Reihe zeitlich periodischer Funktionen der Periodendauer T, also der Frequenz & T = 1 auflösbar sein. Hieraus folgt aber unmittelbar die in B angeführte spektroskopische Beziehung der Energiequantisierung $E_n T = \int \bar{p} d\bar{s} = nh$, oder $E_n = nh + Die$ angeführte Inversion der Schluβweise und die damit verbundene Möglichkeit der einheitlichen Beschreibung des Spektrums aller Materie feldquanten ist also dann gegeben, wenn nachgewiesen werden kann, daβ das empirische Aquivalenzprinzip von Bindungsenergie und Massendefekt bei den Nuklearstrukturen für jede Energie und jede träge Masse gilt. Da freie Energie in imponderabler Form durch die makromaren Wirkungsfelder des Elektromagnetismus und der Gravitation im physischen Raum übertragen wird und hinreichend energische Photonen im Sinne der empirisch aufgezeigten Paarbildung von Elementarkorpuskeln in eine ponderable Form transformieren, erscheint es angebracht, zunächst diese makromaren Wirkungsfelder des Prinzips 6 24 analysieren.

3.) Makromare Wirkungsfelder.

Die eine der in der deskriptiven Aussage 6 der phänomenologischen Induktion angeführten makromaren Wechselwirkungen ist elektromagnetischer Natur und wird durch das Induktionsgesetz

rot H = ε E + Q V, ε div E = g, rot E = - μ H, div H = 0 vollständig beschrieben, in welchem die Naturkonstanten ε und μ die Vektoren des elektrischen und magnetischen Feldes E und H mit der elektrischen Ladungsdichte @ und der Relativgeschwindigkeit v in einen raumzeitlichen Zusammenhang setzen, wenn das Feld im Leerraum ε = μ = 1 gegeben ist. Im ladungsfreien Leerraum g = o beschreibt rat $\overline{H} = \varepsilon_0 \overline{E}$, $\operatorname{div} \ \overline{E} = o$, rot $\overline{E} = -\mu_o \ \overline{H}$, $\operatorname{div} \ \overline{H} = o$ die Ausbreitung einer elektromagnetischen Feldstörung. Partielle Zeitdifferenziation des einen Rotors und Substitution mit dem anderen liefert für beide Feldvektoren $(\overline{E},\overline{H})$ = \overline{Q} die gleichen Beziehungen - ε_0 μ_0 \overline{Q} = = rot rot \overline{Q} = grad div \overline{Q} - div grad \overline{Q} γ wegen div \overline{Q} = o, also div grad $\overline{Q}=\varepsilon_0$ μ_0 \overline{Q} . Dies ist aber eine Wellengleichung, so daß sich \overline{E} und \overline{H} im Vakuum mit der Geschwindigkeit c = $(\epsilon_0 \cdot \mu_0)^{-1/2} \approx 3 \cdot 10^8$ [m/sec] in Form einer Transwersalwelle ausbreiten, deren Wellenzonen im ungestörten Fall sphärisch sein müssen. Ganz analoges folgt für andere Bestimmungsstücke des elektromagnetischen Feldes, wie zum Beispiel für das elektromagnetische Vektorpotential \overline{A} und das elektrische Pkalarpotential ϕ . = o aber auch für = o gültige Divergenzfreiheit div \overline{H} = 0 wird durch μ_0 • \overline{H} = rot \overline{A} erfüllt, was zu rot $\overline{E} = -\mu_0$ $\dot{\overline{H}} = -\operatorname{rot} \dot{\overline{A}}$, also rot $(\overline{E} + \overline{A}) = \overline{o}$ führt. Dies ist aber nur möglich, wenn $\overline{E} + \overline{A} = \pm$ grad φ ist, weil der Gradient gemäß rot grad = $\overline{0}$ wirbelfrei ist. Wegen \overline{H} \sim rot \overline{A} und div grad $\overline{H} = \frac{\ddot{H}}{H}/c^2$ muß auch div grad $\overline{A} = \overline{A}/c^2$ sein. Substitution mit $\overline{E} = -\frac{\dot{\Lambda}}{\Lambda} \stackrel{\pm}{=} \operatorname{grad} \varphi$ und μ_0 $\overline{H} = \operatorname{rot} \overline{\Lambda}$ in rot $\overline{H} = \varepsilon_0$ \overline{E} liefert rot rot $\overline{\Lambda} = 1/c^2 \cdot (-\overline{\Lambda} \stackrel{\pm}{=} \operatorname{grad} \dot{\varphi})$ oder grad div \overline{A} - div grad \overline{A} = 1/c² (- \overline{A} ± grad ϕ) oder grad div $\bar{A} = \pm 1/c^2$ grad $\dot{\phi}$, wegen div grad $\bar{A} = \bar{A}/c^2$, also

nach Integration div $\overline{A} = \frac{1}{2} \phi/c^2$. Divergenzbildung von $\overline{E} + \overline{A} = \frac{1}{2}$ grad ϕ liefert div $\overline{A} = \frac{1}{2}$ div grad ϕ wegen div $\overline{E} = 0$ im Vakuum. Vergleich mit div $\overline{A} = \frac{1}{2} \phi/c^2$ aus div $\overline{A} = \frac{1}{2} \phi/c^2$ ergibt dann auch für das elektrische Skalarpotential die Wellengleichung div grad $\phi = \phi/c^2$, die im Gegensatz zu den Wellengleichungen der übrigen elektromagnetischen Bestimmungsstücken \overline{E} , \overline{H} oder \overline{A} skalarer Natur ist.

Die Wellengleichungen der elektromagnetischen Größen und die für alle diese Größen konstante Ausbreitungsgeschwindigkeit c zeigt, daß jeder elektromagnetische Vorgang im Vakuum beschrieben durch rot $\overline{H} = \varepsilon_0$ $\overline{\overline{E}}$, rot $\overline{E} = -\mu_0$ $\overline{\overline{H}}$, div $\overline{E} = 0$, div $\overline{\overline{H}} = 0$ sich kugelsymmetrisch mit der Geschwindigkeit c ausbreiten. Im Aarthesischen (xyz) -Raum gilt, wenn die Emission im Nullpunkt erfolgt, für die geometrische Gleichung der sphärischen Wellenzonen $x^2 + y^2 + z^2 = r^2$ mit r = ct, also $x^2 + y^2 + z^2$ - c2 t2 = 0. Dieser Ausbreitungsvorgang spiele sich im Koordinatensystem C ab und werde won einem zu C mit der Geschwindigkeit v relativ bewegten System C' beobachtet. In diesem System gelten die Koordinaten x' y' z' und die Zeit t'. Wenn die Galileigruppe der Mechanik C und C' in Relation setzt, muß in C' der Induktionsvorgang mit der Ausbreitungsgeschwindigkeit c 💆 🔻 laufen, was $x^2 + y^2 + z^2 - c^2 + 0$, also $x^2 + y^2 +$ $+z^{2}-e^{t}t^{2}+x^{2}+y^{2}+z^{2}-c^{2}t^{2}$ zur Folge hätte. Wenn aber diese Ungleichheit bestünde, so wäre die geometrische Form der Wellenzone von der Relativgeschwindigkeit des Bezugssystems abhängig und der physische Leerraum müßte aus einem ruhenden Weltäther bestehen. Doch konnte nach Aussage α der phändmenologischen Induktion gezeigt werden, daß es einen solchen ruhenden Weltäther als Übergangsmedium der Wechselwirkungen (zumindest für die elektromagnetische) aufgrund der umpirischen Konsequenzen aus dem elektromagnetischen Phänomem in Bezug auf die Jahresbahn nicht geben kann. Wenn dies aber so ist, muβ x² + y² # z² - c² t² = $x^{2} + y^{2} + z^{2} - c^{2}$ $t^{2} = 0$ für alle relativ bewegten Systeme C' gelten und dies bedeutet, daß für elektromagnetische Induktions vorgänge die Galileigruppe nicht anwendbar ist. Die empirische Nichtexistenz eines ruhenden Weltäthers, die durch die Gleichheit $x^{2} + y^{2} + z^{2} - c^{2} + t^{2} = x^{2} + y^{2} + z^{2} - c^{2} + t^{2}$, also durch das elektromagnetische Relativitätsprinzip ausgedrückt wird,

Ast mit einer Aufgabe des Begriffes vom absoluten Raumäquivalent, was $x^2 + y^2 + z^2 \neq x^{*2} + y^{*2} + z^{*2}$ zur folge hat. Die durch das Relativitätsprinzip geforderte Gleichheit erzwingt dann aber t + t', also eine Aufgabe des Begriffes der absoluten Gleich zeitigkeit. Dies legt es nahe, neben den drei Raumkoordinaten $x = x_1$, $y = x_2$ und $z = x_3$ die imaginäre Lichtzeit ict = x_4 als vierte Koordinate einer vierdimensionalen Raumzeit einzuführen, wodurch der Rz zu dieser Raumzeit R4 ergänzt wird. Damit wird das elektromagnetische Relativitätsprinzip zu der Invarianzbeziehung x_i^2 x_i^2 Der x_3 erscheint somit als eine Hyperfläche des R_{μ} , dessen Punkte Ereignisse sind. Die relative Gleichzeitigkeit wird demnach durch solche Hyperflächen Rz ausgedrückt, für die x4 = const ist, das heißt, die relativ gleichzeitigen Ereignisse liegen auf Niveauhyperflächen x_4 = const des R4 . Der Übergang zwischen zwei Koordinatensystemen C und C'. die mit v relativ zueinander bewegt werden, hat dann durch noch unbekannte Transformationen $x_i^2 = x_i^2 (x_k, v_c)_1^4$ zu erfolgen. Ehe aber versucht wird, diese Transformationen zu ermitteln, wäre festzustellen, ob es für elektromagnetische Vorgänge ausgezeichnete Bezugssysteme gibt. Wegen der Vektornatur der elektromagnetischen Feldgrößen und der invarianten Natur der sie im Induktionsgesetz verknüpfenden vektoranalytischen Differentialpperatoren ist offensichtlich eine Invarianz gewährleistet und wegen der imaginären Natur der Lichtzeit und der euklidischen Form des Relativitätsprinzipes wird der metrische Fundamentaltensor des Ru zeitartig indefinit, also R4 selbst pseudoeuklidisch. Ein ausgezeichnetes Bezugssystem elektromagnetischer Vorgänge kann es offenbar nicht geben, denn, wenn es dieses System gäbe, wäre $x_i^2 + \frac{4}{i-1} x_i^2$, was im Widerspruch zu der Erfahrung steht. In jedem Fall muβ es also mehrere gleichberechtigte Systeme geben, welche durch $x_i^* = x_i^* (x_k, v, c)_1^4$ im Zusammenhang stehen. Wegen c = const(es ist eine Naturkonstante) können sich diese Systeme nur durch v = const (t) voneinander unterscheiden, so daß es wegen der unendlichen vielen v - Werte auch eine unendliche Schar gleichberechtig ter Bewegungssysteme gehen muß, was die Transformationen \mathbf{x}_{i}^{\bullet} (\mathbf{x}_{k} , \mathbf{v} , \mathbf{c}) als Transformationsgruppe charakterisiert. Da zwar die mechanischen Vorgänge, für welche die Galileigruppe gilt, durch elektromagnetische Vorgänge verursacht werden können, nicht

aber umgekehrt muß die aus der Invarianz in xi = xi resultierende Gruppe des relativen Raumes und der relativen Zeit allgemein gültiger sein und die Galileigruppe der Mechanik (absoluter Raum und absolute Zeit), als Approximation enthalten.

Zur Ermittlung der Raumzeittransformationen müssen folgende Forderungen an das Transformationsgesetz gestellt werden:

- a) Da die elektromagnetische Wirkung als Welle fortschreitet, müssen Relativbewegungen als Dopplereffekt erscheinen, so daβ von allen gleichberechtigten Systemen die Ausbreitungsgeschwindigkeit als Naturkonstante c = const erschein.
- b) Alle gleichberechtigten Systeme bewegen sich relativ zueinander und sind nicht voneinander unterscheidbar.
- c) Die Relativgeschwindigkeit gleichberechtigter Systeme ist stationär, also gleichförmig und gradlizing, wodurch diese Systeme als Inertialsysteme charakterisiert sind.
- d) Die Transformationen müssen linear sein, wobwider lineare Koeffizient von v abhängen kann; denn nur auf diese Weiße wird kein Punkt des R_3 ausgezeichnet.

Die Ableitung der Transformationsgruppe des elektromagnetischen Relativitätsprinzips erfolgt am zweckmäßigsten aus dem Ausbreitungsgesetz elektromagnetischer Felder im Vakuum; denn auf diesem Gesetz beruht das elektromagnetische Relativitätsprinzip. Da jede Vektorgeichung stets soviele Gleichungen zusammenfaßt wie Vektorkomponenten vorhanden sind, ist es angebracht, das Ausbreitungsgesetz einer skalaren Feldgröße zu verwenden, und hierfür bietet sich das elektrische Skalarpotential φ an, für dessen Ausbreitung nach dem Vorangegangenen die Operatorgleichung div grad φ – $\mathring{\varphi}/c^{\uparrow}$ = 0 gilt Im R_A wird der Operator in der analytischen Form

div grad
$$-1/c^2$$
. $\partial^2/\partial t^2 = \frac{4}{i=1} \frac{\partial^2}{\partial x_i^2}$ dargestellt, so

daβ die Invarianzforderung des Ausbreitungsgesetzes beim Übergang vom System C nach C' (v = const ist die Relativgeschwindigkeit)

die Form
$$\frac{4}{i=1} \frac{\partial^2 \varphi}{\partial x_i^2} = \alpha (v)$$
 $\frac{4}{i=1} \frac{\partial^2 \varphi}{\partial x_i^2}$ annimmt.

Zur Vereinfachung werde angenommen, daß die Raumachsen beider Systeme parallel laufen, die Relativbewegung mit v = const (t) längs der gemeinsamen x_1 -Achse verläuft, und daß sich zu Beginn der Bewegung beide Systeme gemäß $x_{(0)}i - x_{(0)}i = 0$ in allen vier Koordinaten decken. Unter diesen die Allgemeinheit nicht einschrän-

kenden Vereinfachungelautet die allgemeinste Form der Koordinatentransformation, welche die Forderungen a bis d erfüllt $\mathbf{x}_1^* = \mathcal{X}(\mathbf{v}) \cdot (\mathbf{x}_1 - \mathbf{v} t), \mathbf{x}_2^* = \lambda(\mathbf{v}) \cdot \mathbf{x}_2, \mathbf{x}_3^* = \lambda(\mathbf{v}) \mathbf{x}_3$ und $\mathbf{t}^* = \mu(\mathbf{v}) \cdot \mathbf{t} - \mathbf{x}(\mathbf{v}) \cdot \mathbf{x}_1$ und diese Beziehungen haben die allgemeine Invarianz $\frac{4}{\mathbf{v}^*} \frac{\partial^2 \phi}{\partial \mathbf{x}_1^*} = \alpha(\mathbf{v}) \cdot \frac{4}{\mathbf{v}^*} \frac{\partial^2 \phi}{\partial \mathbf{x}_1^*}$

zu erfüllen. Es kommt darauf an die Koeffizienten α , \mathcal{R} , λ , μ und Υ als Funktionen von v und c zu bestimmen; denn dann sind die Raumzeittransformationen für den vereinfachten Fall bekannt, der danach verallgemeinert werden kann. Der Koeffizient λ muß für die Transformationen \mathbf{x}_2^* und \mathbf{x}_3^* der gleiche sein, weil beide Richtungen zueinander orthogonal verlaufen und die von ihnen aufgespannte Ebene zur einzigen ausgezeichneten Richtung \mathbf{x}_1^* normal verläuft. Auch muß λ (v) = λ (-v) gerade sein, was zusammen mit der Invarianz \mathbf{x}_2 = \mathbf{x}_2^* · λ (-v) und \mathbf{x}_3 = \mathbf{x}_3^* · λ (-v) für λ den Wert λ = 1 ergibt. Somit werden die Transformationen \mathbf{x}_2^* = \mathbf{x}_2 , \mathbf{x}_3^* = \mathbf{x}_3 identisch. Zur Bestimmung der übrigen Koeffizienten wird berücksichtigt, daß φ eine Funktion der Raumzeitkoordinaten sein muß. In φ = φ (\mathbf{x}_1^*) $\frac{1}{2}$ wird mit den Raumzeittransformationen zwischen C' und C substituiert und \mathbf{x}_4^* = i c t' verwendet. Dann gilt φ (\mathbf{x}_1^*) $\frac{1}{2}$ = φ (\mathcal{R} (\mathbf{x}_1 - v t), \mathbf{x}_2 , \mathbf{x}_3 , (μ t- \mathbf{x}_1)), das partiell differenziert

$$\frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}} = \mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - \mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - \mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} + \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{2}} - 2\mathcal{R} \frac{\partial \varphi}{\partial \mathbf{x}_{1}^{$$

und
$$-1/c^2$$
 · $\frac{\partial^2 \phi}{\partial t^2} = -\mathcal{R}^2 - \frac{v^2}{c^2}$ · $\frac{\partial^2 \phi}{\partial x_1^{*2}}$ +

+ 2
$$\frac{\chi_{\mu\gamma}}{c^{2}}$$
 $\frac{\partial^{2} \varphi}{\partial x_{i}^{2} \partial t^{2}}$ - $\frac{\mu^{2}}{c^{2}}$. $\frac{\partial^{2} \varphi}{\partial t^{2}}$ liefert.

In die Invarianzbeziehung $\frac{4}{i=1} \frac{2^2 \varphi}{0 x_i^2} = \alpha \cdot \frac{4}{i=1} \frac{2^2 \varphi}{0 x_i^2} = 0$

der elektromagnetischen Wellenausbreitung eingesetzt, ergeben sich Beziehungen für die Koeffizienten in der die Invarianz

$$\frac{4}{i=1} \frac{\partial^2 \varphi}{\partial x_i^2} = \alpha \cdot \underbrace{\frac{4}{\partial^2 \varphi}}_{i=1} \frac{\partial^2 \varphi}{\partial x_i^2} \text{ erfüllt sein muß. Dies}$$

bedeutet, daß $\alpha = 1$ ist. Gleiches folgt auch für die Koeffizienten der nichtgemischten partiellen Abzeizungen, während diejenigen vor den gemischten Abzeizungen verschwinden müssen. Auf diese Weise ergeben sich für die Koeffizienten die folgenden Bestimmungsgleichungen: $\alpha = \lambda = 1$, sowie $\mathcal{R} = \mu = \pm (1 - v^2/c^2)^{-1/2}$ und $\gamma = \mu \ v/c^2$. Für $\mathcal{R} = \mu$ wird der positive Zweig gewählt, damit die Systeme C und C' gleich orientiert sind. Zur Kürzung wird für daß Geschwindigkeitsverhältnisv/c = β eingeführt. Einsetzen dieser Koeffizienten in die Transformationen $x_1^* = x_1^* \ (x_k, v, c)_1^4$ liefert dann

$$x_{1}^{*} = \frac{x_{1} - vt}{1 - \beta^{2}}$$
, $x_{2}^{*} = x_{2}$, $x_{3}^{*} = x_{3}$, $t^{*} = \frac{t - \beta/c \cdot x_{1}}{\sqrt{1 - \beta^{2}}}$, $\beta = v/c = \text{const.}$, $\cos(\bar{x}_{1}, \bar{x}_{k}^{*}) = \delta_{1k}$, $\bar{x}_{1}^{*} = x_{2}^{*}$, $\bar{x}_{2}^{*} = x_{3}^{*}$, $\bar{x}_{3}^{*} = x_{3}^{*}$, $\bar{x}_{4}^{*} = x_{3}^{*}$, $\bar{x}_{2}^{*} = x_{3}^{*}$, $\bar{x}_{3}^{*} = x_{3}^{*}$, $\bar{x}_{4}^{*} = x_{4}^{*}$, $\bar{x}_{4}^$

woraus zu erkennen ist, daß diese Raumzeittransformationen in dem speziellen Fall tatsächlich eine Gruppe bilden; denn zwei Transformationen von C nach C' und von C' nach C'' eine von C nach C' ersetzt werden. Weiter existieren die versen Transformationen eindeutig. Auch folgt, daβ β nur im halboffenen Intervall $0 \leq \beta \leq 1$ definiert sein kann; denn für $\beta = 1$ entsteht eine Singularität in Form einer Unendlichkeitsstelle, die in Raum und Zeit nicht mehr definiert ist, während für $\beta > 1$ die Transformationen imaginär werden. Das halb offene Intervall o≤β <1 hat aber das Geschwindigkeitsintervall o
v
c zur Folge, woraus hervorgeht, daß c eine obere Grenzgeschwindigkeit ist, welche von materiellen Systemen nur angenähert, nicht aber erreicht oder überschritten werden kann. Die durch Gleichung 7 gekennzeichnete sogenannte Lorentzgruppe L enthält tatsächlich die Galileigruppe G als Grenzfall; denn es ist L = G und diese diese Annahme der mit über alle Grenzen wachsender Geschwindigkeit sich ausbreitender elektromagnetischer Fernwirkungen entspricht dem Gültigkeitsbereich von G. Für o < β < 1 schließlich, wird $L \sim G$, so daß G als Approximation für diesen Fall in L enthalten ist. Die Transformationen der Gleichung 7 können aufgrund ihrer

Natur geometrisch als imaginäre Drehungen der Raumzeitkoordinaten aufgefaßt werden, so daß eine Verallgemeinerung der Gleichung 7 auf eine geometrische Beschreibung allgemeiner imaginärer Drehungen in einem vierdimensionalen Kontinuum hinausläuft, dessen eine Koordinate hinausläuft, dessen eine Koordinate $\mathbf{x}_{4} = \mathbf{i}$ c \mathbf{t} imaginär ist, so daß das Kontinuum über den komplexen algebraischen Körper definiert ist. Die allgemeine Transformation bei solchen imaginären Drehungen ist gegeben durch $\mathbf{x}_{1}^{*} = \underbrace{\overset{4}{\mathbf{x}_{1}}}_{\mathbf{x}_{1}} \alpha_{\mathbf{i}k} \cdot \mathbf{x}_{k}$, deren inverse Transformationen ebenfalls, und $\mathbf{x}_{2}^{*} = \underbrace{\overset{4}{\mathbf{x}_{2}}}_{\mathbf{x}_{1}} \alpha_{\mathbf{i}k} \cdot \mathbf{x}_{k}$, deren inverse Transformationen en imaginären Drehungen wird durch die unitäre Transformatormatrix $\widehat{\mathbf{A}} = (\alpha_{\mathbf{i}k})_{4}$ vom quadratischen Typ 4 charakterisiert, die gemäß $\widehat{\mathbf{A}} \cdot \widehat{\mathbf{A}}^{*} = \widehat{\mathbf{E}}$ mit ihrer Kontragredienten identisch und über dem reellen Zahlenkörper orthogonal ist. Wird $\widehat{\mathbf{A}}$ gemäß $\widehat{\mathbf{A}}^{*} = (\alpha_{\mathbf{i}k}^{*})_{4}$ auf die Diagonalform transformiert, so muß stets

 $/\hat{A}, /_{4} = \frac{4}{k_{max}}$ α_{kk} > 0, also \hat{A} selbst regulär sein; denn eine

Singularität würde bedeuten, daß ein von o verschiedener Matrizendefekt vorhanden ist, und somit kein R_4 über dem komplexen algebraischen Körper aufgespannt wird. Mit $\bar{r} = \frac{\bar{x}_i}{i=1} \bar{x}_i$ wird

r' = A r und dies gilt auch für jeden anderen raumzeitlichen Vektor. Die allgemeine Lorentzgruppevon der Gleichung 7 nur ein spezieller Sonderfall ist, lautet also

$$\bar{\mathbf{r}}^{\bullet} = \hat{\mathbf{A}} \quad \bar{\mathbf{r}}, \quad \bar{\mathbf{r}} = \frac{4}{\mathbf{i} = 1} \quad \bar{\mathbf{x}}_{\mathbf{i}}, \quad \hat{\mathbf{A}} \cdot \hat{\mathbf{A}}^{\times} = \mathbf{E},$$

$$|\hat{\mathbf{A}}|_{\Delta} > 0 \qquad 8.$$

Im speziellen Fall der Gleichung 7 kann $\widehat{A} = \widehat{A}$ (β) dargestellt werden. Für cos $(\overline{x}_i, \overline{x}_k) = \delta_{ik}$ wird die unitäre Transformator matrix der raumzeitlichen Inertialsysteme zu

$$\widehat{A} = \begin{pmatrix} (1 - \beta^2)^{-1/2} & 0 & 0 & i \beta & (1 - \beta^2)^{-1/2} \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ -i \beta & (1 - \beta^2)^{-1/2} & 0 & 0 & (1 - \beta^2)^{-1/2} \end{pmatrix}$$

$$\cos (\widehat{x}_i, \widehat{x}_k^*) = \int_{ik} \beta = v/c = const,$$

$$0 \le \beta < 1, x_4 = i c t$$

Würde $\beta > 1$, so würde der Koeffizient $(1 - \beta^2)^{-1/2}$ imaginär, sondern es wäre damit auch ein ausgezeichnetes bezugssystem definiert, was dem elektromagnetischen Relativitätsprinzip $x_i^2 = x_i^2$ widerspricht. Die Naturgesetze sind immer dann fehlerhaft, wenn sie nicht gegen die Transformationen Gleichung 8 and 8a invariant sind, so daß jedes Naturgesetz zu überprüfen ist, ob eine solche Invarianz vorliegt. Die mathematischen Invarianten sind Tensoren ^mT, für deren Tensorgrade o≤m≤ 4 gelten muß, weil die Raumzeit vierdimensional ist. Die Invarianz für m = o und m = 1, also für Skalare und Vektoren gegen A ergibt sich elementar nach den Gesetzen der analytischen Geometrie. ist das Symmetieverhalten der Tensoren zu berücksichtigen. Wenn m = 2 ist, wird der allgemeinste Fall durch $2\overline{\underline{T}} \neq 2\overline{\underline{T}}$ beschrieben, doch kann stets dieser Tensor in einen hermiteschen $2\overline{T} = 2\overline{T}^{\times}$ und einen antihermiteschen Anteil $2\overline{M} = -2\overline{M}^{\times}$ zerlegt werden. $T_{ik} = T_{ki}$ von $2\overline{T}$ kann als $T_{ik} = P_i R_{ki}$ mit $\overline{P} = \frac{4}{i+1}$ \overline{P}_i aufgefaβt werden. Dann muβ aber auch i.k=1 xi xk Tik \hat{A} invariant sein; denn wegen $\bar{r} = \frac{4}{1-4}$ \bar{x}_i ergibt sich $\underbrace{x_i}_{i,k=1} x_i x_k T_{ik} = \underbrace{x_i}_{i,k=1} x_i P_i x_k P_k = \underbrace{x_j}_{j=1} (x_j P_j)^* =$ = (r · P) als Quadrat eines Skalarproduktes aus zwei polaren Raumzeitvektoren. Andererseits beschreibt $\frac{4}{i \cdot k=1}$ $x_i x_k$ $T_{ik} = const$ einen Mittelpunktsraum zweiter Ordnung, dessen analytische Gleichung durch fil Test nicht die Hauptachsenform vor, so gilt allgemein für diesen Raum iki x x Ti,k = const. Die Hauptachsen sind die Extremabstände vom Mittelpunkt des Raumes und ergeben sich somit nach dem Multiplikatorverfahren. Es ist

Mit $\bar{r} = \frac{4}{i=1} \bar{x}_i$ wird diesem Gleichungssystem $^2\bar{T}$ $\bar{r} - \mu$ $^2\bar{E}$ $\bar{r} = \bar{0}$ oder $^2\bar{T} - \mu$ $^2\bar{E}$ = $^2\bar{0}$, weil \bar{r} $> \bar{0}$ sein kann. $^2\bar{T}$ $- \mu$ $^2\bar{E}$ = $^2\bar{0}$ ist aber ein Eigenwertproblem, dessen charakteristische Gleichung durch die Singularität der Determinante $|^2\bar{T} - \mu$ $^2\bar{E}$ $|_4$ = 0, also

das Verschwinden des Produktes $\frac{\mu}{\xi - 1}$ $(T_{\xi\xi} - \mu) = 0$ beschrieben wird, worin die Te die Komponenten der Diagonalform der T sind. Die invarianten Eigenwerte μ sind die Lösungen der charakteristischen Gleichung, die in u eine Gleichung 4. Grades ist. Auf diese Weise werden die vier Hauptachsen des Mittelpunktsraumes 2, Ordnung bestimmt. Nach der charakteristischen Gleichung lassen sich aus den Hauptachsenkomponenten (indiziert durch ξ , η , ξ und λ) vier Invarianten gegen \widehat{A} aufstellen, welche skalarer Natur sind. Die Hauptachsen des Mittelpunktsraumes sind gegen A invariant und vom Koordinatensystem unabhängig. Liegt ein antihermitescher Tensor $^{2}\overline{M} = -^{2}\overline{M}^{\times}$ vor, so giltdiese Untersuchung nicht. Jeder antihermitesche Raumzeittensor kann als axialer Vektor aufgefaβt werden, der über dem komplexen Zahlenkörper definiert ist. Die drei Komponenten M_{J1} mit J , 1 \neq 4 werden dabei durch die Komponenten C_i = M_{Jl} mit i + J + 1 eines Vektor $\overline{C} = \underbrace{\frac{2}{i=1}}_{i=1} \overline{C}_i$ und die $M_{1,4}$ mit 1 < 4, als die i $D_1 = M_{14}$ eines imaginären i $\overline{D} = \frac{3}{1-1}$ i \overline{D}_1 aufgefaßt, die beide in ihrem Realteil Axialvektoren im R3 sind. Unter Berücksichtigung dieser Tatsache kann div4 2M gebildet werden, wenn die Vektordivergenz im R_{4} ist, dessen Einheitsvektoren durch \overline{e}_i symbolisiert werden sollen. Die Koordinaten seien gemäß $e_i \cdot e_k = \int_{ik} \text{ kartesisch. Dann gilt } \frac{div_4}{div_4} \cdot e_i$ • $\frac{\partial M_{ik}}{\partial x_k}$, worin $M_{ik} = -M_{ki} \sim 1 - \int_{ik}$ berücksichtigt werden kann: Geschieht dies, so folgt div4 m = e $(\frac{\partial M_{12}}{\partial x_2} + \frac{\partial M_{13}}{\partial x_3}) + \bar{e}_2 (\frac{\partial M_{21}}{\partial x_1} - \frac{\partial M_{23}}{\partial x_3}) + \\
+ \bar{e}_3 (\frac{\partial M_{31}}{\partial x_1} + \frac{\partial M_{32}}{\partial x_2}) + \frac{\partial}{k=1} \bar{e}_k \cdot \frac{\partial M_{k4}}{\partial x_4} + \\
+ \bar{e}_4 \cdot \frac{\partial}{k=1} \frac{M_{4k}}{\partial x_k} = \bar{e}_1 (\frac{\partial C_3}{\partial x_2} - \frac{\partial C_2}{\partial x_3}) +$

$$+ \overline{e}_{2} \cdot (\frac{\partial c_{1}}{\partial x_{3}} - \frac{\partial c_{3}}{\partial x_{1}}) + \overline{e}_{3} (\frac{\partial c_{2}}{\partial x_{1}} - \frac{\partial c_{1}}{\partial x_{2}}) -$$

$$- i \quad \frac{\partial}{\partial x_{4}} (\underbrace{\sum_{k=1}^{3} \overline{D}_{k}}) + i \overline{e}_{4} \underbrace{\sum_{k=1}^{3} \frac{\partial D_{k}}{\partial x_{k}}}_{k=1} \cdot \text{Wird}$$

$$\overline{e}_{1} \cdot (\frac{\partial c_{3}}{\partial x_{2}} - \frac{\partial c_{2}}{\partial x_{3}}) - \overline{e}_{2} (\frac{\partial c_{3}}{\partial x_{1}} - \frac{\partial c_{1}}{\partial x_{3}}) +$$

$$+ \overline{e}_{3} \cdot (\frac{\partial c_{2}}{\partial x_{1}} - \frac{\partial c_{1}}{\partial x_{2}}) =$$

$$= \begin{vmatrix} \bar{e}_1 & \bar{e}_2 & \bar{e}_3 \\ \partial/\partial x_1 & \partial/\partial x_2 & \partial/\partial x_3 \end{vmatrix} = \text{rot } \bar{C} \text{, sowie} \qquad \frac{3}{k=1} \qquad \frac{\partial D_k}{\partial x_k} = \text{div } \bar{D}$$
im R_2 und wird $x_n = \text{ict berücksichtigt, so folgt } \bar{div}_n \stackrel{*}{=} \bar{M} = 0$

im R_3 und wird x_4 = ict berücksichtigt, so folgt $\overline{\text{div}}_4$ $\overline{\text{M}}$ = rot $\overline{\text{C}}$ - 1/c $\overline{\text{D}}$ + i $\overline{\text{e}}_4$ div $\overline{\text{D}}$, das heißt, $\overline{\text{div}}_4$ baut sich aus Differentialoperatoren des R_3 und ∂/∂ t auf, welche auf die Vektorfelder des R_3 einwirken, aus denen sich $\overline{\text{M}}$ über dem komplexen algebraischen Körper aufbaut. Mit dem auf dem R_4 erweiterten vektoranalytischen Differentialoperator

was ein Analogon zu div rot = o im R_3 darstellt. Wird diese Darstellungsweise von $^2\overline{M}$ = ${\rm rot}_4$ $\overline{\phi}$ und die Eigenschaft des vierdimensionalen Rotors berücksichtigt und die Darstellung von $^2\overline{M}$ durch die beiden Vektorfelder \overline{C} (axial) und \overline{D} (polar) im R_3 verwendet, so folgt der Zusammenhang - i/c $\partial C_1/\partial t$ - i $(\partial D_3/\partial x_2$ - $-\partial D_2/\partial x_3$) = o (durch zyklische Vertauschung folgt auch das

Analogon für die beiden übrigen Komponenten) und dies hat rot $\overline{D} = -1/c \cdot \overline{C}$ zur Folge. Weiterhin folgt $\underbrace{\frac{3}{c}}_{i=1} = \underbrace{\frac{3}{c}}_{i} = c$ oder

div $\overline{C}=0$, so daß zwei Vektorfelder des R_3 , welches durch diese beiden Beziehungen verknüpft sind, stets ein antihermitesches Tensorfeld im R_4 aufbauen. Man hat also

$${}^{2}\overline{M} = \begin{bmatrix} o & C_{3} & C_{2} & i & D_{1} \\ -C_{3} & o & C_{1} & i & D_{2} \\ -C_{2} - C_{1} & o & i & D_{3} \\ -i & D_{1} - i & D_{2} & -i & D_{3} & o \end{bmatrix} , \overline{div}_{4} {}^{2}\overline{M} = rot \overline{C} + i \overline{e}_{4} \operatorname{div} \overline{D}.$$

- 1/c \overline{D} , rot \overline{D} = - 1/c \cdot \overline{C} , div \overline{C} = 0,

Wegen ∇_4 = grad₄ wird Δ_{μ}^2 = div₄ grad₄ = $\frac{4}{181} \frac{3^2}{\sqrt{2x_1^2}}$, weil die Orthogonalität e_i e_k = J_{ik} gilt. Ist ϕ eine Skalarfunktion, die gegen \hat{A} invariant ist, so ist auch div₄ grad₄ ϕ = 0 eine solche Invariante, so daß auch div grad ϕ = $\hat{\phi}/c^2$ gegen \hat{A} invariant ist, weil div₄ grad₄ = = div grad - $1/c^2$ 2 / 2 nach Berücksichtigung von x_4 = iet wird, wodurch der aus dem elektromagnetischen Induktionsgesetz gewonnene Ausgangspunkt der Untersuchung, nämlich die skalare Wellengleichung wieder erreicht worden ist.

Aus dem elektromagnetischen Induktionsgesetz folgt die gegen \widehat{A} invariante Beziehung div grad $\varphi = \overline{\varphi}/c^2$, doch kann aus dieser Invarianz nicht auf diejenige des Induktionsgesetzes geschlossen werden, weil dieses Gesetz nicht aus div grad $\varphi = \overline{\varphi}/c^2$ rückschließend abgeleitet werden kann. Da $\mathbf{c} \cdot \mu_0 = \sqrt{\mu_0/\epsilon_0} = \mathbf{R}$ wegen $\mathbf{c} = (\epsilon_0 \cdot \mu_0)^{-1/2}$ den elektromagnetischen Wellenwiderstand des Raumes darstellt, wird $\mu_0 \cdot \widehat{\mathbf{H}} = 1/\mathbf{c} \cdot \partial/\partial \mathbf{t} (\widehat{\mathbf{H}} \cdot \mathbf{R})$, womit der die Ladungsdichte \mathcal{C} nicht enthaltende Anteil des Induktionsgesetzes die Form rot $\widehat{\mathbf{E}} = -1/\mathbf{c} \cdot \partial/\partial \mathbf{t} (\widehat{\mathbf{H}} \cdot \mathbf{R})$, div $(\widehat{\mathbf{H}} \cdot \mathbf{R}) = \mathbf{0}$ annimmt, woraus hervorgeht, daß $\widehat{\mathbf{E}}$ und $\widehat{\mathbf{H}} \cdot \mathbf{R}$ der Bedingung 8 b genügen und somit im \mathbf{R}_4 ein antihermitesches Tensorfeld aufbauen. Dieser raumzeitliche Feldtensor hat die Gestalt

$$\stackrel{\bullet}{\mathbb{M}} =
\begin{bmatrix}
0 & (H_3R) & (-H_2R) & (-iE_1) \\
(-H_3R) & 0 & (H_1R) & (-iE_2) \\
(H_2 & R) & (-H_1R) & 0 & (-iE_3) \\
(iE_1) & (iE_2) & (iE_3) & 0
\end{bmatrix} = rot_4 \stackrel{\bullet}{\Phi},$$

woraus folgt, daβ der g nicht enthaltende Anteil des Induktionsgesetzes gegen A invariant ist. Ø ist ein raumzeitliches elektro magnetisches Vektorpotential. Sind C und C $_{
m o}$ zwei mit $\overline{{f v}}$ relativ bewegte System e so ist die Invarianz der Ladung q = q evident. Sind weiter die Systeme so orientiert, daß Gleichung 8 a gilt so folgt für die Volumeninvarianz $V = V_0 \cdot \sqrt{1-\beta^2}$, so daß für die Ladungsdichte $g_0 = g \cdot \sqrt{1-\beta^2}$ wegen = dq/dV gilt. Der Strom g . \bar{v} im R_3 kann somit zu einem raumzeitlichen Strom $\bar{P} = S \cdot \bar{Y} = \frac{2}{\tilde{e}_i} \cdot S \cdot \dot{x}_i/c + i \bar{e}_4 \cdot S$ ergänzt werden, worin P_4 in der Form P_4 = i \mathcal{G} = i ϵ_0 ·divE geschrieben werden kann, weil ε_0 · div $\overline{E} = g$ ist. Aus rot $\overline{H} = \varepsilon_0 \cdot \overline{E} + g \overline{v}$ folgt dann rot $(\overline{H} \cdot R) - 1/\varepsilon \cdot \overline{E} =$ $\overline{P} = \sum_{k=1}^{4} \overline{P}_k$, die Beziehung $\overline{P}/\varepsilon_0 = \text{rot } (\overline{H} \cdot R) - 1/c \cdot \overline{E} +$ $i \overline{e}_4 \cdot div \overline{E} = \overline{div}_4^2 \cdot \overline{M}$; denn mit $\overline{E} = \overline{D}$ und $\overline{H}R = \overline{C}$, ist Gleichung 8 b erfüllt und das elektromagnetische Induktionsgesetz nimmt die einfache gegen \hat{A} invariante Form $\varepsilon_0 \cdot \overline{\text{div}_4}^2 = \overline{M}$ = \overline{P} im R_4 an. Aus rot \overline{E} = - μ_0 \overline{H} = - i R $\partial \overline{H}$ ∂x_4 und div H = o folgt die Existenz des zu 2 M komplementären Tensors ${}^{2}\overline{M}_{K} = \begin{bmatrix} 0 & E_{1} & i & R & H_{2} \\ -E_{3} & o & E_{1} & i & R & H_{2} \\ -E_{2} & -E_{1} & o & i & R & H_{3} \\ -i & -i & R & H_{2} & -i & R & H_{3} & 9 \end{bmatrix}, \text{ der wegen div } \overline{H} = o \text{ gemäß}$

 \overline{div}_4 ${}^2\overline{M}_{ic}$ = \overline{o} hinsichtlich des raumzeitlichen Stromes nicht re-levant ist. Für den elektromagnetischen Feldtensor in der Raumzeit

gilt also das folgende Gleichungssystem, welches als raumzeitliche Fassung des empirischen Induktionsgesetzes 25 a beziehungsweise 25 aus B II 4 aufgefaβt werden kann. Dieses tensorielle System lautet demnach:

Dieser Feldtensor beschreibt das elektromagnetische Feld einheitlich und die Transformation vom System C nach C' erfolgt in der Form $^2\overline{\text{M}}^{\bullet}$ = Λ $^2\overline{\text{M}}$. Hat Λ die spezielle Form der Gleichung 8 a,

so folgt für die Tensorkomponenten
$$\overline{E}_{x} = \overline{E}_{x}^{*}$$
, $\overline{H}_{x} = \overline{H}_{x}^{*}$, $\overline{E}_{x} = \overline{E}_{x}^{*}$, $\overline{H}_{x} = \overline{H}_{x}^{*}$, $\overline{E}_{x} = \overline{H}_{x}^{*}$, $\overline{H}_{x} =$

$$R \overline{H}_z = \frac{R \overline{H}_z^* + \beta \overline{E}_z^*}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$
, das heißt, wenn $^2 \overline{M}$ des R_4 auf den R_3

singulär abgebildet wird, zerfällt das vierdimensionale Feld $^{2}\overline{M}$ in einen elektrischen und einen magnetischen Anteil. Diese Anteile sind aber als Vektorfelder des R_{3} relativer Natur. Erscheint die Abbildung in einem System rein elektrisch und in einem zweiten rein magnetisch, so muß die dreidimensionale Abbildung in allen anderen gleichberechtigten Systemen gemischt erscheinen. Das elektrische und magnetische Feld sind nur verschiedene Seiten der dreidimensionalen Abbildung ein und desselben Feldes $^{2}\overline{M}$ im R_{4} . Die Quellenverteilung von \overline{P} im R_{4} folgt durch Skalaranwendung von

$$\nabla_4 = \sum_{i=1}^4 \overline{e}_i \quad \partial/\partial x_i \quad \text{auf } \overline{P} \cdot \text{Es ist } \nabla_4 ; \overline{P} = \operatorname{div}_4 \overline{P} =$$

= ε_0 div₄ $\overline{\text{div}_4}$ $\overline{\text{M}}$. Mit $\overline{\text{div}_4}$ $\overline{\text{M}}$ = R rot $\overline{\text{H}}$ - 1/C $\overline{\text{E}}$ + i $\overline{\text{e}_4}$ div $\overline{\text{E}}$ wird div₄ $\overline{\text{div}_4}$ $\overline{\text{M}}$ = 0, also div₄ $\overline{\text{P}}$ = 0 oder $0 = \frac{4}{1 + 1} \frac{\partial P_1}{\partial x_1} = \frac{3}{1 + 1} \frac{1}{1 + 1} \frac{\partial P_2}{\partial x_4} = \frac{3}{1 + 1} \frac{1}{1 + 1} \frac{\partial P_2}{\partial x_4} = \frac{3}{1 + 1} \frac{1}{1 + 1} \frac{\partial P_2}{\partial x_4} = \frac{3}{1 + 1} \frac{1}{1 + 1} \frac{\partial P_2}{\partial x_4} = \frac{3}{1 + 1} \frac{\partial P_$

Da beide Tensoren die Dimensionierung elektrischer Feldstärken haben, müssen die Produkte $\varepsilon_0^2 \overline{W}$ und $\varepsilon_0^2 \overline{W}_k$ hermitesche Energiedichtetensoren sein, deren arithmetisches Mittel gemäß $2 n^2 \overline{T} = \varepsilon_0^2 (\overline{W} + \overline{W}_k) = \varepsilon_0^2 \operatorname{sp} (\overline{W} \times \overline{W} + \overline{W}_k)$ bis auf einen Zahlfaktor n den elektromagnetischen Energiedichtetensor liefern. Aus dem Feld im Vakuum rot $\overline{H} = \varepsilon_0^2 \overline{E}$, rot $\overline{E} = -\mu_0^2 \overline{H}$, div $\overline{E} = 0$, div $\overline{H} = 0$ im R_3^2 folgt zunächst $\varepsilon_0^2 \cdot \overline{E} \cdot \overline{E} + \mu_0^2 \overline{H} \cdot \overline{H} = \overline{E}$ rot $\overline{H} - \overline{H}$ rot $\overline{E} = -\mu_0^2 \overline{H} \cdot \overline{H} = \overline{E}$ rot $\overline{H} - \overline{H}$ rot $\overline{E} = -\mu_0^2 \overline{H} \cdot \overline{H} = \overline{E}$

$$= \begin{pmatrix} \partial/\partial x_1 & \partial/\partial x_2 & \partial/\partial x_3 \\ E_1 & E_2 & E_3 \\ H_1 & H_2 & H_3 \end{pmatrix} = - \operatorname{div} \overline{E} \times \overline{H} \operatorname{oder}$$

1/2 ∂/∂ t (ε_0 \overline{E}^2 + μ_0 \overline{H}^2) = - div \overline{E} \overline{X} \overline{H} , worin \overline{E} \sqrt{X} \overline{H} = \overline{S} der Strahlungsvektor und 1/2 (ε_0 \overline{E}^2 + μ_0 \overline{H}^2) = η die Energiedichte des Feldes ist, Daraus folgt $\dot{\eta}$ + div \overline{S} = 0. Zur Verallgemeinerung können auch die Komponenten 2 η_{ik} = = ε_0 $\overline{E}_i\overline{E}_k$ + μ_0 \overline{H}_i \overline{H}_k eingeführt werden.

Mit diesen Interpretationen (als Kürzungen verwendet) folgt für die Komponenten des Energiedichtetensors n $T_{ik}=2\eta_{ik}-\eta$ $\eta_{ik}=\eta$ und n $T_{i4}=i/c$ · S_i für $(i,k)\leq 3$, aber n $T_{i4}=\eta$. Da immer 2T>20 im elektromagnetischen Feld

bleiben muβ, ergibt sich der Zahlfaktor zu n = + 1, so daβ nunmehr alle Komponenten des Energiedichtetensors durch $^{2}\overline{ ext{M}}$ und sein Komplement gegeben sind. Es kann noch mit P aus M ein anderer Raumzeitvektor gebildet werden, nämlich $\overline{F} = \overline{P} \cdot \overline{M}$. Für die Komponente in der x_1 - Richtung folgt, wenn \overline{V} die Reletivgeschwindigkeit der Ladungsdichte g zum Ruhesystem ist

 $\xi_1 = (\bar{P} \cdot \bar{M})_1 = \bar{e}_1 (P_2 \cdot M_{12} + P_3 M_{13} + P_4 \cdot M_{14}) =$ = $e_1 | Q v_2/c \cdot R H_3 + Q v_3/c (-RH_2) + i Q (-i E_1)$ = $\bar{e}_1 \int Q E_1 + Q/c \cdot R (v_2 H_3 - v_3 H_2)$ =

= \mathcal{G} (\overline{E}_{η} + \overline{e}_{1} μ_{0} ($\overline{v} \times \overline{H}$)₁). Dies ist aber die \mathbf{x}_{1} - Komponente der ponderomotorischen Kraftdichte von M, die auf die mit v bewegte Dichte S einwirkt. Entsprechend folgt 2 = (P M)2 =

= \mathcal{G} ($\overline{E}_2 + \overline{e}_2 \mu_0 \cdot (\overline{v} \times \overline{H})_2$) und $\overline{\xi}_3 = (\overline{P} \cdot \overline{H})_3 =$

= g $(\overline{E}_3 + \overline{e}_3 \mu_0 (\overline{v} \times \overline{H})_3)$, weil $R/c = \mu_0$ ist. Für $\overline{\xi}_4$ folgt dagegen $\overline{\xi}_4 = (\overline{P} \cdot \overline{M})_4 = \overline{e}_{\mu} (P_1 \cdot M_{41} + P_2 M_{42} +$

+ $P_3 M_{43}$) = $Q_4 (S v_1/c i E_1 + S v_2/c i E_2 + S v_3/c i E_3) =$

= \vec{e}_4 i g/c · \vec{E}_k \vec{v}_k \vec{E}_k = \vec{e}_4 i g/c (\vec{v} · \vec{E}) und dies

ist wiederum eine ponderomotobische Kraftdichte des rein elektrischen Anteils E der auf g einwirkt. Insgesamt kann also

F = P · 2M als raumzeitlicher penderomotorischer Kraftdichtevektor amfgefaβt werden, mit welchem Tauf Peinwirkt. F + T ist nur möglich, wenn P + o also g + o bleibt. Wird von T die Vektordivergenz im $\mathrm{R}_{/_{\! \mathrm{I}}}$, also $\overline{\mathrm{div}_{/_{\! \mathrm{I}}}}$ gebildet, was immer möglich ist, wenn 2 T ein Raumzeitfeld beschreibt, so folgt für die Komponenten des entstehenden Raumzeitvektors, weil divn 27 =

 $= 2 \overline{\operatorname{div}_{4}}^{2} \overline{\mathfrak{E}} - \overline{\operatorname{div}_{4}} \eta^{2} \overline{\operatorname{E}} \text{ und } \overline{\operatorname{e}_{1}} \overline{\operatorname{div}_{4}}^{2} \overline{\operatorname{e}} =$ $= \underbrace{\frac{3}{k+1}} \frac{\partial \eta_{1k}}{\partial x_{k}} - i/2c \underbrace{\frac{\partial S_{1}}{\partial x_{4}}} = 1/2 \left(\varepsilon_{0} \frac{\partial E_{1}^{2}}{\partial x_{1}} + \mu_{0} \frac{\partial H_{1}^{2}}{\partial x_{1}}\right) +$

+ 1/2 (ε_0 0/0 x_2 (E_1 E_2) + μ_0 0/0 x_2 (H_1 H_2)) +

+ $1/2 (\epsilon_0 / 0/0 x_3 (E_1 E_3) + \mu_0 / 0 x_3 (E_1 E_3)) - 1/2c^2 \cdot 0/0 t (E_2 H_3 - E_3 H_2) \text{ sowie } e_1 / div_1 \eta ^2 E =$

= $\frac{\partial \eta}{\partial x_1}$ = 1/2 ($\varepsilon_0 \frac{\partial E^2}{\partial x_1} + \mu_0 \frac{\partial H^2}{\partial x_1}$) ist

 $\overline{e}_1 \cdot \overline{div_4} \cdot \overline{T} = \mathcal{G} E_1 + \mu_0 \mathcal{G} (H_3 \frac{\partial x_2}{\partial t} - H_2 \frac{\partial x_3}{\partial t}) = \mathcal{G} (E_1 + \mu_0 (\overline{v} \times \overline{H})_1) = \mathcal{G}_1$, wenn die Kettenregel angewendet wird. Für die übrigen Komponenten ergibt sich analog $\overline{e}_k \overline{div_4} \cdot \overline{T} = \mathcal{G}_k$, so daß die Darstellung $\overline{div_4} \cdot \overline{T} = \mathcal{G}_1 = \mathcal{G}_2$ lich wird, das heißt, im R_4 ist die Vektordivergenz des Tensorfeldes der Energiedichte von $\overline{M}_1 = \overline{M}_2 = \overline{M}_1 = \overline{M}_2 = \overline{M}_2 = \overline{M}_1 = \overline{M}_2 = \overline{M}_2 = \overline{M}_1 =$

 $\frac{\overline{\operatorname{div}_{4}}}{\overline{\xi}} = \frac{\overline{\xi}}{\xi}, 2 \cdot \overline{T} = \varepsilon_{0} \operatorname{sp}(\overline{M} \times \overline{M} + \overline{M}_{k} \times \overline{M}_{k}),$ $\frac{\overline{\xi}}{\overline{\xi}} = \overline{P} \overline{M} \qquad 9 a.$

Ist (43) die Dichte irgend einer Kraft im R3 und gibt es in die. R_3 irgendein System aus 1 $\stackrel{\checkmark}{=}$ j $\stackrel{\checkmark}{=}$ n Kraftdichten $\frac{7}{5}$ (3)j und Leistungsdichten $\bar{v}_{,i}$ · $\bar{\xi}_{(3),i}$, die auf ein System C bezogen sind, und wird gefordert, daβ die Resultierende aller dieser Kräfte verschwindet, so daß statisch stabiles Gleichgewicht herrscht, welches zeitlich konstant sein soll , so kann, wegen dieser zeitlichen Konstanz ein Übergang in ein mit v relativ bewegtes System C' an diesem Zustand nichts ändern, so daβ eine Invarianz gegen 🛣 vorliegt. Wenn aber diese Invarianz existiert, kann 5(3)j stets zum Raumzeitvektor $\xi_j = \overline{\xi}(3)j + \frac{i \overline{e}_4}{c} \cdot (\overline{v}_j \cdot \overline{\xi}(3)j)$ ergänzt werden, für den stets $\xi_j = \overline{div}_4$ \overline{T}_j gilt, woraus folgt, daß die Gleichung 9 a universelle Gültigkeit hat. Dies bedeutet aber, daβ grundsätzlich jede Kraft, unabhängig von ihrem Ursprung und ihrer Natur durch ein Kraftfeld 2M dargestellt werden kann, welches nach Gleichung 9 und 9a einen Energiedichtetensor und einen Raumzeitstrom definiert. Die allgemeine Beziehung $\overline{\xi} = \overline{\operatorname{div}}_{\mu}^{2} \overline{\mathbf{T}}$ ist über dem komplexen algebraischen Körper definiert. Mit dem räumlichen Anteil 'p = [Tik] 3 von 'T wird, wenn der Realteil abgespalten wird, Re $\frac{1}{\xi} = \frac{1}{\xi}$ und Re $\frac{1}{\xi} = \frac{1}{\xi}$ und Re $\frac{1}{\xi} = \frac{1}{\xi}$ $-\frac{\dot{s}}{\dot{s}}/c^2$, also wegen Re $\bar{\xi}$ = Re \bar{div}_4 $^2\bar{T}$ die Beziehung $\bar{\xi}$ (3) = \bar{div} $^2\bar{p}$ - \bar{s}/c^2 . Hierin ist \bar{s}/c^2 = $-\frac{d\bar{G}}{dV}$ die Dichte der zeitlichen Änderung des Impulses der durch B = E X H beschriebenen elektromagnetischen Strahlung. Integration über einen durch F begrenzten Bereich V des Rz liefert, wegen $\overline{\text{div}}$ \overline{p} • d V = $\sqrt[6]{p}$ d \overline{F} den Impulssatz

 $\int \bar{\xi} (3) d V + \bar{G} = \oint \bar{p} d \bar{F} \cdot \text{Offensichtlich ist} \bar{\xi} (3)$ die Dichte einer äußeren Kraft vom Impuls \overline{G}_a , während \overline{G} die durch \overline{S} bestimmte innere Kraft 1st. Wegen $\int \overline{\xi}_{(3)} dv = \overline{G}_a$ θ/θ t ($\overline{G}_a + \overline{G}$) = ϕ \overline{p} • d \overline{F} als Impulsatz. \overline{p} als Raumabschnitt von T beschreibt also die Strömung einer Impubsverteilung durch die das Integrationsgebiet begrenzende Fläche. Entsprechend folgt aus Im \(\xi\) = Im \(\overline{div}_4\) *T und Im = $\overline{e_4}/c$ · (\overline{v} · $\overline{\xi}$ (3)), beziehungsweise Im $\overline{div_4}$ = i \overline{e}_4 (-1/c div \overline{S} - η/c). Im Vergleich wird, weil \overline{v} • $\overline{\xi}$ (3) = $\dot{\eta}_a$ die Leistung einer äußeren Kraft ist, ($\dot{\eta}$ beschreibt die Leistung des elektromagnetischen Feldes) $\dot{\eta}_a + \dot{\eta} = -$ = - div \overline{S} oder nach Volumenintegration O/Ot $(E_a \neq E) = -\oint \overline{S} d\overline{F}$ wegen $\int div \ \overline{S} \cdot d \ V = \oint \overline{S} \ d \ \overline{F}$. Diese Beziehung stellt den Energiesatz dar. Die in diesen Erhaltungssätzen auftretenden Größen der Impuls- und Energieströmung *p und S sind dabei nicht an die elektromagnetische Interpretation gebunden. Da in $\int \bar{\xi}_{(3)} dv$ + + 1/c² \ \bar{S} d V = \bar{Q} \bar{p} d \bar{F} \text{ die Strömung des Tensorfeldes} \overline{p} durch \overline{F} als Impulsatromung im R_{Z} interpretierbar ist, (im speziellen elektromagnetischen Fall ist *p der elektromagnetische Spannungstensor des Raumes), muß die Quellendichte dieser Impulsströmung mit der zeitlichen Änderung einer räumlichen Impulsdichte, gemäß $= \overline{div}$ $= \overline{p}$, identisch sein. Damit wird $= \overline{qiv}$ $= \overline{qiv}$ $= \overline{p}$ $-1/c^2 \cdot \dot{\overline{S}} = 0/0 t (\bar{g} - 1/c^2 \bar{S})$ oder zeitlich integriert $\int_{\overline{\xi}} \overline{\xi} (3) dt + \overline{C} = \overline{g} - \overline{S}/c^2 . \text{ Wenn überhaupt keine äußeren Kräfte wirken , das heißt, wenn das System nur von einer Energie$ strömung \overline{S} erfüllt ist und daher $\int \overline{\xi}_{(3)} dt + \overline{C} = \overline{O}$ ist, wird $\overline{S} = \overline{g} c^2$, das heißt die imponderable Größe der Energieströmung ist durch diese Relation mit der ponderablen Größe einer Impulsdichte verknüpft, woraus auf die Existenz eines allgemeinen Zusammenhanges zwischen Energie und Trägheit geschlossen werden kann.

 $^{2}\overline{T}_{0}$ kann mit \widehat{A} von C_{0} nach C gemäß $^{2}\overline{T}$ = \widehat{A} $^{2}\overline{T}_{0}$ transformiert werden, wobei das Multiplikationstheorem nicht kommutierender Matrizen anzuwenden ist, weil \widehat{A} und $^{2}\overline{T}$ durch den gleichen Matrizentyp verkettet sind. Entsprechend gilt auch

 $\frac{\overline{\text{div}_4}}{\overline{\text{div}_4}} \cdot \overline{\text{T}} = \widehat{A} (\overline{\text{div}_4} \cdot \overline{\text{T}})_0 \text{ und } \overline{\xi} = \widehat{A} \overline{\xi}_0 = \widehat{A} (\overline{\xi}_{(3)0} + \overline{\xi}_0)_0$ + $i \bar{e}_4/c$ ($\bar{v} \bar{\xi}_{(3)o}$). Andererseits gilt für die Raumkomponenten $\overline{\xi} = d\overline{p}/dV$, wenn \overline{p} der Impuls ist. Hat \hat{A} die spezielle Form Gleichung 8 a, so folgt die Transformation der zeitlichen Impulsdichteänderung $d\bar{p}/dV_{\mu} = (d\bar{p}/dV)_{0} (1 - \beta^{2})^{-1/2}$. Nun icht ein Volumenelement d $\Omega = \prod_{i=1}^{4} dx_i$ des R_4 wegen $dV = dV_0 \cdot \sqrt{1-\beta^2}$ und dt = dt_o $(1-\beta^2)^{-1/2}$ gemäß d Ω = d Ω _o invariant. Da auch $d\bar{p}/dV = i c d\bar{p}/d \Omega$ geschrieben werden kann, folgt nach einer Integration über ein R_4 - Volumen, weil $\bar{p}_0 = m_0 \cdot \bar{v}$ ist, $\overline{p} = \frac{m_0 \overline{v}}{\sqrt{A_1 - R^2}} = \overline{v} \cdot f(\beta^2) \text{ oder } d\overline{p}/dt = \overline{v} f + 2\overline{v} \cdot v \cdot v \cdot \overline{v} \cdot \frac{f'}{e^{\overline{v}}}.$ Dieser Ausdruck ist in einen longitudinalen und einen transversalen Anteil spaltbar. m gibt immer use machines with v_t wird m v_t + v_t wird m v_t + v_t wird m v_t + v_t = v_t with v_t = v_t + v_t Anteil spaltbar. m gibt immer die Prägheitsmasse an. Mit + v $= \dot{\overline{v}} \cdot f + 2 \overline{v} \cdot v \cdot \dot{\overline{v}} \cdot f'/c^2 \cdot \text{Mit } \dot{\overline{v}} = \dot{\overline{v}}_+ +$ folgt dann unter Berücksichtigung von $\dot{\overline{v}}_t \perp \dot{\overline{v}}_1 \parallel \overline{v}$ die Spaltung m = f und $m_p = 2 \beta^2 \cdot f^3 + f$, das heißt, es gibt zwei relativistische Massenänderungen. Mit $f = m_0 (1 - \beta^2)^{-1/2}$ wird $f' = m_0/2 (1 - \beta^2)^{-3/2}$ und damit $m_1 = m_0 (1 + \beta^2)^{-1/2}$ + $\beta^2 (1 - \beta^2)^{-3/2}$] = $m_0 (1 - \beta^2)^{-3/2}$ und für die Transversalmasse $m = m_0 (1 - \beta^2)^{-1/2}$. Dies ist aber mit der empirischen Aussage aus B II 6 identisch, welche eine Revision der Begriffe Raum und Zeit nahelegte. Die Massenrelativität ist aber eine Konsequenz von \hat{A} (β \angle 1) \neq \hat{E} , wodurch auch die Zeitdilatation interpretiert wird, welche beim Mesonenzerfall in der Höhenstrahlung beobachtet wird und auf die gleiche Revisionsnotwendigkeit hinweist. Dieses unitäre quadratische Schema vom Typ vier ist aber wiederum eine Folge des elektromagnetischen Induktionsgesetzes aus & der phänomenologischen Induktion. Die Revision der Begriffe Raum und Zeit durch $\widehat{\mathbf{A}}$ beinhaltet also die Aussage, daß es wegen $\widehat{\mathbf{A}}$ nur einen relativen Raum und eine relative Zeit in der Synthese einer Raumzeit über dem komplexen algebraischen Zahlenkörper gibt, wäh rend ein feinstofflicher Weltäther wegen dieses Prinzips in Überein stimmung mit der Empirie aus B nicht existent sein kann. In $\overline{S} = \overline{g} \cdot c^2$ ist $\overline{g} = d\overline{p}/dV = \sigma \overline{v}$, wenn $\sigma = dm/dV$ die Dichtel

der Transversalmasse ist, die hier wegen der Invarianz $\bar{p} = m_0 \bar{v} (1-\beta^2)^{-1/2} = m_0 \bar{v} \bar{v}$ zu verwenden ist. Eingesetzt folgt $\bar{S} = \sigma \cdot \bar{v} \cdot c^2$. Ist $\bar{\eta} = \text{const}(t)$ die auf das System C bezogen, zeitlich konstante Energiedichte, so folgt $d\eta/dt = c$ oder $\dot{\eta} + \bar{v}$ grad $\eta = \int \dot{\eta} + \text{div } \eta \bar{v} = c$, wenn im Fall gleichberechtigter Systeme div $\bar{v} = c$ ist. $\dot{\eta} + \text{div } \eta \bar{v} = c$ stellt aber für η eine Kontinuitätsgleichung dar, in welcher $\eta \cdot \bar{v}$ die Strömung sein muß. Da aber im \bar{v} die Anteile nicht notwendig elektromagnetischer Natur zu sein brauchen, kann der Strömungsanteil \bar{S} mit der allgemeinen Energieströmung $\eta \cdot \bar{v} = \bar{S}$ identifiziert werden. Verglichen mit $\bar{S} = \sigma \bar{v} \cdot c^2$ und räumlich integriert folgt $\bar{E} = m \cdot c^2$, wenn $\eta = d\bar{E}/dV$ gilt. Der allgemeine Zusammenhang zwischen Energie und Trägheit (die Masse ist ein Maß für den Trägheitswiderstand) lautet

Energiematerieäquivalent wird demnach ergänzt durch

$$E_{k} = E - E_{o}, E^{2} - E_{o}^{2} = p^{2} c^{2},$$
 $\overline{p} = m \overline{v}, E_{o} = m_{o} c^{2}.....loa,$

woraus hervorgeht, daß auch für v a o jeder Energie eine träge Masse und umgekehrt jeder trägen Masse eine Energie äquivalent ist. Aus dieser Beziehung folgt unmittelbar, daß auch imponderablen Energiequanten und Photonen Trägheit zugesprochen werden muß, so daß der Begriff des Materiefeldquants, sowohl die ponderablen, als auch die imponderablen Quanten umfaßt. Die Gleichungen lo und loa zeigen deutlich, daß das aus der Energie der Nuklearstrukturen gewonnene Äquivalent zwischen Bindungsenergie und Massendefekt einen universellen Charakter trägt, also für jede Energie und jede Masse gilt. Der Weg von der materiellen Atomistik zur Existenz von h aus C I 2 ist demnach umkehrbar und dies bedeutet, daß prinzipiell die Möglichkeit besteht, das Spektrum aller Materiefeldquanten deduktiv

zu beschreiben. Weiterhin besteht die Möglichkeit den empirischen impliziten Quantendualismus des Korpuskular - und Wellenbildes explizit zu beschreiben. Da schließlich Photonen als Quanten des elektromagnetischen Feldes, frei durch den R₃ übermittelte Energie sind, muß ein unbekannter Zusammenhang zwischen diesen Photonen und allgemeiner Trägheit bestehen. Nach 8 aus B II 2 verursacht aber die allgemeine Trägheit immer Gravitation, so daß dieser unbekannte Zusammenhang eine Wechselbeziehung zwischen den beiden makromaren Wirkungsfeldern des Elektromagnetismus und der Gravitation in Form eines elektromagnetisch - gravitativen Induktionsgesetzes darstellen muß. Aus diesem Grunde erscheint es zweckmäßig, zunächst das Gravitationsfeld aus δ der phänomenologischen Induktion insbesondere in Bezug auf seinen Zusammenhang mit der Trägheit zu analysieren.

Eine Masse m ist durch ihre Trägheit und ihre Schwere definiert. Die Masse ast träge, weil sie jeder zeitlichen Änderung ihres stationären Bewegungszustandes s (es ist dies die zeitliche Ortsänderung im Rz) einen Trägheitswiderstand m entgegensetzt, der nur durch eine Kraft $\overline{K}_t = m_t \cdot \overline{s}_t$ überwunden werden kann. Andererseits kommt es stets zu einer zeitlichen Änderung des Bewegungszustandes, wenn eine solche Trägheitskraft als Ursache wirkt. Der Index t kennzeichnet die Größen als zum Trägheitsverhalten der Masse zugehörig. Wenn also die Masse im System C ruht und sich der Nullpunkt von C längs irgendeiner Richtung des Rz mit der Beschleunigung - s bewegt, so kommt es zu einer Reaktionsbeschleunigung $\overline{s_t} = -\overline{s}$ der zu Beginn der Beschleunigung in C ruhenden Masse. Wird der Ruhezustand relativ zu C erzwungen, so muß die Trägheitskraft $\overline{K}_{t} = m_{t} \cdot \overline{s}_{t}$ überwunden werden, welche der Beschleunigung von C entgegengerichtet ist. Ruht C relativ zu einem System C' und ist in C' ein Gravitationsfeld definiert dessen Feldwirkung in Richtung s erfolgt, so daß sich auch C diesem Gravitationsfeld befindet, so wirkt auf die Masse ebenfalls eine ponderomotorische Kraft $\overline{K}_s = m_s - \overline{s}_s$, welche als Wirkung des Gravitationsfeldes in C' die schwere Masse mg relativ zu C mit s zu beschleunigen sucht. Es gibt grundsätzlich keine Möglichkeit zu unterscheiden ob die ponderomotorische Kraft als Trägheitskraft von einer Relativbeschleunigung des Systems C oder als Wirkung des Gravitationsfeldes in C' verursacht wird. Daher kann $\overline{K}_{t} = \overline{K}_{s}$ gesetzt werden. Gilt für die Ortsänderung ebenfalls st = s, was stets erreichbar ist, so folgt daraus mt = ms = m . Die Größen

 m_{t} und m_{s} kennzeichnen aber das Trägheits- und Schwereverhalten einer Masse, so daβ aus der Identität folgt, daß Trägheit und Schwere äquivalent sind und durch eine Größe, nämlich die Trägheit m audgedrückt werden können, welche die Masse definiert. Stehen zwei Massen m, und m im gravitativen Zusammenhang, so wird das energetische Niveau ihrer Wechselwirkung nach δ der Phänomenologie durch $\phi = \chi \cdot m \cdot m_1/r$ beschrieben, worin χ nach B II 2 Gleichung 8 eine Naturkonstante und r der Abstand zwischen beiden Massen ist. Befindet sich m_N in C' und m in C, so wirkt auf m die Kraft \overline{K}_{1} = m $\overline{\Gamma}_{1}$. Umgekehrt wirkt aber auch im C* m_1 die entgegengerichtete Kraft $\overline{K} = m_1 \cdot \overline{\Gamma}$ mit $\not\leq (\overline{\Gamma}_1, \overline{\Gamma}) = \pi$; denn allgemein gilt für die Wechselwirkung grad $\phi = -\gamma \cdot \bar{r}_{o}$. • $\frac{mm_1}{m^2}$ • Andererseits kann grad ϕ = m_1 \overline{r} gesetzt werden, was im Vergleich für den gravitativen Beschleunigungsvektor $\vec{\Gamma} = -\lambda^{\ell} \vec{r}_{0} \cdot m/r^{2} = \text{grad } \varphi(r) \text{ mit } \varphi = \lambda^{\ell} \cdot m/r \text{ liefert. Da}$ dies für alle Massen gilt, kennzeichnet 7 den Vektor eines Feldes, welches von jeder Masse m ausgeht und daher jede Masse definiert. T ist demit sowohl die Ursache der Trägheit als auch die Ursache der Schwere einer Masse und beschreibt damit den allgemeinen Feldvektor der Gravitation der Masse m. Unmittelbar aus der Phänomenologie folgt daher

Dieses Gesetz folgt unmittelbar aus der empirischen Beobachtung makromarer Vorgänge, so daß nicht bekannt ist, ob in φ noch irgend ein nicht beobachteter Korrekturfaktor f in der Form φ = χ · m/r · f anzubringen ist, der aufgrund der makromaren Beobachtungsmethodik bei der phänomenologischen Induktion nicht berücksichtigt werden konnte. Wenn f + 1 existiert, wird f = f(r) nur von r abhängen, so daß es zweckmäßig erscheint, das Gravitationsgesetz zunächst in der allgemeineren Fassung

$$\bar{\Gamma} = \operatorname{grad} \varphi \cdot \varphi = \varphi \cdot (r) \cdot \gamma \cdot (r) = m_1 \cdot \varphi \cdot \dots \cdot \dots \cdot 11 a$$

zu analysieren, wobei die formale Feldfunktion ϕ offen bleiben kann.

Wegen der Abhängigkeit $\varphi(x_i)_1^3 = \varphi(r)$ von den Koordinaten des R_3 in der sphärischen Symmetrie $r^2 = \underbrace{3}_{i=1} x^2_i$ ist der

geometrische Ort aller Punkte gleichen Niveaus ϕ = const gemäß r = const eine sphärische Raumfläche. Die Gesamtheit aller dieser Niveauflächen ist daher eine einfach unendliche Schar conzentrischen Kugelflächen, deren gemeinsamer Mittelpunkt durch die Feldsingularia tät Y (o) als Feldzentrum erscheint. Diese Singularität kann aber nicht uneigentlich sein (im Sinne einer Unendlichkeitsstelle), so daβ der mikromare Korrekturfaktor existieren muß, obgleich er in B II 2 nicht feststellbar war. ϕ beschreibt also ein symmetri sches Zentralfeld und zwar die spezielle Form des Zentralkraftfeldes, weil der Feldvektor $\overline{\Gamma}$ = grad φ = \overline{r}_o · $\partial \varphi / \partial r$ mit $|\vec{r}_{o}| = 1$ ein Beschleunigungsvektor ist. Mit der im Feld ϕ tierenden Masse m' beschreibt also m' $\cdot \phi = \psi$ das Energieniveau und V = - Ψ die potentielle Energie im gravitativen Zen » tralkraftfeld. Da immer für den Einheitsvektor $\vec{r}_0 \times \vec{r}_0 = \vec{o}$ gilt, folgt für den Fall sphärischer Symmetrie $\vec{r} \times \vec{r}_0 = \vec{o}$, was wegen 7 + 0 nur durch die Parallelität r il 7 möglich wird. Demnach kann $\bar{\Gamma} = \ddot{\bar{r}}$ mit sin $(\ddot{\bar{r}}, \bar{r}) = 0$ gesetzt werden. Ganz entsprechend folgt $\dot{\bar{r}} \times \ddot{\bar{r}} = \dot{\bar{r}} \times grad \varphi = d/dt \cdot (\bar{r} \times grad \varphi) = d/dt$ - $\bar{r} \leq \text{grad} \quad \phi = \bar{o}$, was nur durch die gleiche Parallelität $\sin (\vec{r}, \vec{r}) = 0$ erfüllt werden kann. Mithin wird das Existenzpostu lat des gravitativen Zentralkraftfeldes durch

$$\mathbf{r}^{2} = \frac{3}{\mathbf{i}=1} \mathbf{r}^{2}_{1}, \quad \mathbf{r} = \mathbf{r}^{2}_{1}, \quad \mathbf{m}^{2}_{1} \quad \mathbf{\phi} = \mathbf{\psi}, \quad \mathbf{V} = -\mathbf{\psi},$$

$$\sin(\mathbf{r}^{2}, \mathbf{r}^{2}) = \sin(\mathbf{r}^{2}, \mathbf{r}^{2}) = 0 \quad ... \quad$$

beschrieben. Es kommt nun darauf an unter Verwendung dieses Existenzstenzpostulates notwendige und mindestens eine hinreichende Existenzsbedingung dieses allgemeinen Zentralkraftfeldes zu finden. Diese Bedingung muβ so allgemeiner Natur sein, daß mit ihrer Hilfe der Existenznachweis eines jeden Zentralkraftfeldes möglich wird.

Es sollen unter der Annahme, daβ die sich aus der Definition ergebende Existenzvoraussetzung gültig ist, allgemeine Existenzbedingungen gefunden werden, bei deren Erfüllung die Gültigkeitsannahme der Voraussetzung gerechtfertigt wird. Zunächst kommt es darauf an im vefallgemeinerten Fall mehrerer sich gegenseitig beeinflussender Zentralkraftzentren zu untersuchen, ob es ein gemeinsames Bewegungszentrum gibt. Es handele sich um ein System aus n Feldzentren mit den Trägheitsmassen m₁ ··· m_k ··· m_n · Diese Zentren üben nur vom gegenseitigen Abstand abhängige innere Zentral·

kräfte aufeinander aus. So beeinflußt z.B. das Zentrum h das Zentrum k mit der Kraft $\overline{K}_{hk}^{\bullet}$ = grad $_h$ (r_k) oder k das Zentrum h und so weiter. Diese Fekdstärken \overline{K}^{\bullet} des Systems sind innere Kräfte im Gegensatz zu den äußeren Kräften \overline{K} . Alle auf das Zentrum h wirkenden (n - 1) Kraftfelder superponieren zu der

Kraftresultanten $\frac{n}{k-1}$ \overline{K}_{kh} - \overline{K}_{hh} , während eine äußere Kraft \overline{K}_{h} auf h oder k wirken kann. Wenn sämtliche Zentren sich in Bewegung befinden, so wird die Bahn eines Zentrums h durch die resultierende aus allen angreifenden inneren und äußeren Kräften bestimmt. Diese Vektorsumme muß mit der zeitlichen Änderun des Bahnimpulses \overline{G} identisch sein. Es ist also \overline{G}_{h} = \overline{K}_{h} +

+ $\frac{1}{k=1}$ \overline{K}_{kh} - \overline{K}_{hh} . Wird über alle Zentren summiert, so ergibt sich die zeitliche Änderung des gesamten Bahnimpulses zu

$$d/dt \cdot \sum_{h=1}^{n} \overline{G}_{h} = \sum_{h=1}^{n} \overline{K}_{h} + \sum_{h=1}^{n} \left(\overline{K}_{kh}^{\bullet} - \frac{1}{N}\right)$$

= ($\overline{K}_{hh}^{\bullet}$ + $\overline{K}_{kk}^{\bullet}$). Da das Kausalitätsprinzip gelten muß, erzeugt jede von einem Zentrum h auf ein Zentrum k wirkende Kraft $\overline{K}_{kh}^{\bullet}$ eine ihr entgegengesetzte gleiche Reaktionskraft $\overline{K}_{hk}^{\bullet}$, welche von k ausgeht und auf h wirkt, also $\overline{K}_{kh}^{\bullet}$ = $-\overline{K}_{hk}^{\bullet}$ und $\overline{K}_{kh}^{\bullet}$ + $\overline{K}_{hk}^{\bullet}$ = \overline{o} . In der Doppelsumme im Ausdruck der zeitlichen Änderung des gesamten Bahnimpulses fallen die Summanden mit den Indices h = k von vornherein aus, während alle übrigen paarweise positiv auftreten. Wegen der Gültigkeit des Kausalitätsprinzips muß wegen dieses paarweisen Auftretens die Doppelsumme

 $\sum_{h=1}^{n} \sum_{k=1}^{n} (\overline{K}_{kh}^{\bullet} - (\overline{K}_{hh}^{\bullet} + \overline{K}_{kk}^{\bullet})) = \overline{o} \text{ verschwinden, so daß die zeitliche Änderung des Bahnimpulses}$

d/dt \cdot $\stackrel{n}{\underset{h=1}{\longleftarrow}}$ \overline{G}_h = $\stackrel{n}{\underset{h=1}{\longleftarrow}}$ \overline{K}_h nur von den äußeren Kräften abhängt. Wenn eine gradlinig, gleichförmige, unbeschleunigte Bewegung des Punktsystems angenommen wird, das heißt, wenn keine äußeren Kräfte auf das System wirken, so wird d/dt \cdot $\overset{n}{\underset{h=1}{\longleftarrow}}$ \overline{G}_h = $\overline{G$

zentraler Natur auf die Punkte des Systems wirken, so ist der Bahnimpuls jedes dieser Zentren zeitlich konstant. Die erste sich aus der Definition ergebende Existenzbedingung ist also die Konstanz der Bahnimpulse

$$\frac{n}{\gamma=1}$$
 $\overline{G}_{\gamma} = \overline{B} = \text{const} \dots 12$.

Die Konstante kann in n gleiche Größen geteilt werden, so daß $\overline{B} = n \cdot \overline{b}$ und $\overline{G}_1 = \overline{G}_2 = \cdots = \overline{G}_n = \overline{b}$ wird. Alle Bahnimpulse haben also den gleichen konstanten Wert. Wenn nur zwei Zentren mit den Bahnimpulsen $\overline{G}_1 = m_1 \cdot \overline{v}_1$ und $\overline{G}_2 = m_2 \cdot \overline{v}_2$ angenommen werden, so muß $m_1 \cdot v_1 = m_2 \cdot v_2$ sein, woraus sich durch zeitliche Integration von einem zeitlichen Anfangswert $t_a = 0$ die Beziehung $m_1 \cdot r_1 = m_2 \cdot r_2$ ergibt. Die beiden zentralkraftfelder A und B superponieren bei ihrer gegenseitigen Beeinflussung derart, daß auf ihrer Verbindungsstrecke AB = r₁ + r₂ ein neues Zentrum S entsteht, welches bei der Zentralbewegung von A und B in Ruhe bleibt und um welches die gemeinsame Zentralbewegung beider Zentren ausgeführt wird. Für die Teilung der Strecke durch S gilt dann m1/m2 = r2/r1 nach der Impulsbeziehung. Für die Koordinaten von A.B und S gelte $A(x_1, y_1, z_1)$, $B(x_2, y_2, z_2)$ und $S(x^*, y^*, z^*)$. Weiterhin müssen im euklidischen Raum die Komponentenzerlegungen

$$\overrightarrow{AB} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2},$$

$$\overrightarrow{SA} = r_1 = \sqrt{(x_1 - x^2)^2 + (y_1 - y^2)^2 + (z_1 - z^2)^2} \text{ und}$$

$$\overrightarrow{SB} = r_2 = \sqrt{(x_2 - x^2)^2 + (y_2 - y^2)^2 + (z_2 - z^2)^2}$$

$$\text{gelten. Andererseits ist } \overrightarrow{AB} = r_1 + r_2, \text{ das heißt,}$$

$$r_2 = \frac{m_1/m_2}{1 + m_2} \cdot \frac{r_1}{1 + m_2} = \frac{m_1/m_2}{1 + m_2} \cdot (\overrightarrow{AB} - r_2) \text{ oder}$$

$$r_2 \cdot (1 + m_1/m_2) = \frac{m_1/m_2}{1 + m_2} \cdot \overrightarrow{AB}. \text{ Umgestellt ist dies } \gamma_2 = \frac{m_1 \cdot (x_1 - x_2)}{1 + m_2}$$

$$\overrightarrow{M_1} + \overrightarrow{M_2}$$

$$\overrightarrow{M_1} + \overrightarrow{M_2}$$

$$\overrightarrow{M_2} + \overrightarrow{M_2}$$

$$\overrightarrow{M_3} + \overrightarrow{M_3} = \overrightarrow{M_3} \cdot (x_1 - x_2)$$

$$\overrightarrow{M_3} + \overrightarrow{M_3} = \overrightarrow{M_3} \cdot (x_1 - x_2)$$

$$\overrightarrow{M_3} + \overrightarrow{M_3} = \overrightarrow{M_3} \cdot (x_1 - x_2)$$

$$\overrightarrow{M_3} + \overrightarrow{M_3} = \overrightarrow{M_3} \cdot (x_1 - x_2)$$

$$\overrightarrow{M_3} + \overrightarrow{M_3} = \overrightarrow{M_3} \cdot (x_1 - x_2)$$

$$\overrightarrow{M_3} + \overrightarrow{M_3} = \overrightarrow{M_3} \cdot (x_1 - x_2)$$

$$\overrightarrow{M_3} + \overrightarrow{M_3} = \overrightarrow{M_3} \cdot (x_1 - x_2)$$

$$\overrightarrow{M_3} + \overrightarrow{M_3} = \overrightarrow{M_3} \cdot (x_1 - x_2)$$

$$\overrightarrow{M_3} + \overrightarrow{M_3} = \overrightarrow{M_3} \cdot (x_1 - x_2)$$

$$\overrightarrow{M_3} + \overrightarrow{M_3} = \overrightarrow{M_3} \cdot (x_1 - x_2)$$

$$y^* - y_2 = \frac{m_1 \cdot (y_1 - y_2)}{m_1 + m_2} \cdot z^* - z_2 = \frac{m_1 \cdot (z_1 - z_2)}{m_1 + m_2}$$

Hieraus ergeben sich die Koordinaten des durch die Superposition entstandenen neuen gemeinsamen Zentralkraftzentrums S (x* y* z*), welches auch Massenzentrum genannt wird, zu

$$x^* = \frac{m_1 + m_2}{m_1 + m_2}, y^* = \frac{m_1 + m_2}{m_1 + m_2},$$

$$z^* = \frac{m_1 \cdot z_1 + m_2 \cdot z_2}{m_1 + m_2}$$
. Wird nun ein drittes Zentrum C hinzu

genommen, so bildet sich bei der Superposition auf der Verbindungslinie \overrightarrow{SC} ein neues für die Zentren A,B und C gemeinsames punktförmiges Massenzentrum, welches durch Superposition der drei Zentralkraftfelder entsteht. Seine Lage kann aus den bekannten Koordinatenangaben S(x,y,z) und C(x,y,z) nach dem gleichen Verfahren bestimmt werden. Mit Hilfe des vollständigen Induktionsschlusses kann auf die Koordinaten $\{x,y\}$ des gemeinsamen Massenzentrums $\{x,y\}$ eines Systems von beliebig vielen n Zentralkraftzentren geschlossen werden. Man erhält nach Anwendung des vollständigen Induktionsschlusses die analytische Form

$$\begin{cases} & \sum_{\gamma=1}^{n} & m_{\gamma} = \sum_{\gamma=1}^{n} & m_{\gamma} & \gamma \\ & \sum_{\gamma=1}^{n} & m_{\gamma} = \sum_{\gamma=1}^{n} & m_{\gamma} & y_{\gamma} \end{cases}$$

$$\begin{cases} & \sum_{\gamma=1}^{n} & m_{\gamma} = \sum_{\gamma=1}^{n} & m_{\gamma} & y_{\gamma} \\ & \sum_{\gamma=1}^{n} & m_{\gamma} = \sum_{\gamma=1}^{n} & m_{\gamma} & y_{\gamma} \end{cases}$$
13,

das heißt, wenn beliebig viele Zentralkraftzentren gegenseitig aufeinander wirken, so superponieren ihre Felder derart, daß ein neues gemeinsames Feldzentrum (auch Massenzentrum genannt) entsteht um welches alle die zum System gehörigen Zentren ihre Zentralbewegungen ausführen. Wenn keine äußeren Kräfte wirken, bleibt dieses Zentrum in Ruhe oder im Zustand gleichförmiger gradliniger Bewegung Wirken aber auf die einzelnen Zentren äußere Kräfte, so ergibt sich nach Einfüßrung der Koordinateneinheitsvektoren aus Gleichung 13 durch zweimalige zeitliche Differentiation und vektorielle Addition

$$(\vec{\xi} + \vec{\eta} + \vec{\xi}) \cdot \vec{\chi} = \vec{\chi} + \vec{\chi} + \vec{\chi} + \vec{\chi} + \vec{\chi} = \vec{\chi} + \vec{\chi}$$

Wenn also außere Kräfte die Zentren des Systems beeinflussen, so verhält sich das gesamte System, als ob die Kraftvektoren parallel in das gemeinsame Zentrumvorgeschoben worden seien und die Resultierende aus ihnen das gemeinsame Zentrum angreife. Im Folgenden soll das Koordinatensystem immer so parallel verschoben werden \bullet daß dieses durch die Superposition der Zentralkraftfelder entstandene gemeinsame Feldzentrum des Systems zugleich als Bezugspunkt mit dem Koordinatenanfang zusammenfällt, $da\beta$ also $\xi = \eta = \xi = 0$ wird Außer den inneren Zentralkräften, welche vom Feldzentrum ausgehend auf die einzelnen Nebenzentren des Systems wirken, sollen keine äußseren Kräfte angreifen. Auf irgendeines der n Nebenzentren wirke im Abstand r vom gemeinsamen Feldzentrum die Zentralkraft $\overline{K} = m + \overline{v}$ und zwar bildet die Bahngeschwindigkeit \overline{v} mit \overline{r} einen Winkel sin $(\bar{r}, \bar{v}) \neq o$. Bahngeschwindigkeit und Fahr strahl sind nicht gleichgesichtet, doch wirket nur die in Richtung des Fahrstrahls fallende Komponente als Zentralgeschwindigkeit. Für \overline{K} , \overline{v} , \overline{v} und \overline{r} sollen die Komponentenzerlegungen $\overline{K} = \overline{X} + \overline{Y} + \overline{Z}$, $\overline{r} = \overline{x} + \overline{y} + \overline{z}$, $\overline{v} = \overline{x} + \overline{y} + \overline{z}$ und $\overline{v} = \overline{x} + \overline{y} + \overline{z}$ gelten. In analytischer Form gilt dann für die Zentralkraftgleichungen $\overline{X} + \overline{Y} + \overline{Z} = m \cdot (\overline{x} + \overline{y} + \overline{z})$. Man multipliziert skalar mit \overline{v} und erhält die Differentialgleichung X · * + Y · * + Z · 2 = = $m(\ddot{x} \cdot \dot{x} + \dot{y} \cdot \dot{\ddot{y}} + \ddot{z} \cdot \dot{z}) = m/2 \cdot d/dt \cdot (\dot{x}^2 + \dot{y}^2 + \dot{z}^2)$. Zeitliche Integration von einem Anfangswert @ des Fahrstrahls und einem dort herrschenden Anfangswert der Bahngeschwindigkeit $\overline{\mathbf{v}}_{a} = \dot{\overline{\mathbf{x}}}_{a} + \dot{\overline{\mathbf{y}}}_{a} + \dot{\overline{\mathbf{z}}}_{a}$, welcher mit \bar{q} nicht gleichgerichtet ist $\sin \left(\begin{array}{c} \overline{\varsigma} \end{array}, \overline{\mathbf{v}}_{\mathbf{a}} \end{array} \right) \ \neq \ \mathbf{o}$, bis zu einem beliebigen Punkt der Bahnkurve R liefert $\int_{R} (X \cdot dx + Y \cdot dy + Z \cdot dz) =$ = $m/2 \cdot \int_{R} d/dt (\dot{x}^{2} + \dot{y}^{2} + \dot{z}^{2}) dt$ = = $m/2 \cdot \left[(\dot{x}^{2} + \dot{y}^{2} + \dot{z}^{2}) - (\dot{x}^{2} + \dot{y}^{2} + \dot{z}^{n}) \right] = m/2 \cdot (v^{2} - v_{a}^{2})$ Der Integrand des links stehenden Kurvenintegrals wird in räumliche

Polarkoordinaten transformiert. Der Koordinatennullpunkt sei der

der Pol und die Abszissenachse die Polarachse ;es geltendann die Transformationen $x = r \cdot \cos \alpha \sin \beta$, $y = r \sin \alpha \cdot \sin \beta$, $z = r + \cos \beta$, wenn α der Azimutwinkel in der Azimutebene (x y -Ebene) und β der Höhenwinkel in der zur Azimutebene orthogonalen $\beta = 4 (\bar{r}, \bar{z})$ ist. Die Orthogonalprojektion von auf die Azimutebene ist dann $q = r \cdot \cos (\pi/2 - \beta) = r \cdot \sin \beta$, so daß sich das Azimut zu $\alpha = \frac{4}{3} (\overline{q}, \overline{x})$ ergibt. Nach diesen Festlegungen kann die Transformation des Intgranden durchgeführt werden. Entsprechend den Achsentransformationen gilt für die Achsenparallelen Kraftkomponenten $X = K \cdot \cos \alpha \sin \beta$, $Y = K \cdot \sin \alpha \cdot \sin \beta$ Z = K · cos β , da für die Zentralkraft \overline{K} die Voraussetzung 11b er füllt ist. Andererseits ergeben sich aus den Koordinatentransformationen die totalen Differentiale dx = @x/@r . dr + + $\partial x/\partial \alpha$ • $\partial \alpha$ + $\partial x/\partial \beta$ • $\partial \beta$ = $\cos \alpha$ • $\sin \beta$ • ∂x + + $\mathbf{r} \cdot (\cos \alpha \cdot \cos \beta \cdot d\beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta \cdot d\alpha)$, und analog $dy = \sin \alpha \cdot \sin \beta \cdot dr + r \cdot (\cos \alpha \cdot \sin \beta)$ • $d\alpha + \sin \alpha \cdot \cos \beta \cdot d\beta$) beziehungsweise $dz = \cos \beta \cdot dr =$ - r · $\sin \beta$ · $d \beta$. Multiplikation mit den transformierten Kraftkomponenten liefert als Kurvenintegral $\begin{cases} (X \cdot dx + Y \cdot dy + Z \cdot dz) = \begin{cases} (\cos^2 \alpha \cdot \sin^2 \beta + dz) \end{cases}$ + $\sin^2 \alpha \cdot \sin^2 \beta + \cos^2 \beta$) · K · dr + $\int_R K \cdot \mathbf{r} \cdot \int \cos \alpha \cdot \sin \beta$. * $(\cos \alpha \cdot \cos \beta \cdot d \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta \cdot d \alpha) + \sin \alpha \cdot \sin \beta \cdot$ (cos α sin β · d α + sin α · cos β · d β) - cos β · sin β · d β] = $= \sum_{R} \left[(\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha) \cdot \sin^2 \beta + \cos^2 \beta \right] \cdot K \cdot dr +$ + $\int_{R} \left[(\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha) \cdot \cos \beta \cdot \sin \beta - \cos \beta \cdot \sin \beta \right]$. • K • r • d $\beta = \sum_{k=0}^{n} K$ • d r • Die Transformation ergibt also $\int_{\mathbb{R}} (X \cdot dx + Y \cdot dy + Z \cdot dz) = \int_{\mathbb{R}}^{\mathbf{r}} K \cdot dx = \psi(\mathbf{r}) - \psi(\mathbf{g}),$ wenn V(r) die Ortsfunkzion des Zentralkraftfeldes ist. Wird diese Lösung in die Gleichung des Kurvenintegrals eingesetzt, so ergibt sich für die Bewegung des Nebenzentrums die Energiebeziehung $\psi(\mathbf{r}) - \psi(\mathfrak{r}) = m/2 \cdot (\mathbf{v}^2 - \mathbf{v}_{\alpha}^2)$. Nach Einführung des Potentials wird erreicht, daβ der Energiesatz m/2 · v² + V (r) = = $m/2 \cdot v_a^2 + V(g) = A = const.$ auch für den allgemeinen Fall einer Zentralbewegung mit nicht gleichgerichteten Anfangsvektoren gültig ist. Handelt es sich bei der Untersuchung um das Zentrum y des aus n Zentren bestehenden Systems und ist

 $E = \bigvee_{\gamma=1}^{n} 1/2 \text{ m}_{\gamma} \cdot \bigvee_{\gamma}^{2}$ die gesamte kinetische und $V = \bigvee_{\gamma=1}^{n} V_{\gamma}(r_{\gamma})$ die gesamte potentielle Energie, so nimmt in diesem allgemeinsten Fall das Energieprinzip die Form an

Ein aus Zentralkraftzengren bestehendes System ist energetisch konservativ, weil sein Energieinhalt konstant ist.

Eine weitere charakteristische Eigenschaft des Systems ist das Verhalten des gesamten Drehimpulses. Als Bezugspunkt soll wieder das gemeinsame Massenzentrum gewählt werden. \overline{r}_h und \overline{r}_k seien die Abstände der Zentren h und k von diesem Punkt. \overline{r}_{hk} ist dann der Abstand zwischen h und k. Nach der Intwicklung von Gleichung 12 muß ferner die Summe aller äußeren und inneren an hangreifenden Kräfte die zeitliche Änderung seines Bahnimpulses ergeln

ben, also $\ddot{G}_h = \ddot{K}_h + \sum_{k=1}^{n} \ddot{K}_{hk} - \ddot{K}_{hh}$. Nach der Definition von Drehimpuls U und Drehmoment M ergibt sich durch vektorielle Multiplikation $\bar{r}_h \times \dot{\bar{g}}_h = \bar{r}_h \times \bar{k}_h + \frac{\bar{k}_h}{k+1} \bar{r}_h \times \bar{k}_{hk}$ $\overline{r}_h \times \overline{k}_{hh}$. Andererseits gilt $\overline{r}_k - \overline{r}_h = \overline{r}_{hk}$ und $\overline{r}_h \times \overline{k}_{hk}$ = - $\bar{r}_{hk} \times \bar{K}_{hk}^{\bullet}$ + $\bar{r}_{k} \times \bar{K}_{hk}^{\bullet}$ = $\bar{r}_{k} \times \bar{K}_{hk}^{\bullet}$, denn es ist $\sin (\bar{r}_{hk}, \bar{k}_{hk}) = 0$. Wird dieser Wert eingesetzt, so folgt $\overline{\overline{U}}_h = \overline{M}_h + \overline{k+1} \overline{r}_k \times \overline{K}_{hk}^* - \overline{r}_h \times \overline{K}_{hh}^*$. Wird auch über alle h summiert, so entsteht d/dt = $\frac{n}{h-1}$ = $\frac{n}{h}$ = $\frac{n}{h}$ = $\frac{n}{h}$ $\frac{\ddot{r}_{h}}{\ddot{k}_{h}}$ $(\bar{r}_{k} \times \bar{k}_{hk} - \bar{r}_{h} \times \bar{k}_{hh} - \bar{r}_{k} \times \bar{k}_{kk})$. Nun ist wegen der vorausgesetzten zentralen Natur der Kraftfelder das Kausalitätsprinzip gültig. $\overline{K}_{hk}^{\bullet} = -\overline{K}_{kh}^{\bullet}$, oder da $\overline{r}_{h} \times \overline{K}_{hk}^{\bullet}$ $\overline{r}_k \times \overline{K}_{hk}^{\bullet}$ gesetzt werden kann, folgt $\overline{r}_h \times \overline{K}_{hk}^{\bullet} = -\overline{r}_h \times \overline{K}_{kh}^{\bullet} = -\overline{r}_h \times \overline{K}_{k$ = - $\overline{r}_k \times \overline{K}_{kh}$ oder, $\overline{r}_h \times \overline{K}_{hk} + \overline{r}_k \times \overline{K}_{kk} = \overline{o}$. Aus diesem Grunde muß die Doppelsumme verschwinden; denn die Summanden treten paarweise in der Form 2 · $\frac{n}{h-1}$ $\frac{n}{k-1}$ $(\bar{r}_k \times \bar{K}_{kh})$ -

$$-(\overline{r}_h \times \overline{K}_{hh}^* + \overline{r}_k \times \overline{K}_{kk}')) =$$

$$= \sum_{h=1}^{n} \sum_{k=1}^{n} ((\overline{r}_{k} \times \overline{k}_{kh}^{\bullet} + \overline{r}_{h} \times \overline{k}_{hk}^{\bullet}) - \overline{r}_{h} \times \overline{k}_{hh}^{\bullet} -$$

 $-\bar{r}_k \times \bar{\kappa}_{kk}$) = \bar{o} auf. Die Drehimpulsbeziehung vereinfacht sich

daher zu d/dt $\lim_{h=1}^{n} \overline{U}_h = \lim_{h=1}^{n} \overline{M}_h$. Der gesamte Drehimpuls des Systems kann also nur dann zeitliche Änderungen erfahren, wenn äußere Kräfte so angreifen, daß ein äußeres Drehmoment entsteht. Fehlen diese Kräfte, so verschwindet die zeitliche Änderung des

Drehimpulses $\frac{n}{h=1}$ $\frac{1}{U_h}$ = $\frac{1}{0}$, woraus sich durch zeitliche Integration

die Konstanz des gesamten Drehimpulses ergibt.

Die durch Gleichungen 12, 14 und 15 beschriebenen Eigenschaften des Zentralkraftfeldes, nämlich Konstanz des gesamten Bahn- und Drehimpulses, so wie des Energieinhaltes eines Systems aus Zentralkfraftzentren sind notwendige Existenzbedingungen eines Zentralkraftfeldes. Eine notwendige und zugleich hinreichende Bedingung kann aus Gleichung 13, welche aus Gleichung 12 folgte, und aus Gleichung 15 entwickelt werden. Wird nämlich das Bewegungszentrum als Koordinatennullpunkt gewählt, so muß auch Gleichung 15 für den Drehimpuls des einem Zentrums gelten. Ist $\overline{G} = m \cdot \overline{v}$ sein Bahn impuls im Abstand \overline{r} vom Bezugspunkt, so gilt $\overline{U} = \overline{r} \times \overline{G} = m \cdot \overline{r} \times \overline{r} = \overline{c} = const.$ Wenn $\overline{c}/m = 2$ \overline{c} gesetzt wird, ergibt sich mit den Komponentenzerlegungen $\overline{r} = \overline{x} + \overline{y} + \overline{z}$ und $\overline{v} = \overline{x} + \overline{y} + \overline{z}$ die Eigenschaft der Zentralkraftfelder mit \overline{i} , \overline{j} und \overline{k} als Einheitsvektoren in analytischer Form

$$\vec{r} \times \vec{v} = \begin{vmatrix} \vec{l} & \vec{j} & \vec{k} \\ x & y & z \end{vmatrix} = 2 \vec{c} = \text{const} \dots 16,$$

welche aussagt, daß das Vektorprodukt c zu jedem Zeitpunkt auf der von r und v ausgespannten Ebene senkrecht steht und während der ganzen Bewegung in Richtung und Größe zeitlich konstant ist. Diese Eigenschaft ist aber nur dann vorhanden, wenn die von der Bahnkurve der Zentralbewegung umgrenzte Fläche eine Ebene ist, es muß sich um eine Nullpunktsehene handeln; denn durch vektorielle

Addition der durch Gleichung 13 gegebenen Koordinaten des gemeinsamen Bewegungszentrums eines Systems von Feldzentren folgt

$$(\bar{\xi} + \bar{\eta} + \bar{\xi}) \cdot \sqrt{\bar{z}} = \sqrt{\bar{z}} + \bar{y} + \bar{z}_{\gamma}) =$$

=
$$\frac{1}{\gamma-1}$$
 m_{γ} · \bar{r}_{γ} = const. unter der Voraussetzung, daß keine

äußeren Kräfte auf das System wirken. Nach dieser Beziehung liegt das gemeinsame Bewegungszentrum, welches ebenfalls zeitlich konstant bleibt, auf der geradlinigen Verbindungslinie der Feldzentren. Aus diesem Grunde muß es eine zeitlich invariable Diametralebene geben, welche das Bewegungszentrum enthält und in welcher ferner wegen Gleichung 16 alle Zentralbewegungen der zum System gehörigen Feldzentren stattfinden müssen. Eine nähere Untersuchung dieser zeit lich invariablen Bahnebene (Nullpunktsebene, da das Bewegungszentrum im Koordinatennullpunkt liegt) wird durch eine Transformation der Gleichung 16 in räumliche Polarkoordinaten möglich. Zunächst wird $v^2 = x^2 + y^2 + z^2 = r \cdot \left[(\frac{dx}{dr})^2 + (\frac{dy}{dr})^2 + (\frac{dz}{dr})^2 \right]$ mit $x = r \cdot \cos \alpha \cdot \sin \beta$, $y = r \cdot \sin \alpha \cdot \sin \beta$, $z = r \cdot \cos \beta$ transformiert. Durch Bildung der totalen Differentiale ergibt sich $(dx/dr)^2 + (dy/dr)^2 + (dz/dr)^2 = (\cos^2 \alpha + \sin^2 \beta + \sin^2 \alpha .$ • $\sin^2 \beta + \cos^2 \beta$) + 2 r • $\cos \alpha$ • $\sin \beta (d\beta/dr • \cos \alpha \cos \beta)$ - $d\alpha/dr \cdot \sin \alpha \cdot \sin \beta + \sin \alpha \cdot \sin \beta \cdot (d\alpha/dr \cdot \cos \alpha \cdot \sin \beta +$ + $d\beta/dr$ · $\sin \alpha$ · $\cos \beta$) - $d\beta/dr$ · $\cos \beta$ · $\sin \beta$ + + r^2 • $(d\beta/dr \cdot \cos \alpha \cdot \cos \beta - d\alpha/dr \cdot \sin \alpha \cdot \sin \beta)^2$ + + $(d\alpha/dr \cdot \cos \alpha \cdot \sin \beta + d\beta/dr \cdot \sin \alpha \cdot \cos \beta)^2$ + + $(d\beta/dr)^2 + \sin^2 \beta = 1 + (d\alpha/dr)^2 + r^2 \sin^2 \beta +$

+ $(d\beta/dr)^2$ • r^2 . Eingesetzt liefert dies $v^2 = r^2 + \alpha^2$ • r^2 • $\sin^2 \beta + \beta^2$ • r^2 als Bahngeschwindigkeit in Polarkoordinaten.

Hierin gilt $\dot{\bar{r}} \perp \bar{r} \times \dot{\bar{\alpha}} \perp \bar{r} \times \dot{\bar{\beta}}$, fermer $\dot{\beta}$ ($\bar{r} \stackrel{\dot{\alpha}}{\alpha}$) = β und $(\bar{r}, \dot{\bar{\beta}}) = \pi/2$. Daher $\bar{v} = \dot{\bar{r}} + \dot{\bar{\alpha}} \times \bar{r} + \dot{\bar{\beta}} \times \bar{r}$. Andererseits ist α sin β = δ^{ℓ} die Orthogonalprojektion von $\dot{\bar{\alpha}}$ auf eine zu r orthogonale Richtung in der Höhenebene. Also r L Je und $\vec{\alpha} \times \vec{r} = \vec{\beta} \times \vec{r}$ und damit $\vec{v} = \vec{r} + (\vec{\beta} + \vec{\beta}) \times \vec{r}$. Als Basisvektoren für welche $\vec{r} \perp \vec{\beta} \perp \vec{\beta}$ gilt, spannen $\vec{\beta}$ und $\vec{\beta}$ eine zu r orthogonale Ebene auf. In 16 eingesetzt ergibt sich, da die Vektorsumme der beiden Basisvektoren einen ebenfalls zu r orthogonalen erzeugenden Vektor dieser Ebene bildet $\bar{r} \times \bar{v} = \bar{r} \times \bar{v}$ $(\ddot{\beta} + \dot{z}) \times \ddot{r} = r^2 \cdot (\ddot{\beta} + \dot{z})$, also

$$\vec{r} \times \vec{v} = r^2 \cdot (\dot{\vec{\beta}} + \dot{\vec{\beta}}) = 2 \vec{c} = \text{const} \dots 16a.$$

Der zur Bahnebene orthogonale zeitlich konstante Vektor muß seiner Dimension nach ebenfalls eine Winkelgeschwindigkeit sein, welche sich vektoriell aus den Änderungsgeschwindigkeiten von Azimut- und Höhenwinkel zusammensetzt. Es kann sich hierbei nur um die Ände - rungsgeschwindigkeit des Fahrstrahlwinkels in der Bahnebene handeln. Da es sich bei Zentralbewegungen stets um ebene Bahnen handelt, kans man die zeitlich konstante Bahnebene durch eine Nullpunktsdrehung des Koordinatensystems in eine Koordinatenebene (x y - Ebene) legen und das räumliche Problem auf ein Zweidimensionales reduzieren. Befindet sich außerdem das Bewegungszentrum im Koordinatennullpunkt, so wird in Gleichung 13 die Summe ξ + η + $\bar{\psi}$ = $\bar{0}$, während für den Fahrstrahl der ebenen Bahn die Zerlegung \bar{r} = \bar{x} + \bar{y} gilt. Dieses sich aus Gleichung 13 und Gleichung 15 ergebende Resultat kann in

$$\sum_{\gamma=1}^{n} m_{\gamma} \cdot \overline{r}_{\gamma} = \overline{o} , \overline{r} = \overline{x} + \overline{y} \dots 17$$

zusammengefaßt werden und stellt die notwendige und hinreichende Existenzbedingung eines Zentralkraftfeldes dar. Gleichung 17 sagt aus, inner, wenn in einem System von Feldzentren die Kraftfelder so superponieren, daß ein punktförmiges Bewegungszentrum entsteht, welches zeitlich konstant bleibt, wenn keine äußeren Kräfte wirken und wenn weiter die Bewegung der nur unter gegenseitigem Einfluß stehenden Kraftfeldzentren in einer ebenfalls zeitlich invarianten Diametralebene stattfindet, die das ruhende Bewegungszentrum enthält, kann es sich nur um ein System von Zentralkraftfeldern handeln.

Aus der sich aus der Definition ergebenden Existenzvoraussetzung 11 b und der allgemeinen Existenzbedingung 17 folgen weitere Eigenschaften der Zentralkraftfelder (bei Transformationen in ebene Polarkoordinaten sei φ der Fahrstrahlwinkel die Abszissenachse Polarachse und der Nullpunkt Pol). Gemäß gleichung 17 sei das gemeinsame Bewegungszentrum der Bezugspunkt des ebenen Koordinatensystems. Nach dieser Festlegung wird zunächst der Ansatz mit einer komplexen Zentralbeschleunigung in einer komplexen Ebene gemacht und zwar soll die zur Polarachse orthogonale Richtung imaginär angenommen werden. Aus $\overline{r} = \overline{x} + \overline{y}$ würd dann der komplexe Fahrstrahl $\overline{r}_{\mathbf{C}} = \overline{x} + \mathbf{i} \cdot \overline{y}$, was mit $x = \mathbf{r}$ cos φ und $y = \mathbf{r}$ sin φ in Polarkoordinaten transformiert unter Benutzung des Theorems

 $\cos \varphi + i \cdot \sin \varphi = e^{i\varphi} \text{ den Wert } \overline{r}_{c} = \overline{x} + i \cdot \overline{y} = \overline{r} \cdot (\cos \varphi + i \sin \varphi) = \overline{r} \cdot e^{i\varphi} \text{ ergibt. Zeitlich differenziert er-}$ gibt sich zunächst eine komplexe Zentralgeschwindigkeit $\frac{\dot{r}}{r_c} = (\dot{r} + i \cdot \bar{r} \times \dot{\phi}) \cdot e^{i\phi}$ und nach nochmaliger Zeitdifferentiation die komplexe Zentralbeschleunigung $\ddot{\ddot{r}}_c = \ddot{\ddot{r}} \cdot e^{i\phi}$ + + i · \dot{r} × $\dot{\phi}$ · $e^{i\phi}$ + i · \dot{r} × $\dot{\phi}$ · $e^{i\phi}$ + i · \dot{r} × $\ddot{\phi}$ · $e^{i\phi}$ – $-\overline{r} \times \frac{\cdot}{\overline{\varphi}} \times \frac{\cdot}{\overline{\varphi}} \cdot e^{i\varphi} - e^{i\varphi} + i \cdot (2\overline{r} \times \frac{\cdot}{\overline{\varphi}} + \overline{r} \times \frac{\ddot{\varphi}}{\overline{\varphi}}) \cdot e^{i\varphi} -\,\overline{\mathbf{r}}\,\, imes\, \overset{ullet}{\phi}\,\, imes\, \overset{ullet}{\phi}\,\,$. $\mathrm{e}^{\mathrm{i}\phi}$. Andererseits muß wegen Gleichung 11 b für die Komplexe Zentralbeschleunigung $\ddot{r}_{c} = \ddot{x} + i \cdot \ddot{y} = \ddot{x}$ = $\frac{\ddot{r}}{\ddot{r}}$ · (cos ϕ + i · sin ϕ) = $\frac{\ddot{r}}{\ddot{r}}$ · $e^{i\phi}$ gelten. Vergleich beider Ausdrücke und Kürzung ergibt i · ($2\dot{r}$ $\chi\dot{\phi}$ + \dot{r} $\chi\dot{\phi}$) — $-\dot{r}$ $\chi\dot{\phi}$ $\chi\dot{\phi}$ = $-\dot{r}$ · $\chi\dot{\phi}$. Da \dot{r} $\dot{\phi}$ und $\vec{r} \perp \vec{\phi}$ ist, muß wegen Gleichung llb auch $|\vec{r} \perp \vec{\phi}|$ sein. Für den Betrag der Vektorprodukte gilt daher $2 \cdot | \hat{\mathbf{r}} \cdot \varphi = - \mathbf{r} \cdot \varphi$. Durch Umstellung und Multiplikation mit dem Zeitelement wird die Differentialgleichung integrierbar 2 dr/r = $- d\phi/\phi$. Man integriert von einem Anfangswert \overline{q} des Fahrstrahls und einem zu ihm gehörigen Anfangswert $\overline{\phi}_a$ der Winkelgeschwindigkeit. Dann wird $2 \cdot \ln (r/g) = -\ln (\phi/\phi_a) = \ln \phi_a/\phi$, oder $r^2/g^2 = \phi_a/\phi$ und $r^2 \cdot \phi$ = $e^2 \cdot \phi_a$ = const. Nun ist zum einen die Geschwindigkeit der ebenen Bahn in Polarkoordinaten $\mathbf{v}^2 = \dot{\mathbf{x}}^2 + \dot{\mathbf{y}}^2 = \dot{\mathbf{r}}^2 + \dot{\phi}^2 \cdot \mathbf{r}^2$, also $\mathbf{v} = \dot{\mathbf{r}} + \dot{\phi} \times \mathbf{r}$ und $\vec{r} \times \vec{v} = \vec{r} \times \dot{\vec{\phi}} \times \vec{r} = r^2 \cdot \dot{\vec{\phi}}$. Zum anderen ist 1/2 $r^2 \cdot d \phi =$ = d F ein Flächendifferential in Polarkoordinaten. Das aus dem komplexen Ansatz folgende Ergebnis $t^2 \cdot | \dot{\phi} = \varrho^2 \cdot \dot{\phi}_a = 2c = con$ kann also vektoriell in der Form $2 \cdot \bar{F} = r^2 \cdot \dot{\bar{\phi}} = \bar{r} \quad \bar{v} = 2 \cdot \bar{c} = \bar{g} \times \bar{v}_a = \text{const},$

geschrieben werden. Die Konstanz der vom Fahrstrahl pro Zeitein - heit überstrichenen Fläche der Bahnebene dF/dt = c = const, welche durch Gleichung 18 ausgedrückt wird, ist mit der Existenzbedingung 17 äquivalent. Aus der Entwicklung von Gleichung 18 geht hervor, daß die in Gleichung 16 a auftretende Vektorsumme der Winkelgeschwindigkeit β und γ , welche die zu r orthogonale Ebene aufspannen, tatsächlich die Änderungsgeschwindigkeit des

Fahrstrahlwinkels in der Bahnebene darstellt. Andererseits drückt die aus der Komplanarität der Zentralbewegungen r = x + y folgende Konstanz der Flächengeschwindigkeit 2 $\dot{\bar{r}} = \bar{r} \times \bar{v} = r^2 \cdot \dot{\bar{q}} = 2\bar{c}$ wegen $\overline{U} = m \overline{r} \times \overline{v} = \overline{r} \times \overline{G} = 2 m \cdot \overline{c} = \text{const. zugleich die}$ Konstanz des Drehimpulses aus, welche auch durch Gleichung 15 be schrieben ist. Die Entwicklung von 15 geht aber von den gleichen Voraussetzungen aus, wie die Entwicklung von 12, aus welcher 13 folgte. Wenn also Gleichung 13 erfüllt ist, kann über Gleichung 12 auf die Gültigkeit der Gleichung 15 und damit auch die Existenz der zeitlich konstanten Bahnebene geschlossen werden und umgekehrt. Man kann also die beiden Ausdrücke der Existenzbedingung 17 ineinander überführen, woraus hervorgeht, daß beide Teile äquivalent sind. Da auch Gleichung 18 mit dem zweiten Teil der Gleichung 17 äquiva lent ist, kann die Winkelgeschwindigkeit φ entweder als erzeugender Væktor der von $\frac{\dot{\epsilon}}{\beta}$ und $\frac{\dot{\beta}}{\beta}$ aufgespannten Ebene oder nach Gleichung 18 als Funktion des Fahrstrahls dargestellt werden. Man findet

$$\Phi = \pm \sqrt{\frac{\hat{\sigma}^2 \cdot \sin^2 \beta + \hat{\beta}^2}{\hat{\sigma}^2 \cdot \sin^2 \beta + \hat{\beta}^2}}, \quad \Phi = \frac{9 \times \overline{v}_a}{r^2} \dots 19.$$

Mit diesem Ausdruck und der Bedingung 17 kann der Energiesatz 14 für alle im Zentralkraftfeld möglichen Bahnen erweitert werden. In der Entwicklung von 14 ergab sich Γ K · d r = m/2 · ($\mathbf{v}^2 - \mathbf{v}_a^2$). Da außerdem immer \overline{K} = grad Ψ (r) ist, muß $\mathbf{v}^2 = \mathbf{v}_a^2 + 2/m$ · (Ψ (r) - Ψ (g)) werden. Ferner gilt mit x = r · cos Ψ , Ψ = r · sin Ψ die Komponentenzerlegung der Bahngeschwindigkeit in einen radialen und einen zirkulären Anteil $\mathbf{v}^2 = \mathbf{x}^2 + \mathbf{v}^2 = \mathbf{r}^2 + \mathbf{r}^2$ Ψ . Eingesetzt ergibt dies mit Gleichung 19 für den Radialanteil

$$r = t \sqrt{v_a^2 + 2/m \cdot (\gamma \cdot (r) - \gamma \cdot (g)) - 1/r^2 \cdot (\bar{g} \times \bar{v}_a)^2}$$

Nach Division durch Gleichung 19 resultiert die Verallgemeinerung des Energiesatzes

$$dr/d\phi = \frac{t}{r} \cdot \sqrt{r^2/g^2 \cdot \csc^2 \tau - 1 + \frac{2r^2}{m^2 \cdot (\overline{g} \times \overline{y})^2} \cdot (\gamma \cdot (r) - \gamma \cdot (g))},$$

$$\tau = \frac{\lambda}{2} \cdot (\overline{g}, \overline{y})^2 \cdot (\overline{g} \times \overline{y})^2 \cdot (\gamma \cdot (r) - \gamma \cdot (g)),$$
20.

Diese Form des Energiesatzes gibt in ihrer Entwicklung noch die Röglichkeit Ausdrücke über die momentane Bahngeschwindigkeit und

die momentane Änderungsgeschwindigkeit des Fahrstrahls zu finden. Bei der Ableitung der Gleichung 20 ergaben sich diese Ausdrücke mit der Zerlegung der Bahngeschwindigkeit in die radiale und zirkuläre Komponente unter Benutzung von Gleichung 19 von selbst. Es ist

$$\mathbf{v} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{g}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{r}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{r}))},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{r})},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{r})},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{r})},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m}},$$

$$\mathbf{r} = \frac{1}{\mathbf{v}_{\mathbf{a}}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{r})},$$

$$\mathbf{r} = \frac{$$

Die fundamentalen Eigenschaften eines jeden Zentralkraftfeldes γ (r), welche durch die Gleichungen 18 und 19 beschrieben werden, gestatten neben den energetischen Konsequenzen 20 und 20 a noch Aussagen, über die in einem Zentralkraftfeld möglichen Bahnkurven. Diese Bahnen müssen nach der Existenzbedingung 17 auf jeden Fall eben sein und unter Zugrundelegung einer komplexen Ebene r = x + i · y ist die Möglichkeit gegeben, eine ganz allgemeine für jede Zentralbewegung gültige komplexe Bahngleichung aufzustellen. Da wegen Gleichung 11b neben dem komplexen Fahrstrahl $\vec{r}_c = \vec{x} + i \cdot \vec{y} = \vec{r} \cdot e^{i\phi}$ auch die Komponentenzerlegung der komplexen Zentralbeschleunigung $\ddot{r}_c = \ddot{x} + i \cdot \ddot{y} = \ddot{r} \cdot e^{i\phi}$ gelten muβ, wird aus dieser Komplexbeschleunigung mit Gleichung 19 (Kettenregel) $\frac{\ddot{r}}{r_c/\phi} = \frac{r^2 \cdot \ddot{r}}{\sqrt{\varrho \times v}} \cdot e^{i\phi}$. Wegen $\frac{\ddot{r}}{r_c/\dot{s}} = \frac{d \dot{r}_c}{d\phi}$ kann integriert werden. Man erhält \overline{v}_a $\cdot \dot{\overline{r}}_c = \phi$ $r^2 \cdot \ddot{\overline{r}}$. • $e^{i\phi}$ • $d\phi$ • wo sich \dot{r}_c aus $\dot{r}_c = \dot{r}$ • $e^{i\phi}$ zu $\dot{\dot{r}}_c = \dot{r}$ = $(\dot{r} + i \cdot \bar{r} \dot{\phi}) \cdot e^{i\phi}$ ergibt. Eingesetzt liefert dies die für alle Zentralbewegungen gültige Komplexe Bahngleichung

Diese Gleichung kann in die explizite Form $r=r(\phi)$ einer Bahnkurve in Polarkoordinaten gebracht werden, vorausgesetzt, daß das zentrale Kraftgesetz $m \cdot \bar{r} = \operatorname{grad} \psi(r)$, also das Feld

 $\psi(r)$, zur Lösung des Integrales bekannt ist. Ist dies der Fall, so kann aus der das Feld bestimmenden Ortsfunktion ψ auf die allgemeinste Form der in ihm möglichen Bahnkurven $r = r(\phi)$ geschlos sen werden. Die konstanten Bestimmungsstücke einer solchen Kurve können weiter durch Bildung des Differentialquotienten $dr/d\phi = r^*(\phi)$ und Vergleich mit Gleichung 20 explizit als Funktionen der Anfangs-vektoren und bestimmter in ψ (r) vorkommender Feldkonstanten ermittelt werden. Wenn umgekehrt die Gleichung irgend einer im Feld möglichen Bahn gegeben ist, so kann nach Transformation in Polarkoordinaten und zweimaliger Zeitdifferentiation unter Benutzung der Gleichung 18 und 19 auf die Zentralbeschleunigung und damit auf die Natür des Zemtralkraftfeldes ψ (r) geschlossen werden, denn aus

 $m r = f(r) = | \text{grad } \psi(r) | \text{folgt } \psi(r) = \int_{S}^{r} f(r) \cdot dr + \psi(S).$

Ist nach Gleichung 21 durch ψ (r) die Bahngleichung r = r (φ) bekannt, so können weitere die Bahn charakterisierende Größen gefunden werden. Transformiert man r = r (φ) in rechtwinkelige Koordinaten y = f (φ) mit y = y ($r\varphi$) und x = x ($r\varphi$), so ist der Tangentenwinkel \mathcal{A} an irgendeinem Punkt durch t g \mathcal{A} = dy/dx, also

gegeben. Ferner ist die Bogenlänge s zwischen zwei Bahnpunkten ebenfalls festzustellen. Sie wird durch das Differential

ds = $\frac{t}{\sqrt{(dx)^2 + (dy)^2}}$ linear approximient. Aus x = r · cos ϕ und y = r · sin ϕ folgt $(dx)^2 + (dy)^2 = (\frac{\partial x}{\partial r} \cdot dx)$

$$+ \frac{\partial x}{\partial \phi} \cdot d \phi)^2 + (\frac{\partial y}{\partial r} \cdot dr + \frac{\partial y}{\partial \phi} \cdot d \phi)^2 =$$

= $(dr)^2 + r^2 \cdot (d\phi)^2 = \left[(dr/d\phi)^2 + r^2 \right] \cdot (d\phi)^2$ oder, mit Gleichung 20 ds $\left[\frac{3}{3} \times \overline{v}_a \right] = \frac{t}{r^2} \cdot \frac{1}{v_a^2 + 2/m} \cdot (\gamma(r) - \gamma(g))$

• d ϕ . Man integriert von s = o bis zu einem variablen Wert s . Zum Wert s = o gehört dann der Anfangswert des Fahrstrahlwinkels ϕ_a . Die Bogenlänge ist dann gegeben durch

 $\mathbf{s} \cdot | \overline{g} \times \overline{\mathbf{v}}_{a} | = \pm \int_{\varphi_{a}}^{\varphi} \mathbf{r}^{2} \sqrt{\mathbf{v}_{a}^{2} + 2/\mathbf{m} \cdot (\mathbf{\gamma}(\mathbf{r}) - \mathbf{\gamma}(\mathbf{S})) \cdot d\varphi}$

Schließlich kann noch mit Hilfe der Gleichung 18 die Zeit t. 23.

ermittelt werden, die zum Durchlaufen des Bogens s auf der

Bahnkurve erforderlich ist. Man setzt $\frac{2 d F}{d t} = \sqrt[3]{x} \times \sqrt[7]{a}$ und führt das Flächenelement in Polarkoordinaten d F = 1/2 r^* · d ϕ ein , so daß sich als Zeit zum Durchlaufen des Kurvenbogens

$$t \cdot |\bar{g} \times \bar{v}_a| = \int_{\varphi_a}^{\varphi} r^2 \cdot d \varphi \cdot \dots \cdot 24$$

ergibt. Nach Gleichung 20 besteht ein direkter Zusammenhang zwischen den benutzten Polarkoordinaten r und φ . Man kann die Bahnkurve in Polarkoordinaten auch durch diesen Zusammenhang darstellen Der reziproke Wert von Gleichung 20 liefert integriert die Ahhängigkeit $\varphi = \varphi$ (r) in expliziter Form als Integral

$$\varphi = \frac{1}{2} - \overline{v}_{a} \cdot \frac{r}{1/r^{2}} \cdot \frac{v_{a}^{2} + 2/m}{v_{a}^{2} + 2/m} \cdot (r) - \frac{1}{r^{2}} \cdot (r) -$$

Die Gleichung beschreibt die Bahnkurve im (r φ) - System.

Alle durch die Gleichung 18 bis 24 beschriebenen Feldeigenschaften zeichnen sich durch eine Abhängigkeit von den Anfangsvektoren aus. Besonders die Gestalt der durch Gleichung 21 beschriebenen Bahnkurven wird durch diese Anfangswerte stark beeinflußt, das derart, daß jeder Anfangswert eine anders gestaltete Bahnkurve liefert (trotz der verschiedenen Gestalt bleibt ihr geometrischer Charakter in ein und demselben Zentralkraftfeld erhalten). Es können jedoch Sonderfälle herausgestellt werden, so zum Beispiel diejenige Anfangsgeschwindigkeit in einem bestimmten Abstand &, bei welcher eine Bahnkurve beschrieben wird, auf der die Zentralbewegung im statisch stabilen Gleichgewichtszustand stattfindet. Eine Aussage über die statische Stabilität einer Bewegung kann das Extremalprinzip geben. Dieses Theorem

aus, daß sich nur Bewegungen auf solchen Bahnen im statisch stabilen Gleichgewicht befinden, deren kinetisches Potential L = E - V ein Exremum annimmt, das heißt, für die statische Stabilität einer Bahn muß L = o sein. Im Sonderfall eines Zentralkraftfeldes wird L = E - V = $m/2 \cdot v^2 - V(r) = m/2 \cdot v^2 + \psi(r)$. Für die statisch stabile Bahn im Zentralkraftfeld muß dann dL/dt = $m \cdot v \cdot v + \psi = m \cdot v \cdot v + d\psi/dr \cdot r = /m \cdot v \cdot v \cdot v + d\psi/dr \cdot r = /m \cdot v \cdot v \cdot v$

Die Bahngeschwindigkeit ist also auf der stabilen Kurve immer konstant und mit der Anfangsgeschwindigkeit identisch. Nach Gleichung 20 a kann dies aber nur dann möglich sein, wenn $\psi(\mathbf{r}) - \psi(g)=0$ ist. Durch Elimination folgt hieraus immer r = 9 = const, was das analytische Kennzeichen einer Kreisbahn ist. Da aber andererseits Kreisbahnen enge Schnittlinien von Kugelflächen darstellen und nach Gleichung 11 b die Niveauflächen jedes Zentralfeldes sphärisch sind, muβ die stabile Zentralbewegung auf einer solchen Niveau fläche stattfinden. Außerdem muß nach Gleichung 17 die von der Kurve umrandete Kreisfläche das Zentrum enthalten. Hieraus wird ersichtlich, daß grundsätzlich in allen Zentralkraftfeldern die statisch stabilen Zentralbewegungen nur auf den Meridianen der Niveauflächen stattfinden können. Diese aus dem Extremalprinzip gewonnene Aussage über die zirkuläre, statisch stabile Zentralbewegung auf dem Meridian einer durch 🤗 = const gekennzeichneten Niveaufläche ist zugleich der für diese Niveaufläche charakteristische energetische Zustand maximaler Entropie, da der Energieinhalt des Zentralkraftfeldsystems bei der statisch stabilen Zentralbewegung auf dem Meridian der betreffenden Niveaufläche das für diese Niveaufläche mögliche Minimum erreicht. Bei jeder Kreisbahnbewegung einer als Masse anzusprechenden Erscheinung (Massen wurden für die Zentralkraftzentren vorausgesetzt), muβ als Reaktion eine Radialkraft auftreten, deren Betrag durch m · v2/r gegeben ist und die der Zentralkraft entgegengesetzt gleich sein $mu\beta$, da auf der Kreisbahn ein statisch stabiles Kräftegleichgewicht herrschen muß. Ist v_k die nach Gleichung 26 konstante zirkuläre Geschwindigkeit im Abstand

const., so wird für die Kreisbahn

m $\cdot \frac{\mathbf{v}_{\mathbf{k}}^{2}}{S} = -\int_{\mathbf{grad}} \boldsymbol{\psi}(\mathbf{r}) \int_{S} = -\left(\frac{\partial \boldsymbol{\psi}}{\partial \mathbf{r}}\right)_{S}$. Die statisch stabile Zentralbewegung auf den Meridianen der Niveauflächen wird also durch

$$r = g = const$$
, $v_k = v_a = \frac{t}{\sqrt{-g/m} \cdot (\frac{\partial v}{\partial r})_g} = const$...

vollständig beschrieben. Diese statisch stabile zirkuläre Bewegung auf den Niveauflächen tritt grundsätzlich in jedem Zentralkraft meld auf. Die Gleichung 26 und 26 a gelten für alle Zentralkraft felder, woraus folgt, daß in jedem derartigen Kraftfeld die Kreisbahn möglich ist (dies ist eine Folge der sphärischen Niveauflächen deren analytischer Ausdruck 11 b unmittelbar aus der Definition hervorgeht). Ein anderes für alle Zentralkraftfelder charakteristisches Kennzeichen ist das Auftreten von Feldgrenzen, das heißt, von Punkten auf den Verbindungslinien der Feldzentren in denen die Feldvektoren entgegengerichtet gleich sind und sich daher aufheben. Zwei sich gegenseitigebeeinflussende Feldzentren I und II befinden sich im Abstand s voneinander. Für die Feldgrenze, also das Kräftegleichgewicht muβ die Bedingung K =- K2 erfüllt sein, welche wegen $\overline{K}_{1,0} = -\overline{K}_{2,0}$ und Gleichung 11b die Form grad ψ_1 (r) = | grad ψ_2 (r) | annimmt. Durch Integration for thieraus ψ_1 (r_1) = ψ_2 (r_2), wenn eines der Zentren im Koordinatennullpunkt liegt (also nicht das gemeinsame Bewegungszentrum). Es muβ also auf der Verbindungsstrecke der beiden Zentren in den Abständen r, und r, von diesem einen Punkt geben, in welchem sich die beiden Feldvektoren gegenseitig aufheben. Sind r r, die Abstände der beiden Zentren von dieser Fektgrenze, so gilt für die als bekannt angenommene Verbindungsstrecke s = r1 + r2, das heiβt, die Feldgrenze wird insgesamt durch

beschrieben. Ähnlich wie in Gleichung 26 und 26 a , die für alle Zentralfelder gültige zirkuläre Bahn, so wie die zu ihrer Entstehung erforderliche Kreisbahngeschwindigkeit beschrieben werden, ist es möglich einen Ausdruck zu finden, der die Größe der Anfangsge schwindigkeit \mathbf{v}_{a} eines Feldzentrums III angibt, welche erforder-

lich ist, dieses Zentrum III vom Abstand \mathcal{G}_1 vom Zentrum I über die Feldgrenze zu heben. Die Grenze soll mit der Geschwindigkeit $\mathbf{v}_{\mathbf{c}}$ überschritten werden, mit anderen Worten, die kinetische Energie, die dem Zentrum III der Trägheitsmasse $\mathbf{m}_{\mathbf{c}}$ erteilt werden muß, damit die Feldgrenze zwischen den Zentren I und II überschritten wird, muß die Potentialdifferenz zwischen dem An-fangsabstand \mathcal{G}_1 und der Feldgrenze \mathbf{r}_1 übertreffen. Außerdem wirkt im ganzen Feldbereich zwischen \mathcal{G}_1 und \mathbf{r}_1 das Feld II dem Feld I entgegen, so daß seine Potentialdifferenz vom Abstand \mathbf{r}_2 bis zum Abstand \mathcal{G}_1 zu subtrahieren ist. Die energetische Aussage kiefert der für diesen Fall angewandte Energiesatz 14.

Es ist
$$1/2$$
 m_3 \cdot $(v_e^* - v_e^*) = \int K \cdot dr = \frac{r_1}{3_1} (K \cdot dr)_1 - \frac{r_1}{r_2} + \frac{r_2}{r_2} - \frac{r_3}{3_1} (K \cdot dr)_2 = \frac{r_1}{2_1} + \frac{r_2}{r_3} - \frac{r_3}{2_1} (K \cdot dr)_2 = \frac{r_1}{2_1} + \frac{r_2}{r_3} - \frac{r_3}{2_1} (K \cdot dr)_2 = \frac{r_3}{2_1} (K \cdot dr)_1 - \frac{r_3}{2_2} (K \cdot dr)_2 = \frac{r_3}{2_1} (K \cdot dr)_1 - \frac{r_3}{2_2} (K \cdot dr)_2 = \frac{r_3}{2_1} (K \cdot dr)_1 - \frac{r_3}{2_2} (K \cdot dr)_2 = \frac{r_3}{2_1} (K \cdot dr)_2 = \frac{r_3}{2_1} (K \cdot dr)_2 - \frac{r_3}{2_2} (K \cdot dr)_2 = \frac{r_3}{2_1} (K \cdot dr)_1 - \frac{r_3}{2_2} (K \cdot dr)_2 = \frac{r_3}{2_1} (K \cdot dr)_2 - \frac{r_3}{2_2} (K \cdot dr)_2 = \frac{r_3}{2_1} (K \cdot dr)_2 - \frac{r_3}{2_2} (K \cdot dr)_2 = \frac{r_3}{2_1} (K \cdot dr)_2 - \frac{r_3}{2_2} (K \cdot dr)_2 - \frac{r_3}{2$

+ ψ_2 (\mathbf{r}_2)+ ψ_2 (\mathbf{r}_2). Hier bedeutet \mathbf{v}_e die Geschwindigkeit mit welcher das Zentrum III die Grenze zwischen I und II überschreitet. Aus der Energiebeziehung folg somit die im Abstand g_4 erforderliche Anfangsgeschwindigkeit

$$v_a = \pm \sqrt{v_e^2 + 2/m_3 \cdot [\psi_2(r_1) - \psi_1(r_1) + \psi_1(g_1) - \psi_2(g_1)]}$$

..... 27a.

Diese Gleichung gilt nur dann, wenn die Anfangsvektoren $\overline{\mathcal{G}}_1$ und $\overline{\mathbf{v}}_a$ gleichgerichtet sind, so daß die Bewegung von III auf der Verbindungsstrecke s = \mathbf{r}_1 + \mathbf{r}_2 stattfindet. Die dritte Möglichkeit einer allgemein für alle Zentralkraftfelder zutreffenden Bewegung liegt vor, wenn das eine von zwei sich gegenseitig beeinflussenden Zentren eine so große kinetische Energie erhält, daß es den Wirkungsbereich des im Koordinatennullpunkt festgehaltenen zweiten Zentrums verläßt. Ist $\overline{\mathcal{G}}$ wieder der Anfangsabstand zwischen beiden Zentren, so muß die dem bewegten Zentrum erteilte kinetische Energie mit dem Energieniveau im Abstand \mathcal{G} identisch sein. Ist weiterhin m der Trägheitswiderstend des bewegten Tentrums, so ergibt sich aus $m/2 \cdot \mathbf{v}_a^2 = \psi_A$ (\mathcal{G}), die zur Überwindung des Gesamtpotentials vom Feld ψ_A im Abstand \mathcal{G} erforderliche Anfangsgeschwindigkeit zu

Die Gleichungen 26 a, 27 a und 29 sind die Grenzfälle der allgemeinen Zentralbewegung, welche in jedem Zentralkraftfeld gültig sind. Die Überwindung eines bestimmten Potentials, so wie die statisch stabile Zentralbewegung auf dem Meridian einer Niveaufläche sind allgemein gültig von der speziellen Natur unabhängige Eigenschaften jedes Zentralkraftfeldes.

Alle durch die Gleichung 18 bis 28 beschriebenen Eigenschaften sind explizite Funktionen des Fahrstrahls r. Letzterer ist aber im Falle der Zentralbewegung zeitlich variabel. Dies bedeutet aber, daß r = r (t) als Zeitfunktion darstellbar ist und daß durch explizite Bestimmung von r = r (t) und Substitution auch die Gleichungen 18 bis 28 direkt durch die Zeit t ausgedrückt werden können. Zur Bestimmung des Zusammenhanges zwischen Fahrstrahl und Zeit geht man vom zweiten Teil der Gleichung 20 a aus. Ihr reziproker Wert ist integrierbar und liefert die Umkehrfunktion t = t (r), aus welcher r = r (t) eliminiert werden kann. Der Abstand g werde zur Zeit ta durchlaufen. Es ergibt sich dann das Integral

Nach Lösung des Integrals kann hieraus der gewünschte Zusammenhang r = r (t) ermittelt werden, doch ist hierzu die Kenntnis des Feldes ψ erforderlich.

In allen Eigenschaften des Zentralkraftfeldes, welchesdurch die Gleichung 18 bis 29 beschrieben werden, tritt der Betrag des Vektorproduktes $\overline{S} \times \overline{v}_a$ auf, welches im Falle gleichgerichteter Anfangsvektoren wegen sin $(\overline{S}, \overline{v}_a) = 0$ verschwindet. Sind die Anfangsvektoren nicht gleichgerichtet sin $(\overline{S}, \overline{v}_a) \neq 0$, so kann dieser allgemeinste Fall stets auf den die Rechnungen vereinfachenden Fall orthogonaler Anfangsvektoren $A(\overline{S}, \overline{v}_a) = \pi/2$ reduziert werden. Wenn nämlich \overline{V}_1 und \overline{v}_1 gegebene, nicht gleichgerichtete, aber auch nicht orthogonale Anfangsvektoren sind, die irgendeinen gegebenen Winkel $0 < |\sin(\overline{v}_1, \overline{v}_1)| < 1$ einschließen und sind \overline{S} und \overline{v}_a die zur Bahn gehörigen orthogonalen Anfangs-

vektoren sin $(\bar{y}, \bar{v}_a) = 1$, dann muß nach Gleichung 18 stets $\bar{v}_1 \times \bar{v}_1 = \bar{y} \times \bar{v}_a$ sein, was auch für die Beträge der Vektorprodukte gilt.

$$r_1 \cdot v_1 \cdot \sin (\bar{r}_1, \bar{v}_1) = S \cdot v_a \dots 30,$$

das heißt, alle Zentralbewegungen mit nicht gleichgerichteten Anfangsvektoren – 1 \angle sin ($\bar{\mathbf{r}}_1$, $\bar{\mathbf{v}}_1$) \neq 0 \angle + 1 können auf den einfachen Fall orthogonaler Anfangsvektoren zurückgeführt werden.

Die empirische energetische Feldfunktion $r \gamma = \chi m$ M f des grævitativen Zentralkraftfeldes enthält den mikromaren Nahwirkungsfaktor f (r), der jedoch nur hypotetischen Charakter trägt. Wenn f \ddagger 1 überhaupt existiert, dann nur im Bereich der Molekularradien λ , so daß im makromaren Bereich $r \gg \lambda$ stets f =1 um so besser erfüllt ist, je größer r wird. Zumindest im makromaren Beobachtungsbereich der Planetenbahnbewegungen kann also $r \bullet V = m \cdot \mu$ mit der Gravitationsgeldquelle $\mu = \chi \ell$ M in den Aussagen der Zentralfeldtheorie verwendet werden. Mit diesem hyperbolischen Gesetz der Feldfunktion wird die Differentialgleichung der Bahn in Polarkoordinaten zu

$$\frac{d \mathbf{r}}{d \varphi} = \pm \mathbf{r} \sqrt{(\frac{7}{5} - \frac{2 \mu \mathbf{r}}{g^2 \cdot \mathbf{v}_a^2} + 1) \cdot (\mathbf{r}/g - 1)}, \mu = \beta^{\ell} M \dots$$
31.

aber auch für die Geschwindigkeiten der gravitativen Zentralbewegung ergeben sich die expliziten Ausdrücke $v=\frac{\pm}{v_a^2}-\frac{2\mu}{r\cdot Q}\cdot (r-g)$

und
$$\dot{\mathbf{r}} = \frac{1}{\mathbf{r}^2} \cdot (\mathbf{r} + g) - \frac{2 u}{\mathbf{r} \cdot g} \cdot (\mathbf{r} - g)$$
. Entspre

und für die Laufzeit $t \cdot g \cdot v_a = \int_a^a r^2 \cdot dg + t_a \cdot g \cdot v_a$

oder invers

$$\varphi = \pm \int_{g}^{r} 1/r \left[r/g - \frac{2 \mu r}{g^2 \cdot v_a^2} + 1 \right]^{-1/2} \cdot (r/-1)^{-1/2}$$

 $dr + \varphi_a$ und

 $t(t) = \frac{t}{s} \int_{0}^{r} \left[v_a^2/r^2 \cdot (r+g) - 2\mu/rg \right]^{-1/2} (r-g)^{-1/2} dr + t_a.$ In gleicher Weise folgt für die zirkuläre Geschwindigkeit längs ein nes Niveauflächenmeridians $g v_k^2 = \mu$, aber für die Fluchtge schwindigkeit, bei welcher das gravitative Feldpotential im Abstand g überwunden wird $v_p = v_k \cdot \sqrt{2}$. Die allgemeine Bahnglei chung gravitierender Massen kann mit r γ = m · μ und der komplexen Bahngleichung 21 aller Zentralbewegungen ebenfalls er mittelt werden. Nach Einführung von χe · M = μ wird unter Berücksichtigung der Orthogonalität der perizentrischen Daten 5 4 va und Benutzung von $\ddot{r} = -\ddot{r}_0 \cdot \mu/r^2$ die Komplexgleichung $(\dot{r} + i \ r \times \dot{g}) \cdot e^{i\varphi} = -\dfrac{\ddot{r}_0 \cdot \mu}{g \cdot v_a} \cdot \int_{\phi_a}^{\varphi} e^{i\varphi} \cdot d\varphi =$ = -1/1 · (\overline{B} · $e^{i\phi}$ $\stackrel{!}{=}$ \overline{C} · $e^{i\phi_{R}}$) . Zur Kürzung wurde $\overline{B} = \frac{\mathbf{r_0} \cdot \mu}{Q \cdot \mathbf{v_0}}$ eingeführt. \bar{c} e^{i ϕ a} ist eine komplexe Integrationskonstante ; da g der Betrag der Perizentrumsdistanz ist, muß der zugehörige Fahrstrahlwinkel $\varphi_a = \cancel{3} (\cancel{9}, \cancel{a}) = 0$ sein (\cancel{a} ist die Richtung der als Polarachse gewählten Kurvenachse). Als Integrationskonstante ergibt sich somit \overline{C} · $e^{i\phi}a$ = \overline{C} und die Bahngleichung nimmt damit die Form an $(\overline{r} + i \overline{r} \times \overline{\phi})$ · $e^{i\phi}$ = - 1/i · $(\overline{B} \cdot e^{i\phi} \pm \overline{C})$ Man löst mit $e^{i\phi} = \cos \phi + i \sin \phi$ auf $(\mathbf{r} \cdot \cos \phi)$ $-\overline{r} \times \overline{\phi} \cdot \sin \varphi) + i \cdot (\overline{r} \cdot \sin \varphi + \overline{r} \times \overline{\phi} \cdot \cos \varphi) =$ = $-\overline{B}$ sin ϕ - 1/i · (\overline{B} · cos ϕ $\stackrel{+}{=}$ \overline{C}) und trennt den reellen Anteil $\stackrel{+}{r}$ · cos ϕ - $\stackrel{-}{r}$ × $\stackrel{+}{\phi}$ · sin ϕ = $-\overline{B}$ · sin ϕ vom Imaginärteil $\stackrel{+}{r}$ · sin ϕ + $\stackrel{-}{r}$ × $\stackrel{+}{\phi}$ · cos ϕ = \overline{B} · • cos $\varphi \stackrel{+}{=} \overline{C}$. Aus dem Realteil wird $\stackrel{\bullet}{r} = (\overline{r} \times \varphi - \overline{B})$ • tg φ eliminiert und im Imaginärteil substituiert; $(\bar{r} \times \dot{\bar{\phi}} - \bar{B}) \cdot tg \varphi \cdot \sin \psi + \bar{r} \times \dot{\bar{\phi}} \cdot \cos \varphi =$ = B cos $\varphi \stackrel{+}{=} \overline{C}$ oder $\overline{r} \times \varphi \stackrel{\bullet}{=} \cdot (tg \varphi + ctg \varphi) =$ = \overline{B} • (tg ϕ + ctg ϕ) $\stackrel{+}{=}$ \overline{C} • sec ϕ , was nach Erweitrung und Umstellung \overline{r} \times $\overline{\phi}$ • (tg ϕ + ctg ϕ) • sin ϕ • cos ϕ = = \overline{B} • (tg φ + ctg φ) • $\sin \varphi$ • $\cos \varphi$ $\stackrel{+}{=}$ \overline{C} • $\cos \varphi$ $\overline{r} \times \overline{\phi} = \overline{B} + \overline{C} \cdot \cos \phi \text{ ergibt, da (tg } \phi + \text{ctg } \phi)$ • $\sin \phi \cdot \cos \phi = \sin^2 \phi + \cos^2 \phi = 1$ ist. Ferner $mu\beta = \overline{B}/B = 0$ = \overline{C}/C = \overline{r}_o sein . Es gilt wegen der Komplanarität aller Zentral bewegungen auch im Gravitationsfeld die Orthogonalitätsbeziehung $\vec{r} \perp \vec{\phi}$. Der Betrag der Bahngleichung ist daher $|\vec{r}| \vec{\phi} | = r \cdot \vec{\phi}$

und / $(\overline{B} \pm \overline{C} \cdot \cos \varphi)$ / = $(B \pm C \cdot \cos \varphi) \cdot (\overline{r}_0)$, also $r \cdot \varphi = B \pm C \cdot \cos \varphi$. Dies ergibt mit $\varphi = 1/r^2 \cdot S \cdot v_a$ und B = $\mu/\rho \cdot V_a$ den gesuchten Zusammenhang r = r (ϕ) in Polarkoordinaten $r = (g \cdot v_a)^2 \cdot (\mu + g \cdot v_a \cdot c \cdot \cos \phi)^{-1}$. Die Konstante C kann ebenfalls durch die perizentrischen Daten ausgedrückt werden . Sie gilt als Integrationskonstante für das Perizentrum, daher muß zu ihrer Bestimmung in der Bahngleichung r = S und $\phi = \phi_a = o$ gesetzt werden. Man erhält $\frac{1}{2} S \cdot v_a$. • $C = v_a^2$ • $S - \mu$ und damit endgültig die allgemeine Bahngleichung gravitierender Massen in Polarkoordinaten $r (\mu + (v_a^2 \cdot g - \mu) \cos \phi) = (g \cdot v_a)^2$, was aber der allgemeinen Kegelschnittgleichung r (a \pm ϵ cos ϕ) = b^* in den gleichen Polarkoordinaten mit den Achsen a und b sowie der linearen Exzentrizität & entspricht. Diese Konstanten der Kegelschnittgleichung müssen aber durch die perizentrischen Daten ${\cal S}$ und v_a , sowie die Feldquelle μ ausdrückbar sein. Zur Untersuchung dieser Bahnkonstanten a , b und & wird aus r = b2 $r = b^2$ (a $\stackrel{+}{=}$ ϵ cos φ)⁻¹ die erste Ableitung $dr/d\phi = \pm b^2 s$ sin ϕ (a $\pm s$ cos ϕ)⁻² gebildet und mit Gleichung 31 verglichen. Vor dem Vergleich wird b^2 (a + - ϵ cos ϕ)⁻² = r^2/b^2 und $\stackrel{+}{=} \varepsilon \sin \varphi = \stackrel{+}{=} \sqrt{\varepsilon^2 - \varepsilon^2 \cos^2 \varphi}$ mit $\varepsilon^2 = a^2 \stackrel{+}{=} b^2$ und $\epsilon^2 \cos^2 \phi = (b^2/r - a)^2$, also $dr/d\phi = \frac{1}{r} \cdot \frac{\sqrt{2ar} + r^2 - 1}{b^2}$ rücksichtigt. Nach dem Vergleich und Quadrierung entsteht ein Ausdruck für a dessen Summenglieder sämtlich verschwinden müssen vor denen r oder r als Faktor steht; denn die Achse a ist als Bahnkonstante von keiner Variablen abhängig. Auf diese Weise ent stehen Bedingungsgleichungen, aus denen die Bahnkonstanten in Abhängigkeit von Bahnparametern g , v_a und μ eliminierbar sind. Auf diese Weise ergibt sich a $(2 \mu/g - v_n^2) = \mu$ sowie $b \sqrt{2\mu/g} - v_a^2 = g \cdot v_a \text{ und } \varepsilon (2\mu/g - v_a^2) = g v_a^2 - \mu \cdot$ Werden diese Größen in r (a $\stackrel{+}{-}$ ε cos φ) = b^2 eingesetzt, so ergibt sich tatsächlich die aus 21 entwickelte allgemeine Bahn gleichung. Alle Gravitationsbewegungen erfolgen demnach auf komplanaren Kegelschnittlinien, welche wegen $v_p^2 = 2 \mu /g$ durch das System

 $r (a \stackrel{+}{=} \epsilon \cos \phi) = b^{2} , a (v_{p}^{2} - v_{a}^{2}) = \mu , b \cdot \sqrt{v_{p}^{2} - v_{a}^{2}} = g v_{a} ,$ $\epsilon (v_{p}^{2} - v_{a}^{2}) = g v_{a}^{2} - \mu , v_{p}^{2} = 2 v_{k}^{2} , g v_{k}^{2} = \mu ,$ $f (r) \approx 1$

beschrieben werden. Für va = vk des des zirkulären Falles wird a = b und $\varepsilon = o$, was tatsächlich das Charakteristikum einer Kreisbahn ist. Wird dagegen va = vp zur Grenzgeschwindigkeit, dann folgt die Divergenz (a , b, ε) $\longrightarrow \infty$, daßheißt, bei dieser Geschwindigkeit wird das Feld auf einer Parabel verlassen. Im offenen Intervall $\mathbf{v}_{k} < \mathbf{v}_{a} < \mathbf{v}_{p}$, also zwischen der zirkulären und parabolischen Bahn liegt eine einfach unendliche Schar von Kurven a > 0, b > 0 und $\epsilon > 0$, die nur Ellipsen und zwar transzirkuläre Ellipsen sein können. Im Fall v_a = o schlie β lich wird a = 1/2 g aber b = 0 und $\epsilon = -1/2$ g das heiβt, die Bewegung erfolgt auf einer Geraden. Im subzirkulären Intervall $o < v_a < v_k$ ist wiederum a > o, b > o> o, das heißt, diese einfach unendliche Schar von Kurven ist eine Schar Subzirkulärer Ellipsen, bei denen das transzirkuläre Perizentrum zum subzirkulären Apozentrum geworden ist, während sich ein neues subzirkuläres Perizentrum $S_b < S$ ausbildet. Damit ist das gesamte Intervall o \leq v_a \leq v_p erfa βt . Zwischen der geradlinigen Bahn v_a = o und der Zirkulären v_a = v_k , sowie zwischen dieser und der parabolischen Bahn va = vp liegt jeweils eine einfach unendliche Schar subzirkulärer, beziehungsweise transzirkulärer Ellipsen. Jenseits der parabolischen Geschwindigkeit $v_a > v_p$ schließlich wird a < o und $\varepsilon <$ o, währen< b imaginär wird. Durch diese Achsen werden aber immer Hyperbeln gekennzeichnet. Somit liegen jenseits der parabolischen Geschwindigkeit die hyperbolischen Geschwindigkeiten $v_a > v_p$, welche einfach unendliche Schar hyperbolischer Gravitationsbahnen verursachen. Auf diese Weise werden sämtliche Kegelschnittlinien als komplanare Gravitationsbahnen möglich. Energetisch erscheint die zirkuläre Bewegung zwar ats ein wie die parabolische Bewegung irrationaler Grenzfall, der aber insofern ausgezeichnet ist, als sich $\mathbf{v}_{\mathbf{k}}$ unmittelbar aus dem Extremalprinzip ergibt. Bei den transzirkulären Ellipsen ist immer die Differenz zwischen Apo- und Perizentrum mit der Niveaudifferenz identisch, welche von der Energiedifferenz zwischen gesamter kihetischer Energie und der kinetischen Energie auf der zirkulären Bahn überwunden werden kann. Entspricht diese Energie schließlich dem gesamten Gravitationspotential, dann divergiert das Apozentrum über alle Grenzen und die Ellipse öffnet sich zur Parabel, die schließlich bei steigender kinetischer Energie zu irgendeiner Hyperbel wird. Umgekehrt bedeutet aber ein Energieentzug der gravitierenden Masse eine stete Annäherung des aus dem Unendlichen kommenden Apozentrums an das Perizentrum bis die zirkuläre Bahn erreicht wird. Bei weiterer Energieabnahme und der Definition eines tieferkiegenden neuen Perizentrums läuft das Apozentrum der subzirkulären Ellipsen wiederum auf dieses neue Perizentrum, bis die tieferliegende zirkuläre Bahn erreicht worden ist, und so weiter.

Die Annäherung aller Gravitationsbahnen an die zirkuläre Bewegung bei Energieentzug der gravitierenden Masse geht darauf zurück, daβ die zirkuläre Bewegung unmittelbar aus dem Extremalprin-

zip δ $\begin{cases} t_2 \\ t_1 \end{cases}$ L d t = 0 hervorgeht und auf dem Meridian einer

Niveaufläche erfolgt. Damit drückt aber die zirkuläre Bewegung die Form der Niveauflächen aus. Wenn m « M zirkulär im Abstand r M gravitiert, welches im R_{χ} fixiert wurde und gibt es zu diesem System komplanar ein zweites Zentrum M', welches im Abstand s > r ebenfalls im R3 fixiert ist, dann muß es durch die Überlagerung der Felder von M und M. zu einer Exzentrizität der vor dem Erscheinen von M* zirkulären Bahn von m kommen, welche wieder verschwindet, wenn M. nicht mehr wirkt. Das Auftreten der Bahnexzentrizität kann aber nur bedeuten, daß die sphärischen Niveauflächen des ungestörten Gravitationsfeldes durch die Superposition eines zweiten Feldes exzentrisch deformiert werden. Weil die sphärische Fläche bei minimalem Flächeninhalt ein Volumenmaximum umschlieβt, muß jede andere geschlossene Fläche einen höheren Flächeninhadt haben, also auch die exzentrisch deformierte Niveaufläche. Heuristisch könnte vermutet werden, daβ hierauf die ponderomotorische Gravitationswirkung grad γ zurückgeht. Tatsächlich zeigt die Bahexzentrizität und die Niveauflächendeformation bei der Gravitationsfeldsuperposition, daβ die Gravitationsfelder als Strukturfelder aufzufassen sind. Die Struktur des aus M und Mo superponierten Feldes wird im Wesentlichen durch den Ab-

stand s zwischen M und M. bestimmt. Wird s spontan geändert so mu β sich auch das Superpositionsfeld von M* in Bezug auf M ändern, und dies wiederum bedeutet, daß sich sowohl die Niveauflächendeformation von M als auch die Bahnexzentrizität von m änc dert. Es muß sich also bei der Feldänderung eine gravitative Strukturstörung durch den Rz ausbreiten, für deren Ausbreitungsgeschwindigkeit c' drei Möglichkeiten offen sind. Die Gravitationsfeldstörung und damit das Gravitationsfeld kann entweder ein Fernkraftfeld c' > oder ein mit endlicher Geschwingigkeit fortschreitendes Feld sein, dessen Ausbreitungsgeschwindigkeit c'(µ) von der Massenverteilung μ abhängt oder eine Naturkonstante c'= = const ∠∞ sein kann. Es ist zu entscheiden, welcher dieser drei Fälle zutrifft. Für den Fall c' = const ∠ ∞ muβ es freie, also durch den leeren R3 fortschreitende gravitative Strukturstörungen geben und dies würde bedeuten, daß in dem durch die Gleichungen 10 und 10 a angedeuteten einheitlichen elektromagnetisch- gravitativen Induktionsgesetz keine ponderableh Massen aufzutreten brauchen. Ein derartiges einheitliches Induktionsgesetz zwischen photonischen und gravitativen Feldstrukturen müßte aber in quantisierter Form wegen der empirischen Paarbildung ponderabler Elementarkorpuskeln aus imponderabler elektromagnetischer Strahlung den analytischen Weg zum einheitlichen Spektrum aller Materiefeldquanten eröffnen. Zuvor muβ jedoch mit 10 und 10 a der empirisch implizite Quantendualismus in einer deduktiven Analyse explizit beschrieben werden, weil das einheitliche Induktionsgesetz quantisiert werden muß.

4.) Quantendualismus und Zustandsoperatoren.

Aus $E = m \cdot c^2$ mit $m = m_0(1-\beta^2)^{-1/2}$ und $E_0 = m_0 \cdot c^2$ wird $E^2 - E_0^2 = \frac{m^2 \beta^2 c^4}{1-\beta^2} = p^2 \cdot c^2$, wenn \overline{p} der gegen \widehat{A} invariante Impuls ist. A^4 ndererseits ist $E^2 - E_0^2 = \varepsilon^2$ und daher $\varepsilon = p \cdot c$ eine Energie, für welche die Quantisierung $\varepsilon = h \gamma = h \cdot c/\lambda$ gelten mu β , wenn λ eine Wellenlänge ist. Vergleich ergibt

Dieser Zusammenhang ist gegen \hat{A} invariant; denn es ist $\lambda = \lambda_0 \sqrt{1-\beta^2}$ und $p = p_0 (1-\beta^2)^{-1/2}$, was zur Invarianz $p \rightarrow p_0 \rightarrow p_0$ führt. Gleichung 33 gilt grundsätzlich für alle Materi e feldquanten, unabhängig davon, ob es sich um ruhende Quanten handelt, welche mit v < c fortschreiten oder um Photonen, für die v = c gilt. Wegen $E = m \cdot c^2$ und $E = h \gamma$ muß auch die elektromagnetische Strahlung träge Masse haben, welche quanti siert ist und diese mit c fortschreitende Materiefeldquanten sind Photonen. Gleichung 33 verknüpft zwei Größen durch h miteinander die zwei ganz verschiedene Auffassungen über die Materiefeldquanten vertreten, nämlich einen Impuls p, der eine korpuskulare Beschreibung der Quanten gestattet und eine Wellenlänge λ , welche die Beschreibung als Wellenfeld ermöglicht. Es gibt daher einen Dualismus zwischen dem Korpuskular- und dem Wellenbild der Quanten, derart, daβ beide Beschreibungsmöglichkeiten zulässig sind. Doch muβ jede der anderen Rechnung tragen, so daß Korre kturen anzubringen sind. Nach 33 gilt also für die implizite empirische Beziehung Q (p , λ) = p . λ - h . Zunächst soll eine korpuskulare Quantenbeschreibung durchgeführt werden. In einem quantenhaften Potentialfeld sollen sich l \leq i \leq N als Korpuskeln aufgefaetate Feldquanten periodisch, aber nicht notwendigerweise harmonisch bewegen, so daß dieses System N Freiheitsgrade hat. Die Grundfrequenzen seien γ und τ die zugehörigen ganzzahligen Vielfachen der Oberschwingungen, so daß sich als nichtquantisierte Superpositionsfrequenz $\mu_{\tau} = \sum_{i=1}^{N} \tau_i$ γ_i ergibt. Die γ_i (E) hängen von be stimmten Energiestufen ab; denn es gil**d** die Quantisierung ε = h γ der Energie. Die yi sind aber Frequenzen, welche Übergängen von Energieniveaus im Potentialfeld entsprechen und diese Niveauübergänge müssen quantisiert sein. Sind n, die zu jedem Freiheitsgrad gehörenden ganzen Zahlen der Quantisierung, so gilt für einen solchen Übergang unter Berüchsichtigung der Energiequantisierung h $\gamma_i = E (n_i)_1^N - E (n_i - \tau_i)_1^N = \partial E/\partial n_i$. Andererseits ist $h n_i = \phi p_i d x_i = \phi_i$, also $h n_i = n \phi_i$, was $\gamma_i = 1/h$ $\partial E/\partial n_i = \partial E/\partial \phi_i$ und sommet für die quantenhafte Frequenz superposition $\gamma_{\tau} = \Lambda_{\tau}$; E mit $\Lambda_{\tau} = \frac{N}{1-1} \tau_{i} \approx 0$ zur Folge hat. Aus der kontinuieælichen Frequenzsuperposition μ_{τ} wird durch γ_{τ} = μ_{τ} ein diskretesFrequenzsystem in Folge der

Quantisierung ausgewählt, so daß der Operator Λ_{r} ein Prinzip der durchgehenden Korrespondenz zwischen dem kontintierlichen und quantisierten Verhalten von Materiefeldquanten beschreibt. Das durch Λ_{τ} beschriebene Gesetz ist, wegen des Differentialcharakters nur eine Näherung; denn tatsächlich handelt es sich bei Quantenphänomenen stets um zahlentheoretische Funktionen ganzzahliger Indizes, so daß, wenn M = M (n,1) eine solche quantenhafte Funktion ist und für die Quantenzahlen 1 4 n 4 P beziehungsweise $1 \leq 1 \leq Q$ gilt, eine Matrixdarstellung $M = (M_{n,1})_{PQ}$ vom Rechteckstyp P · Q möglich wird. Diese Darstellung M wiederum gestattet eine Analyse darüber, ob die Mn.l stationäre Terme be schreiben, die real existieren oder ob die Mn.l Übergamgsgrößen zwischen zwei Termen darstellen. Wenn nämlich das invariante Säkularpolynom | M - A E | PO = o der charakteristischen Gleichung $\stackrel{\wedge}{M}$ - $\stackrel{\wedge}{\lambda}$ $\stackrel{\wedge}{E}$ = $\stackrel{\circ}{\circ}$ existient, so sind die Lösungen $\stackrel{\wedge}{\lambda}_n$ Eigenwerte, welche für \hat{M} die Diagonalform $\hat{\lambda} = (\delta_{n,1} \lambda_n)_{PQ}$ dieser Eigenwerte ermöglicht.

Die An als Elemente von à kennzeichnen aber die stationären Terme, so daβ λ+ δ immer bedeutet, daβ die zu M zusammengefaßten Größen immer stationäre Quantenterme beschreiben, während 🎗 = ο diese Größen als Übergangsgrößen zwischen den Termen kennzeichnen. Die Voraussetzung für 3 + 6 ist das hermitesche Verhalten M = M und für \ = 0 das antihermitesche Verhalten $\hat{M} = -\hat{M}^{\times}$. Die Momentanelongation x (t) eines im Potentialfeld periodisch unharmonisch schwingenden Materiefeldquants kann komplex mit $\omega = 2 \pi \gamma$ als Fourierreihe x (t) = ≤ a_τ e^{iτωt} der Oberschwingungen τ dargestellt werden, wobei die Amplitudensymmetrie $a_{-\tau} = a_{\tau}^{\kappa}$ gelten mu β . Die Übertragung in die quantenhaften Verhältnisse erfolgt, wenn o ebenfalls eine Oberschwingung kennzeichnet $\sigma \omega + (\tau - \sigma)\omega \rightarrow \omega_{n_{\bullet}n-\sigma}$ + $\omega_{n-\sigma,n\tau} = \omega_{nk} + \omega_{kl} = \omega_{n,l}$ wegen $\omega_{ik} \sim E_i - E_k$, das heißt, die $\omega_{\text{n.l}}$ verhalten sich wie die Elemente von $\hat{\omega}_{\text{=-}}\hat{\omega}_{\text{>-}}$ was die W_{n.1} tatsächlich als Übergangsgrößen charakterisiert. Entsprechendgilt $a_{\tau} \rightarrow a_{n,l}$ mit $\hat{a} = \hat{a}^{\star}$, was x (t) = = $\frac{1}{n_1}$ a_{nl} $e^{i\omega_{nl}}$ t mit der Symmetrieeigenschaft

i (- $\omega_{n,1}$ · $a_{n,1}$) = (i $\omega_{n,1}$ a_{n1}) \(\tau \) und aus dieser Darstellung folgt, daβ es auch x und x geben muß; denn für x folgt $\dot{x} = i \frac{1}{n,1} a_{n,1} \omega_{n,1} e^{i\omega_{n,1} t}$, wo für die Gesetze der nicht kommutativen Matrizenmultiplikation gelten. Das Korrespondenzprinzip wird durch $\phi = \phi$ pdq bestimmt. Es ist ϕ pdq $= m \phi \dot{x} dx = m \int \dot{x}^2 dt$ und $x = \xi a_{\tau} e^{i\tau \omega t}$, also $\dot{x}^2 = - \stackrel{\checkmark}{=} e^{i\tau \, \omega t} \stackrel{\checkmark}{\leq} \sigma \, \omega \cdot (\tau - \sigma) \, \omega_{\alpha \sigma} \, a_{\tau - \sigma} \, .$ eingesetzt folgt, wenn zwischen o und $2\pi/\omega$ (also die Periode) integriert wird, $\phi = m = \int_{0}^{2\pi/\omega} \dot{x}^{2} dt = -m$ • $e^{i\tau \psi t} \leq \sigma \psi (\tau - \sigma) \psi_{a_{\sigma}} a_{\tau - \sigma} dt$ • Wird die Integration durchgeführt, so zeigt sich, daβ τ² ω auftritt, was wegen τ nicht quantisierbar ist, so daß das durch φ bestimmte Korrespondenzprinzip nur in Sonderfällen exakt gültig sein kann. Das Korrespondenzprinzip beschreibt die Quanten korpuskular. Bei einer präzisen Formulierung dieses Prinzips muβ aber den nach 33 ebenfalls vorhandenen Welleneigenschaften Rechnung getrageh werden. Verlaufen die Quantenzahlen n stetig, so gilt 1/2π · dø/dn = = m ← τ d/dn (τ W/a, /²), worin der Übergang zu den Quantenstufen in der Form τ d/dn $(\tau \omega | a_{\tau}|^2) \rightarrow \omega_{n+\tau,n} | a_{n+\tau,n}|^2$ $W_{n,n-\tau} |a_{n,n-\tau}|^2$ durchgeführt werden kann, und dies sind Matrixelemente. In der Quantenform gilt dann $1/2\pi$ · Δ 0/ Δ n = $m = \frac{1}{\tau} \cdot \left[w_{n+\tau,n} \mid a_{n+\tau,n} \mid^2 - w_{n,n-\tau} \mid a_{n,n-\tau} \mid^2 \right]$ für τ = 0 oder $1/2\pi$ · $4\phi/\Delta n = -2m < w_{n,n-\tau}|^2 =$ weise $\hat{a} = \hat{a}^{\times}$ und $\hat{\omega} = -\hat{\omega}^{\times}$. Andererseits ist $\phi = nh$, also $\Delta \phi/\Delta n = h$ und mit $\hat{h} = h/2\pi$ schließlich $\hat{h} = -2 m = \frac{1}{k} \omega_{nk} |a_{nk}|^2$. Hierin ist i · m $\frac{1}{n,k}$ $\frac{1}{n,k}$ $\frac{1}{n,k}$ $\frac{1}{n,k}$ $\frac{1}{n,k}$ $\frac{1}{n,k}$ $\frac{1}{n,k}$ $\frac{1}{n,k}$ $\frac{1}{n,k}$ $\frac{1}{n,k}$ eine Koordinate. Auf jeden Fall sind p und q auch im generalisierten Fall kanenisch konjugiert. Damit wird A 6n.1 i $\stackrel{\leftarrow}{=}$ $[p_{n,k} \quad q_{k,l} - q_{n,k} \quad p_{k,l}]$ und diese Elemente können zu einer Matrix zusammengefaβt werden, wenn p und q die Matrizen der kanonischen konjugierten Größen von Impuls und Ort sind. Es ist \hat{A} \hat{E} = $i(\hat{p} \cdot \hat{q} - \hat{q} \cdot \hat{p}) = i(\hat{p} \times \hat{q})$ Wodurch Vertauschungsrelationen kanonisch konjugierter Größen gegeben sind, die das Korrespondenzprinzip präzis formulieren. Stets muß $p \neq q$ sein; denn anderenfalls gilt für den Kommutator $(p \times q) = (p \times p) = 0$, so daß für den Fall eines Freiheitsgrades die Beziehung durch i $(p \times q) = 1$ für $(p \times q) = 1$ zu ergänzen ist. Gibt es $1 \leq k$, $1 \leq N$ Freiheitsgrade, so kommutieren immer p = 1 und p = 1 für verschiedene: Freiheitsgrade, also $(p \times q) = 1$ sahrend für p = 1 keine Kommutation vorliegt, so daß $(p \times q) = 1$ während für p = 1 keine Kommutation vorliegt, so daß $(p \times q) = 1$ werden kann. Und dies wiederum sind die Elemente einer quadratischen Stufenmatrix vom Typ p = 1 so daß das Korrespondenzprinzip als Korpuskularbeschreibung der Quanten unter Berücksichtigung der Welleneigenschaften für $p \times p = 1$ Freiheitsgrade die allgemeine Form

$$i \cdot ((\hat{p}_k \times \hat{q}_k))_N = \hbar (\delta_{kl} \hat{E})_N \cdot (1 - \delta_{pd})/\hbar = h/2\pi \dots$$

einer Stufenmatrix annimmt.

Nach 33 muβ auch eine Wellenbeschreibung der Quanten möglich sein, welche durch die ebenfalls vorhandenen Korpuskulareigenschaften zu korregieren wäre, so daß eine zu 34 analoge korpuskular korrigierte Wellenbeschreibung entsteht. Wird ein Materiefeldquant als Welle aufgefaßt, so muß man , wegen seiner räumlichen Begrenzung zunächst annehmen, daß dieses Quant infolge einer Fourieranalyse als Schwebung harmonischer unbegrenzter Wellenzüge aufzufassen ist und , daß die eventuelle Relativgeschwindigkeit v des
Quants die Modulationsgeschwindigkeit der Schwebung ist. Für die
harmonische unbegrenzte Schwingung kann der komplexe Ansatz

nur ein Hauptmaximum liefert. Ist A eine Wellenlänge, so folgt aus $\omega = 2 \pi \gamma = 2 \pi c/2 = q c$ und $\varepsilon = \pm \Delta \omega = \pm q c$ im Vergleich mit $\varepsilon = p$ c die Impuhsquantisierung $\overline{p} = h \overline{q}$. Andererseits ist $\bar{p} = m \bar{v}$, so daß sich $\bar{q} = \kappa \bar{v}$ ergibt.Eingesetzt folgt also $\bar{p} = \hbar \bar{q} = \hbar \mathcal{R} \bar{v}$, also $m = \hbar \mathcal{R}$. Es gelten daher die Quantisierungen $E = \hbar \omega$, $\bar{p} = \hbar \bar{q}$ und $m = \frac{2}{\pi} \mathcal{L}$ und außerdem $\overline{q} = \mathcal{R} \overline{v}$. Nun ist aber \overline{v} die Modulationsgeschwindigkeit der Schwebung, die mit der Gruppengeschwindigkeit des Zustandes V identisch ist. Während für die Phasenge schwindigkeit $u = \omega/q$ gilt, folgt $v = d\omega/dq$, oder wegen $q = \mathcal{R} v$ auch $dW/dq = q/\mathcal{R}$, was integriert $w = w = q^2/2\mathcal{R}$ liefert. Im Sonderfall des elektromagnetischen Wellenfeldes kann $\mathbf{v} \approx \mathbf{\phi}$ mit dem Skalarpotential identifiziert werden; denn wegen $E = m c^2$ ist ϕ ein Sonderfall des allgemeinen Materiefeldes ψ . Für die Wellengleichung gilt in diesem Sonderfall div, grad, \$\phi\$ =0 mit x4 = i c t , was mit dem komplexharmonischen Ansatz $\phi = a e^{-i(\omega t - \overline{q} r)}$ tatsächlich $\omega/c - q = o$ liefert, woraus $q = 2\pi/\lambda$ folgt, was wirklich der Wellenzahl eines elektromagnetischen Wellenfeldes nach den Regeln der Optik ent spricht. Für das allgemeine Materießeld ψ gilt aber, wenn ψ_0 =0 gesetzt wird, der Zusammenhang 2 2 W - q2 = 0. Da div4 $grad_{\mu} \phi = o$ ein Sonderfall von ψ ist, muß der Operator so abgeändert werden, daß 2 2 W - q2 = o aus seiner Anwendung auf ψ entsteht. Setzt man statt div₄ grad₄ ϕ = o des elektromagnetischen Feldes 2 i \mathcal{R} ψ + div grad ψ = 0, so wird tatsächlich o = 2 i & + div grad ψ = (2 $\times \psi$ - q^2). oder 2 12 W-q² = 0, so daβ 2 i 12 + div grad ψ = 0 tatsächlich die Erweiterung von div_4 grad₄ ϕ = o ist. Offenbar ist - $i w \psi = \dot{\psi}$ und $\varepsilon \psi = \hbar w \psi = -\hbar/i \dot{\psi} =$ = i \hbar $\dot{\gamma}$ = ε ; $\dot{\gamma}$ mit dem Energieoperator ε = i \hbar .0/0 t. grad ψ = - i \hbar grad ψ = P ; ψ mit dem Impulsoperator P = - i h grad. Für Energie und Impuls gelten also diese beiden Operatoren, welche als Quantisierungsvorschriften dieser Grössen aufgefaßt werden können. Mit m = \hbar \varkappa , also $2 \chi = 2 m \hbar$ wird aus der korrigierten Wellengleichung i ψ + ħ/2m div grad ψ=0 oder i h + h /2m div grad Y = 0. Nun ist wegen P = -= - i h grad stets - h² div grad = P², so daβ sich mit den beiden Operatoren für die Wellengleichung (ϵ - $P^2/2m$); ψ = o

und wegen P^2 ; $\psi = p^2 \cdot \psi$ der Energiesatz $E - p^2/2m = 0$ ergibt. Mit $p = m \cdot v$ wird $E = m/2 v^2$, woraus folgt, daß ϵ ein Operator der kinetischen Energie ist. Wird der Wellenoperator in der Form 0/0t - i/2 2 div grad auf das Produkt v. v. angewendet und wird - $i/2\chi(-\psi \text{grad } \psi^{\chi} + \psi^{\chi} \text{grad } \psi) = \bar{J}$, so folgt o = (@ /@ t - i/2 % div grad); ~ ~ ~ ~ @ /@ t (~ ~ ~) ~ + + div I und dies ist die Kontinuitätsgleichung für eine Bichte σ ~ γ γ wenn J dem Strömungsvektor dieser Dichte proportional ist. Ψ Ψ muß somit ein Maß für die Intensität der Materiewellen, also für die Materiedichte selbst sein. Der Operator & sich Energieterme beschreiben, die einen konstanten Energieinhalt entsprechen. Aus der Wellengleichung efgab sich aber ε 🕽 \gamma = = m/2 \mathbf{v}^2 \mathbf{v} , so daß die Wellengleichung noch zu erweitern wäre. Ist U das Potential irgendeines ponderomotorischen Feldes, welches auf die Materiewelle einwirkt, so muβ für v « c der Energiesatz in der Form m/2 v^2 + U = E = const oder E -- $p^2/2m = 0$ gelten. Mit E · $\gamma = \epsilon$; γ und p = P; γ wird aus o = $(E - U - p^2/2m) \gamma = i \hbar + U \gamma + \hbar^2/2m$. • div grad ψ , was eine mit U st o korrigierte Wellenglei chung ist, welche eine Darstellung des Wellenbildes der Materiefeld quanten ist. Ahnlich wie das Korpuskularbild unanschaulich revi diert wurde (Gleichung 34) um dem Wellencharakter Rechnung zu tragen, mu β dieses Wellenbild revidiert werden, um dem Korpuskular charakter Rechnung zu tragen. Wegen o~ ~ ~ ~ wird m (~ ~ v d v die Masse einer über das Integrationsvolumen verteilten Materiewelle. Dieser Welle ist in unanschaulicher Weise aber eine Korpusku -Rechnung getragen werden kann. Diese Normierung sagt aus, daß die Korpuskel auf jeden Fall im Integrationsvolumen vorhanden ist, so daβ (γ γ d V = 1 einer zur Gewißheit gewordene Wahrscheinlichkeit entspricht, woraus folgt, daß $\psi \cdot \psi^{\kappa}$ eine Wahrscheinlichkeitsdichte angibt und γ als Wahrscheinlichkeitsfunktion das Materiefeld beschreibt. Das dem Korpuskularbild entsprechend revidierte Wellenbild der Materiefeldquanten wird also durch

beschrieben. Mit dem Ansatz $\psi = u e^{-i\omega t}$ und $\omega = E/\hbar$ geht die Wellengleichung in $E \cdot \psi - U \psi + \hbar^2/2m$ div grad $\psi = 0$,

oder nach Elimination des Zeitanteils in die räumliche Form $E u - U \cdot u + h^2/2m$ div grad u = o beziehungsweise C ; u = E u über , was aber ein Eigenwertproblem des Operators C = U - th 2/2m div grad ist. Wenn die Eigenwerte E ein diskretes Punktspektrum E, bilden, so liegen diskrete Energiestufen im Raum vor und hierfür ist die Voraussetzung i h i E 🗸 denn nur dann ist das Eigenwertproblem für die räumliche Amplitudenfunktion u definiert. Die zu den E_n gehörenden u_n sind die räumlichen Eigenfunktionen. $\int \psi \ \psi' d \ V = 1$ wird in dem Ansatz zu $\int u u^{\times} d V = 1$. Die raumzeitlichen Eigenfunktionen sind damit durch $\psi_n = u_n \exp(-i E_n t/\hbar)$ gegeben. Die Normierging $\int \psi_n \psi_n^{\chi} dV = \int u_n u_n^{\chi} dV = 1$ ist evident, doch muß für zwei verschiedene Quantenzahlen \int γ_k γ_l^{\star} . d v= $e^{-i/\hbar}$ ($E_k - E_l$) t $\int u_k u_l^{\chi} d V$ wegen $E_k - E_l \neq o$ der Faktor $\int u_k u_l^{\chi} d V$ untersucht werden. Fin die beiden verschiedenen Quantenzustände k + 1 folgt zunächst nach dem Green'schen Integral satz $\begin{cases} u_k & \text{div grad } u_1^{\times} - u_1^{\times} & \text{div grad } u_k \end{cases}$ div grad u_k) d V = = $\left(u_k \partial u_1 / \partial N - u_1^{\times} \partial u_k / \partial N\right) d$ F, wenn N die nach aussen gerichtete Normale der R umgrenzenden Fläche o ist. der ein unendlicher Integrationsraum ist, liegt auch o im Unendlichen, woraus $\frac{1}{2}$ ($u_k \partial u_1^x/\partial N - u_1^x \partial u_k/\partial N$) d F = 6 und $\int_{\mathbf{R}} (\mathbf{u}_{k} \text{ div grad } \mathbf{u}_{1}^{\times} - \mathbf{u}_{1}^{\times} \text{ div grad } \mathbf{u}_{k}) \text{ d V = 0 folgt. Einsetzen}$ von div grad $u = -2m/\hbar^2$ (E - U) u liefert dann $2m/\hbar^2$ $(E_k - E_1)$ $\int u_k u_1^{\times} d V = 0$, was wegen $E_k - E_1 \neq 0$ nur durch $\int u_k u_1^{\times} dV = o$ erfüllt sein kann. Mithin gilt allgemein $\int u_k u_l^{\times} dV = \delta_{kl}$, das heißt, die räumlichen Eigenfunktionen bilden stets ein normiertes Orthogonalsystem, was für die raumzeitlichen Eigenfunktionen seinen Ausdruck in $\left(\gamma_k \gamma_l^{\times} d \right) = \delta_{kl} e^{-i\hbar (E_k - E_l) t}$ findet.

Jede Funktion ψ kann gemäß $\psi = \frac{1}{n} c_n \psi_n$ in eine endliche oder unendliche Fourierreihe harmonischer Glieder ψ_n entwickelt werden. Beschreibt ψ einen physikalischen Zustand, also die Situation eines physikalischen Systems, so muß jeder Zustandsgröße λ ein Operator Γ zugeordnet sein, dessen Wirkung auf ψ diese Zustandsgröße liefert, so daß immer ein Eigenwertproblem

T; \ = \ \ \ durch den Zustandsoperator \ \ definiert ist. Offenbar ist der durch / beschriebene Zustand / immer dann kontinuierlich, wenn das Eigenwertspektrum von / kontinuierlich ist. doch exastieren Quantenstufeh λ_n als zahlentheoretische Funktione ganzzahliger Indizes (Quantenzahlen), wenn die Eigenwerte An von ein diskretes Punkspektrum bilden. Ein solches Punktspektrum liegt immer für Γ ; $\gamma_n = \lambda_n$ γ_n vor, das heißt die γ_n sind Eigenfunktionen der quantenhaften "ustände λ_n , also des Eigenwertspektrums von Γ , und diese γ_n müssen die harmonischen Glieder der Reihenentwicklung $\gamma = \frac{1}{n} c_n \gamma_n$ bilden. Zugleich ist $\int \gamma_m \gamma_n^{\kappa} d V = \delta_{m,n}$, also $\int \gamma \gamma^{\dagger} d V =$ $= \underbrace{\leqslant}_{m,n} c_m c_n^{\times} \int \gamma_m \gamma_n^{\times} d V = \underbrace{\leqslant}_{m,n} c_m c_n^{\times} \delta_{m,n} =$ = $\frac{1}{n} c_n \cdot c_n^{\star}$, was mit der Normierung $\int \psi \psi^{\star} d V = 1$ verglichen $\leq c_n c_n^{\kappa} = 1$ liefert, woraus folgt, daß die c_n c_n^{\times} Wahrscheinlichkeiten angeben. Wird Γ ; $\psi = \lambda \psi$ mit γ^{x} multipliziert und räumlich integriert, so folgt, wenn Γ : $\Psi_n = \lambda_n \quad \Psi_n$ ein Eigenwertproblem mit diskreten Punkt- $\stackrel{\longleftarrow}{\underset{n,n}{\longleftarrow}} c_{m}^{\times} c_{n} \int \gamma_{m} \lambda_{n} \gamma_{n} dV = \stackrel{\longleftarrow}{\underset{n,n}{\longleftarrow}} c_{m}^{\times} \lambda_{n} c_{n} \int \gamma_{m}^{\times} \gamma_{n} dV =$ die c_n · c_n^{κ} ist die Wahrscheinlichkeit der Quantenstufen λ_n , der durch Γ gegebenen Zustandsgröße ~ und f γ Γ; γd V = λ ist die mittlere Zustandsgröße, welche als makromare Zustandsgröße erscheint. Wenn die λ_n überhaupt eine physikalische Bedeutung haben sollæn müssen die $\lambda_n = \lambda_n^x$ reell sein. Allgemein gilt für die Zustandsgröße λ = χ^{\star} und χ = χ^{\star} , also χ - χ^{\star} =0. Num ist $\int \gamma (\Gamma; \gamma)^{\chi} d V = \begin{cases} \frac{1}{2} & \chi_{n}^{\chi} c_{n} c_{n}^{\chi} = \chi^{\chi}, \text{ was} \end{cases}$ in $\widetilde{\lambda} - \widetilde{\lambda}^{\times} = 0$ eingesetzt $\int (\gamma^{\times} \Gamma; \gamma - \gamma(\Gamma; \gamma)^{\times}) dV = 0$ als Bedingung für / liefert. Wenn also / eine reale physikalische Größe beschreiben soll, so muβ [hermitesch sein. Die Größe ist ferner quantisiert, wenn die Eigenwerte von 🧲 ein diskretes Punktspektrum bilden. Die Erweiterung des korpuskular korrigierten Wellenbildes ist also zusammengefaβt in

$$\Gamma : \gamma = \lambda \gamma, \Gamma : \gamma_n = \lambda_n \gamma_n \cdot \gamma = \frac{1}{n} c_n \gamma_n \cdot \gamma = \frac{1}{$$

und zwar ist diese Erweiterung eine direkte Folge der Normierung. Die Hermitezität von Γ entspricht $\widehat{M} = \widehat{M}^{\times}$ im Korpuskularbild. Sind die λ_n Energiestufen oder Impulsquanten so wird $\Gamma = \varepsilon$, beziehungsweise $\Gamma = P$ mit dem Energie- oder Impulsoperator

identisch und diese Operatoren genügen 34 b.

Wenn nach Gleichung 33 die abstrakten Revisionen 34 und 34 a den gleichen Sachverhalt beschreiben, so muß eine abstrakte Synthese zwischen beiden möglich sein. Die Matrixtheorie 34 geht vom Korpuskularbild aus. Gegeben sei ein System mit n Freiheitsgraden, welches unter Vernachlässigung der Quantenphänomene durch den kanonischen Formalismus beschrieben werden kann, das heißt, zu den l 🚄 k 🚄 n generalisierten Koordinaten q_k gehören die n kanonisch konjugierten Impulse p_k und diese 2 n Variablen bestimmen die Funktion H = H (q_k , p_k), die den Energieinhalt des ganzen Systems angibt. Die q_k und p_k können als Fourierreihen entwickelt und wegen des Quantenphänomenes durch hermitesche Matrizen dargestellt werden, welche wegen der kanonischen Konjugation nach 34 nicht komutativ sein können. $\hat{p}_k = \hat{p}_k^*$ und $q_k = q_k^{\kappa}$ gelten, weil es sich um Matrizen physikalisch realer Größen handelt und eine Transformation auf die Diagonalform möglich sein muβ. Mithin sind zwei n Matrizen gegeben, die die Funktion H in Matrixformen $\hat{H} = \hat{H} (\hat{p}_k, \hat{q}_k)_1^n$ ermöglichen, doch muß auch H = H sein, was wegen des nichtverschwindenden Komutators der Argumente eine bestimmte Reihenfolge der Argumentmatrizen voraus:_ setzt. Wegen $\hat{H} = \hat{H}^*$ muß für \hat{H} das invariante Säkularpolynom der charakteristischen Gleichung, oder aber eine Unitärtransformat tion $\hat{S} \cdot \hat{S} = \hat{E}$ existieren, welche \hat{H} gemäß \hat{S} \hat{H} $\hat{S}^{-1} = \hat{W}$ in das Diagonalschema w transformiert, das nur noch die stationären Energietherme enthält. Nach dem kanonischen Formalismus gilt

für den Energieinhalt des Systems $H = \sum_{k=1}^{n} p_k^2/2m_k + U(q_k)_1^n$. Wegen $p_k \cdot V = P_k$; V wird auch H zum Funktionaloperator nämlich $H = U - \hbar^2/2$ $\sum_{k=1}^{n} 1/m_k$ (div grad)k. Anderer seits ist $H \cdot V = E$; $V = \lambda \cdot V$, wenn die λ - Werte Eigenwerte des Energieoperators E sind, so daß die aus dem kanonischen Formalismus hervorgehende Wellengleichung zum energetischen Eigenwertproblem H; $V = \lambda \cdot V$ mit $V = U \cdot (q_k)_1^n$ -

sowohl im Strecken- als auch im Punktspektrum Parameter des quantenhaften Systems, zu denen die entsprechenden Eigenfunktionen gehören, welche ein normiertes Orthogonalsystem bilden. Bei der Korpuskularbeschreibung eines quantenhaften Systems mit n Freiheitsgraden kommt es darauf an, 2 n kanonisch konjugierte Matrizen $\hat{P}_k^* = \hat{P}_k^{**}$ und $\hat{Q}_k^* = \hat{Q}_k^{**}$ mit $1 \le k \le n$ zu finden, die i ($(\hat{P}_k^* \times \hat{Q}_k^{**})_n = \hat{A} \cdot (\delta_{kl} + \hat{S})_n (1 - \delta_{pq})$ genügen und mit der UnitäRtransformation $\hat{S} \cdot \hat{S}^* = \hat{E}$ in die Diagonalform gebracht werden können. Wegen des unutären Charakters muß \hat{S} mit der Kontragredienten identisch sein, das heißt, die Inverse muß eindeutig definiert sein, was $\hat{S} = \hat{O}$ ausschließt. Aus den 2n Matrizen ist $\hat{H} \cdot (\hat{P}_k + \hat{Q}_k)_n^n = \hat{H}^*$ so aufzubauen, \hat{A} \hat{S} eine unitäre Simultantransformation $\hat{H} \cdot (\hat{S}^{-1} \cdot \hat{P}_k^* \cdot \hat{S} \cdot \hat{S}^{-1} \cdot \hat{Q}_k^* \cdot \hat{S})_1^n = \hat{A}^{-1} \cdot \hat{A} \cdot \hat{S}^{-1} \cdot \hat{A}^{-1} \cdot \hat{$

niert worden ist. Die 🈗 sind im kontinuierlichen Zustandsraum \mathcal{L} vom Volumenelement d V = $\frac{\pi}{k}$ $\frac{\pi}{1}$ d q_k definiert, während xk = x (k) als zahlentheoretische Funktionen der n ganzzahligen Indizes aufgefaßt werden können und somit in einem dis kontinuierlichen R Z definiert sind. Im A - Raum sind dann x (k) Punkte, so daβ nicht eingach ein Uebergang von $\sum_{l=1}^{n} H_{kl} x_{l} = \lambda x_{k} \text{ nach } H ; \psi = \lambda \psi \text{ durch einen Übergen}$ Z - Raum in den A - Raum in Form einer metrischen Transformation möglich wird. Wegen 33 beschreiben aber beide Eigenwertprobleme den gleichen Sachverhalt, so daß im Limes der Übergang x 7 y durchführbar erscheint. Dann wird $\frac{1}{k} \stackrel{\text{m}}{\rightarrow} \frac{1}{1} \stackrel{\text{m}}{=} \frac{1}{1} \stackrel{\text$ und $\lim_{x \to \infty} H_{kl} = H(q_k, q_k)_1$, wobei die 2 n Variablen q_k und q_k^* den \cap - Raum durchlaufen. Damit wird $\lim_{k \to \infty} \frac{1}{k} = \lim_{k \to \infty} \frac{1$ $x = \gamma'(q_k)_1$, was für das Eigenwertproblem der Matrixtheorie das Eigenwertproblem eines Integraloperators $\int_{\Omega} H (q_k, q_k^*)_1^n \psi (q_k^*)_1^n d V^* = \lambda \psi (q_k)_1^n \text{ zur Folge}$ hat. Entsprechend wird aus H; $\psi = \lambda \psi$ des Wellenbildes. wenn $H(q_k, q_k)_1$ der Kern eines Integraloperators ist, die Beziehung H; $\psi(q_k)_1^n = \int_{\Omega} H_1(q_k, q_k^*)_1^n \psi(q_k^*)_1^n \cdot dV$. $\delta(q) = 0$ für $q \neq 0$ und $\delta(0) = 1$ kann der n - di mensionale Integraleinheitsoperator $E_{(n)} = \int_{0}^{\infty} \frac{\frac{\pi}{k}}{k-1} \delta \left(q_{k} - q_{k}^{*}\right)$. $\frac{n}{k=1}$ δ $(q_k - q_k)$ definiert werden, • () d V mit dem Kern mit dessen Hilfe der Operatorkern H des den Differentialpperator H darstellenden Integraloperators in der Form H (qk, qk) $\mathbb{I}_{k=1}$ δ $(q_k - q_k)$ dargestellt werden. Damit nimmt auch das Eigenwertproblem des Wellenbildes die $\int_{C}^{C} H(q_{k}, q_{k})_{1}^{-}$. • ψ $(q_k)_1$ d ψ = $\lambda \psi$ $(q_k)_1$ völlig analoge Form $\int_{\mathbb{R}} \mathbb{H} ; \quad \stackrel{n}{=} \delta (q_k - q_k^*) \cdot \psi (q_k^*)_1^n \cdot d V = \lambda \psi (q_k^*)_1^n \text{ an.}$

Auf diese Weise wurde mit Hilfe der Integraloperatoren das matrizen hafte Eigenwertproblem des Korpuskularbildes und das, durch einen differentiellen Funktionaloperator definierte des Wellenbildes in die formal gleiche Fassung gebracht. Eine Synthese zwischen Korpuskular- und Wellenbild wurde auf diese Weise angedeutet, doch wurde sie noch nicht vollzogen, weil der Operatorkern H den fingierten Kern des Einheitsperators enthält. Die aus den x (k) gebildeten Funktionen F_Z sind im diskontinuierlichen Z - Raum der ganzzahligen Indizes und die aus den γ gebildeten Funktionen Fo im ndimensionalen A - Kontinuum definiert. Es kommt nicht daraug an, eine metrische Transformation zwischen dem Z - und 🖊 - Raum zu finden. Vielmehr sollen Zusammenhänge zwischen den Funktionenmannigfaltigkeiten F_Z und F_A aufgefunden werden. Für die F_A im Λ - Kontinuum mu β , mindestens $\int_{\mathbb{R}} \psi \ \psi^{\times} \ d\ V \ \sim \infty$ gefordert werden, weil nur bei dieser Konvergenz die Normierung $\int_{\mathbb{R}} \psi \ \psi^{\times} \ d\ V=1$ möglich wird, nach welcher erst die Fa zu physikalischen Aussagen fähig werden. Es liegt nahe auch für die F_{Z} eine ähnliche Konvergenz $x_1^2 < \infty$ zu fordern, bei welcher $x_1 = 0$ ausgeschlossen wird, weil zu S die eindeutig Inverse existieren soll. Gilt aber diese Konvergenz $\operatorname{\mathtt{der}}$ $\operatorname{\mathtt{F}}_{\operatorname{Z}}$, so kann auch in $\operatorname{\mathtt{der}}$ $\operatorname{\mathtt{Form}}$ $x_1^2 = 1$ normiert werden und der Zusammenhang zwischen den F_Z und F_A wird durch die Limesrelation $\lim_{x \to \infty} \frac{1}{f-1} = 1$ = $\int_{\alpha} \gamma \gamma^{x} d V = 1$ evident. Hieraus folgt aber, daß die beiden n - dimensionalen Räume Z und Ω nur Trägerräume von zwei unendlichen Funktionenmannigfaltigkeiten F_Z und $F_{\mathcal{L}}$ sind, welche ihrerseits wegen der Konvergenz nur Teilmannigfaltigkeiten ein und derselben abstrakten Funktionenmannigfaltigkeit q sind. Immer dann wenn also über einen n - dimensionalen Trägerraum eine Funktionenmannigfaltigkeit $\varphi = \varphi (q_k)_1^n$ definiert ist, wobei die Koordinaten qk des Trägerraumes geheralisiert sein können und wenn die Normierung $\int_{\Lambda} \phi \cdot \phi^{\kappa} dV = 1$ mit dem Element $dV = \frac{n}{k-1} dq_{k}$ des Tpägerraumes $\mathcal A$ möglich wird, gehört die Mannigfaltigkeit ϕ zu dem allgemeinen abstrakten Funktionenraum. Wenn darüberhinaus ein hermitescher Funktionaloperator auf diese Funktionen einwirkt und ein Eigenwertproblem definiert, so kann dieser Bperator stets als Zustandsoperator die Funktion als Eigenfunktion des betreffender Zustandes und das Eigenwertspektrum als Spektrum der Quantenstufen aufgefaβt werden, wodurch irgendeine quantenhafte Situation eines Systems vollständig beschrieben wird. Die Sysnthese beider Revision nen im abstrakten Funktionenraumewird also ausgedrückt durch

reduziert werden. Ist \mathbb{Q}_k der Operator irgendeines Feldes und P_i derjenige eines kanonisch konjugierten und sind p_i beziehungsweise q_k die Zugehörigen Eigenwerte, so ist das betreffende Feld quantisiert, wenn die kanonisch konjugierten Operatoren den Bedingungen entsprechen

zeugen, den gleichen Relationen genügen. Mithin kann das Quantisierungsverfahren auf eine Analyse kannnisch konjugierter Operatoren

$$\int_{\mathcal{Q}} (\varphi^{\times}(P_{i} \downarrow Q_{k}); \varphi - \varphi (P_{i}^{\times}, Q_{k}^{\times}); \varphi^{\times}) d V = 0,$$

$$i (P_{i} \times Q_{k})_{-} = \hbar \delta_{ik} (1 - \delta_{PQ}), (P_{i}, Q_{k}); \varphi = 0$$

$$= (P_{i} Q_{k}) \varphi, \int_{\mathcal{Q}} \varphi \varphi^{\times} d V \angle \infty \dots 35a,$$

woraus auch die Quantenstufen der Zustandsgrößen ermittelt werden können. Die Wellengleichung 34 a gilt nur für o $\leq \beta \ll 1$, also für nichtrelativistische Geschwindigkeiten und kann daher nicht gegen die unitäre raumzeitliche Transformation Λ $\Lambda^{\times} = \hat{E}$

 $E^{\bullet} = \stackrel{+}{=} c \sqrt{\frac{4}{1}} \frac{p_1^2}{p_1^2}$; doch kann dieser Ausdruck nicht

radiziert werden, weil diese Operation nicht über dem zugrundegelegten komplemen algebraischen Körper durchführbar ist. Zur Linearisation hat man also zu einem anderen abstrakten algebraischen Körper überzugehen, dessen Elemente Matrizen $\hat{\alpha}_k$ sind, die so bestimmt werden müssen, daβ Ê zu diesem algebraischen Körper gehört und aus der linearisierten Form $\hat{E} \cdot E' = \frac{\pm}{c} c + \frac{4}{s-1} \hat{\alpha}_i p_i$ durch Quadratur $E^{2} = c^2$ $\stackrel{4}{\stackrel{}{\stackrel{}{=}}}$ p_{k}^{k} wird. Das bedeutet aber, da vier Glieder vorhanden sind, da β die $\hat{\alpha}_i$ mindestens vierreihig und quadratisch sind und dem Antikommutatorgesetz $(\hat{\alpha}_i \times \hat{\alpha}_k)_+$ = δ_{ik} $\stackrel{\triangle}{=}$ oder $((\hat{\alpha}_i \times \hat{\alpha}_k)_+)_4 = 2(\hat{E} \cdot \delta_{ik})_4 = 2\hat{E}(\delta_{ik})_4 =$ = 2 É genügen müssen. Die Zustandsfunktion muβ dann aber auch ein Vektorfeld sein, welches sich aus soviel Komponenten zusammensetzt, wie vom quadratischen Matrizentyp angegeben werden. Mindestend ist also $\overline{\psi} = \stackrel{4}{\underbrace{\smile}} \overline{\psi}_i$, doch kann die Zustandsfunktion auch irgendein Tensorfeld sein. Ist U irgendein Potentian, = E - U , wo E der Eigenwertparameter des Operators ε ist, während $\overline{p} = \frac{3}{p_k}$ $\overline{p_k}$ derjenige des Impulsopera-

tors ϵ ist, während $\bar{p} = \frac{3}{k=1} p_k$ derjenige des Impulsoperators \bar{p}_k tors \bar{p}_k ist. Verwendet man als neuen Operator $\bar{p}_k = \frac{3}{i=1} \hat{\alpha}_i p_k$ $\hat{\alpha}_i p_k$ $+ i \cdot \hat{\alpha}_i p_k$ +

für die vier Matrizen

$$\stackrel{\wedge}{\alpha_1} = \begin{pmatrix} 0001 \\ 0010 \\ 0100 \\ 1000 \end{pmatrix}, \quad \stackrel{\wedge}{\alpha_2} = \begin{pmatrix} 000-i \\ 00i0 \\ 0-100 \\ 1000 \end{pmatrix}, \quad \stackrel{\wedge}{\alpha_3} = \begin{pmatrix} 0010 \\ 000-1 \\ 1000 \\ 0-100 \end{pmatrix} \quad \text{und} \quad \stackrel{\wedge}{\alpha_4} \quad \begin{pmatrix} 1000 \\ 0100 \\ 000-1 \\ 000-1 \end{pmatrix}.$$

Damit nommt die linearisierte Wellengleichung die Formen an

$$\hat{E}/c \cdot (\partial/\partial t + iU/\hbar) ; \vec{\gamma} \pm \hat{\vec{\sigma}} ; \vec{\gamma} = \vec{o} ,$$

$$\hat{\vec{\nabla}} = \sum_{k=1}^{3} \hat{\alpha}_{k} \cdot \partial/\partial x_{k} + i \hat{\alpha}_{4} \cdot m_{o} c/\hbar ,$$

$$((\hat{\alpha}_{i} \times \hat{\alpha}_{k})_{+})_{4} = 2 \hat{E} , \vec{\gamma} = \sum_{i=1}^{4} \vec{\gamma}_{i} \dots 36$$

und diese linearisierte Wellengleichung umfaßt wegen der Zweideutsgeit der Linearisierung $2 \cdot 4 = 8$ Wellengleichungen, die alle gegen die raumzeitlichen Unitärtransformationen \widehat{A} invariant sind.

Mit
$$m_0 = 0$$
 und $U = 0$ wird 36 zu $E/c = \frac{3}{k=1} \alpha_k$.

 $\frac{\partial \overline{\psi}}{\partial x_k} = \overline{0}$, was für die $\overline{\psi}_i$, da die α_k bekannt sind

vier zweideutige Komponentengleichungen liefert. Nimmt man im allge meinen Fall $\overline{\psi} = \overline{D}$, + i \overline{C} , komplex an und bildet man aus den beiden viedimensionalen reellen Vektoren zwei dreidimensionale D und C und berücksichtigt man weiterhin nur den negativen Zweig, so folgt rot $\overline{C} \sim \dot{\overline{D}}$, rot $\overline{D} \sim -\dot{\overline{C}}$, div $\overline{D} = 0$ und $\operatorname{div} \ \overline{\mathbb{C}} = 0$, was mit $\overline{\mathbb{D}} = \overline{\mathbb{E}}$ und $\overline{\mathbb{C}} = \overline{\mathbb{H}}$ das elektromagnetische Induktionsgesetz im Vakuum g = o liefert, aus welchem sich div grad $(\overline{E}, \overline{H}) = 1/c^2 e^2/e^2 (\overline{E}, \overline{H})$ ergibt. Wird die zweite Gleichung mit i R multipliziert, zur ersten addiert und $\overline{\phi} = \overline{E} + i \overline{H} R$ mit $R = \sqrt{\mu_0/\epsilon_0}$ eingeführt (Raumwellenwiderstand), so folgt div grad $\overline{\varphi} = \overline{\varphi/c^2}$, was aber die Grund gleichung der Wellenoptik ist, welche wegen ihrer Vektornathr auch Polarisationsphänomene umachlieβt, im Gegensatz zur Skalargleichung div grad V = V/c , die sich aus der gegen A invariant gemad ten Gleichung 34 a ergibt. Dies bedeutet, daβ 36 einen höheren Aussagewert als 34 a hat. 36 kann noch erweitert werden, wenn U zu U' und \bar{p} zu \bar{p} ' durch ein elektrostatisches Potential - V_{\perp} und einen elektromagnetischen Strahlungsimpuls pe gemäß ulud proposential \overline{A} , und \overline{p} = \overline{p} + \overline{p}_e erganzt werden. Mit dem Vektorpotential \overline{A} , welches mit \overline{H} im Zusammenhang \overline{H} = rot \overline{A} , steht, wird \overline{p}_e = $\mu_0 = \overline{A}$, $q = \mu_0 = \overline{A}$ mit $\overline{A} = q \overline{A}$, und der Ladung q. Gleichung 36 wird unter Berücksichtigung dieser Beziehungen zu

$$\hat{\Sigma} : \overline{\gamma} = \hat{\Delta} : \overline{\gamma} = \overline{0} , \hat{\Sigma} = \hat{E}/c \quad (0/0 t - U/h + V/h),$$

$$\hat{\nabla} = \underbrace{3}_{k=1} \hat{\alpha}_{k} \quad (0/0 x_{k} + \mu_{0} A_{k}/h) + i \hat{\alpha}_{4} m_{0} c/h \dots 36a$$

erweitert. Eine Iteration zweiten Grades von 36 a kann mit $\hat{D} = \hat{\epsilon} \stackrel{+}{=} \hat{\varphi}$ durch Bildung von $(\hat{D}; \overline{\psi})$ $(\hat{D}; \overline{\psi})^{\times} = \hat{D}; \hat{D}^{\times}; \overline{\psi} = \bar{0}$ also durch Bildung des Operators $(\hat{\epsilon} \stackrel{+}{=} \hat{\varphi})$; $(\hat{\epsilon} \stackrel{+}{=} \hat{\varphi})^{\times}$ durchgeführt werden, dessen Einwirkung auf $\overline{\psi}$ zum Nullvektor wird. Das Ergebnis dieser Iteration ist dann

Die σ_k sind dabei die Spinmatrizen der drei Raumrichtungen, welcht zu $\hat{\sigma}$ superponieren. Die ersten Glieder von 36 b sind mit der gegen \hat{A} invarianten Form von 34 a identisch, doch hat 36 b wie auch 36 a einen wesentlich höheren physikalischen Aussagewert. Die Gleichung 36 und 36 b können immer dann als quantenhafte Operatorgleichungen aufgefaßt werden, wenn die Mannigfaltigkeit der komplexen Vektorfunktionen $\hat{\gamma} = \frac{4}{k=1}$ $\hat{\gamma}_k$ zum abstrakten Funktio-

nenraum gehören , das heißt, wenn unter Voraussetzung der Orthogonalität ψ_i $\psi_k \sim \delta_{ik}$ das Produkt ψ_i $\psi_k \sim \delta_{ik}$ in der Form $\int_{i} \overline{\psi_i} \psi_k = 1$ normiert, also $\psi_i = 1$ als Wahrscheinlichkeitsdichte gedeutet werden kann. Hierfür ist zunächst der Nachweis der zeitlichen Konstanz $\psi_i = 1$ const (t) notwendig. Die iterierte Form $v_i = 1$ $v_i = 1$ $v_i = 1$ liefert vier komplexe Gleichungen $v_i = 1$ beziehungsweise $v_i = 1$ und

demit $f_k \psi_k^{\times} + f_k^{\times} \psi_k = 0$ oder

Das Äquivalent lo wurde aus dem elektromagnetischen Induktionsgesetz und den mechanischen Begriffsbildungen entwickelt, so daß diese Beziehung bereits eine Verknüpfung des Energiebegriffes mit der allgemeinen Trägheit (m) darstellt, die ein Maß der allgemeinen Gravitation ist. Anwendung des Quantenprinzips auf lo wiederum liefert den Quantendualismus der in letzter Konsequenz die allgemeine Operatorgleichung 36 ergab, die einen höheren Aussagewert als das von ihb implizitzte elektromagnetische Induktionsgesetz besitzt. Dies bedeutet aber, daß von den drei Fällen die Ausbreitungsgeschwindigkeit gravitativer Feldstbungen von vornherein c' (μ) $< \infty$ ausfällt, so daß nur noch c' $\rightarrow \infty$ und c' = const $< \infty$ in Erwägung gezogen werden muß, wo aber c' $\rightarrow \infty$ als sehr unwahrscheinlich anzusehen ist.

5.) Quantisierte kanonische

Feldmechanik.

Alle Naturvorgänge, die sich im Raum und Zeit abspielen, müssen dem Prinzip δ $\int_{t_1}^{t_2}$ L d t = o mit L = \int L d V genüsen, wonach stets die Aktion minimal bleibt. Ist L bekannt, so

können aus L ein kanonischer Formalismus und damit kanonische Feldgleichungen entwickelt werden, welche den $1\leq i$, $k\leq n$ Freiheitsgraden des Systems entsprechend n Feldfunktionen ψ_k mit den zugehörigen kanonisch konjugierten Feldern π_i in Relation setzen. Das energetische Verhalten des Systems wird vollständig durch die Funktion H beschrieben. Diese kanonische Feldmechanik ist quantisierbar, wenn den Größen π_i , ψ_k , H und L hermitesche Operatoren P_i ; $\phi=\pi_i\cdot\phi$, Q_k ; $\phi=\psi_k$, ϕ , so wie \wedge ; ϕ = L ϕ und H ; ϕ = λ ϕ zugeordnet werden, die alle den Bedingungen 35 a zu genügen haben. Insbesondere müssen für die kanonasch konjugierten Operatoren P_i und Q_k Vertauschungsrelationen erfüllt sein. Der hermitesche Operator H wiederum kann aus den 2 n kanonisch konjugierten Operatoren und \wedge gemäß H = $\frac{1}{j=1}$ P_j ; Q_j - \wedge aufgebaut werden. Die Quantisierung des kanonischen Formalismus wird alsom mit

durchgeführt, wenn 35 a verwendet wird. Im Zellenbild δ $V_{(s)}$ gilt i $(\pi_{(s)j} (s^*)j^*)_- = \hbar \delta_{jj} \delta_{ss^*}/\delta V_{(s)} (1-\delta_{\pi})$ oder mit $\mathcal{X}_{(s)j} = \mathcal{X}_j (V)$ und $\delta_{ss^*}/\delta V_{(s)} = \delta (V, V^*)$ auch i $(\pi_j(V) \times V_j, (V^*))_- = \hbar \delta_{jj}, \delta (V, V^*) \cdot (1-\delta_{\pi V})$. Beim Übergang zum Feldkontinuum δ $V_{(s)} \longrightarrow 0$ wird 1 i m $\delta(V,V^*)_* \delta V_{(s)} \longrightarrow 0$ $\delta (V - V^*)$ und aus $\int \delta (V, V^*) \cdot dV = 1$ beziehungsweise $\int f \delta (V_j V^*) dV = f$ wird $\int \delta (V - V^*) dV = 1$ und $\int f (V) \delta (V - V^*) dV = f (V^*)$, so daß aus dem Kommutatorgesetz der kanonisch konjugierten Operatoren

i (P_j (V) × Q_j, (V*))₋ \hbar δ_{jj} , δ (V-V*) ϵ (1- δ_{PQ})

wird, wobei δ (V-V') die räumliche δ - Funktion ist. Voraussetzung für 37 a ist die zeitliche Konstanz der Operatoren. Sind die Q_j

linear von t abhängig, so gilt 37 a für Q_j und hieraus kann $H = \int_{j=1}^{n} P_j$; $Q_j - \bigwedge$ gebildet werden. Wegen der Operatoreigenschaft von H wird $H = \int_{j=1}^{n} H_j$ () d V zum Integraloperator, der hermitesch sein muß, was durch Symmetrisierung erreichbar ist. Nach dem kanonischen Formalismus gilt $Q_j = \frac{\partial H}{\partial p_j}$ und $P_j = \frac{\partial H}{\partial p_j}$ und $P_j = \frac{\partial H}{\partial p_j}$ Andererseits ist aber $\frac{\partial H}{\partial p_j}$ = $\frac{\partial H}{\partial p_j}$, so daß allgemein, wenn f irgendein von den 2 n variablen p_j und p_j abhängige Funktion ist, die t nicht explizit enthält, i $(H \times f)$ = f f oder wenn die f Eigenwerte eines Operators f sind, ergibt sich der Operatorzusammenhang

$$i (\underline{H} \times \phi)_{\underline{}} = \hat{h} \phi , \phi = \phi (P_{j}, Q_{j})_{1}^{n} ,$$

$$\underline{H} = \underbrace{\frac{n}{j=1}}_{j=1} \int P_{j} ; Q_{j} ; () d V - \int \wedge ; () d V \dots 37b,$$

was zusammen mit 37 a und 37 die quantisierten kanonischen Feldgleichungen liefert.

In der nicht quantisierten Theorie ist $\underline{H}=\int H \ d \ V \ der$ Energieinhalt des gesamten Systems, also $\underline{H}=d\underline{H}/dV$ die Energiedichte, für welche $d\underline{H}/dt=o$, also $\underline{H}+div\ \overline{S}=o$ mit der Energieströmung \overline{S} gelten muß. Für \underline{H} folgt wegen

$$H = \sum_{j=1}^{n} \pi_{j} \quad \dot{\gamma}_{j} - L \quad \text{und} \quad \pi_{j} = \partial L/\partial \dot{\gamma}_{j} \quad \text{die Beziehung}$$

$$\partial H/\partial t = \sum_{j=1}^{n} \left\{ \dot{\gamma}_{j} \quad \partial/\partial t \quad \partial L/\partial \dot{\gamma}_{j} + \ddot{\gamma}_{j} \cdot \partial L/\partial \dot{\gamma}_{j} - (\dot{\gamma}_{j} \quad \partial L/\partial \dot{\gamma}_{j} + \ddot{\gamma}_{j} \quad \partial L/\partial \dot{\gamma}_{j} + \ddot{\gamma}_{k=1} \quad \partial \dot{\gamma}_{j}/\partial x_{k} \cdot \frac{\partial L}{\partial \dot{\gamma}_{k}} \right\}$$

$$- (\dot{\gamma}_{j} \quad \partial L/\partial \dot{\gamma}_{j} + \ddot{\gamma}_{j} \quad \partial L/\partial \dot{\gamma}_{j} + \frac{\dot{\zeta}_{k}}{k=1} \quad \partial \dot{\gamma}_{j}/\partial x_{k} \cdot \frac{\partial L}{\partial \dot{\gamma}_{k}} \right\}$$

oder mit dem Gleichungen der kanonischen Feldmechanik

Somit wird
$$\dot{H}$$
 + div \bar{S} = 0 mit S_k = $\int_{j=1}^{n} \psi_j \frac{\partial L}{\partial \psi_j}$

erfüllt. Neben H kann eine Impulsdichte $\overline{G}=d\overline{G}/dV$ des Gesamt-impulses \overline{G} definiert werden, für die $\overline{G}+\overline{div}$ \overline{v} = \overline{o} mit dem räumlichen Spannungstensor \overline{v} der Impulsströmung gelten muß. Mit diesen Größen wiederum kann , wenn $x_4=i$ c t ist, ein raumzeitlicher Energiedichtetensor \overline{v} aufgebaut werden, dessen Raumkomponenten \overline{v} bilden, während \overline{v} = \overline{v} H und \overline{v} = \overline{v} bilden, während \overline{v} = \overline{v} H und \overline{v} = \overline{v} sowie \overline{v} = \overline{v} c \overline{v} sind. Für diesen Tensor gilt das speziell relativistische Gesetz \overline{div} = \overline{v} , dessen Realteil den Impulssatz und dessen Imaginärteil den Energiesatz liefert. Man hat also zusammengefaßt

$$\frac{\overline{\operatorname{div}}_{4}}{\overline{\operatorname{T}}} = \overline{o}, \quad \left[T_{ik}\right]_{3} = {}^{2}\overline{\tau}, \quad T_{44} = -H,$$

$$T_{4k} = i/c \quad S_{k}, \quad T_{4,k}^{\times} = i \quad c \quad G_{k}, \quad \overline{G} + \overline{\operatorname{div}} \quad {}^{2}\overline{\tau} = \overline{o},$$

$$S_{k} = \int_{j=1}^{n} \psi_{j} \frac{OL}{Ov_{j}} \dots 38.$$

Werden die nicht quantisierten kanonischen Feldgleichungen angewendet, so ergibt sich für die $T_{u\gamma}$ die Darstellungsmöglichkeite

 $\overline{G} = \int_{J=1}^{n} \pi_{j} \operatorname{grad} \ \psi_{j} \ , \ \text{weil sonst die Spaltung von } \overline{\operatorname{div}}_{4} \ ^{2}\overline{T} = \overline{o}$ in Real- und Imaginärteil nicht die Erhaltungssätze liefert. $T_{\mu\gamma}$ ist nicht die einzige mögliche Darstellungsweise von $^{2}\overline{T} \ , \ \operatorname{die}$ $\overline{\operatorname{div}}_{4} \ ^{2}\overline{T} = \overline{o} \ \operatorname{ermöglicht}. \text{Sind } M_{\mu\gamma\gamma}, = T_{\mu\gamma} \ x_{\gamma}, - T_{\mu\gamma}, \ x_{\gamma}$ die Komponenten des antihermiteschen Drehimpulstensors $^{3}\overline{M} \ , \ \operatorname{so}$ gilt $\overline{\operatorname{div}}_{4} \ ^{3}\overline{M} = {}^{2}\overline{T} - {}^{2}\overline{T}^{\times} \ , \ \operatorname{das\ heißt}, \ \overline{\operatorname{div}}_{4} \ ^{3}\overline{M} = {}^{2}\overline{o} \ \text{wird}$ nur für $^{2}\overline{T} = {}^{2}\overline{T}^{\times} \operatorname{möglich}, \ \operatorname{doch\ ist} \ ^{2}\overline{T} = {}^{2}\overline{T}^{\times} \operatorname{kein\ Kriterium}$ für $^{2}\overline{T} \ ; \ \operatorname{denn\ auch\ für} \ ^{2}\overline{T} \ \neq \ ^{2}\overline{T}^{\times} \operatorname{ist\ } \overline{\operatorname{div}}_{4} \ ^{2}\overline{T} = \overline{o} \ \operatorname{erf\"{uilbar}}.$ Immer dann, wenn keine Wechselwirkung des Feldes mit irgendwelchen Fremdfeldern vorliegt, ist L nur von den $\psi_{j} \ \text{ und\ ihren\ ersten}$

Ableitungen nach Raum und Zeit abhängig. Tritt dagegen noch ein solches Fremdfeld auf, so ist L auch noch explizit von den Raumzeitkoordinaten abhängig und dann wird div4 T = grad4 L + und dieses Gestz ist offenbar allgemein gültiger als div4 T = 0. Die Aussagen über den raumzeitlichen gegen A invarianten Energiedichtetensor sind also zu ergänzen durch

 $\overline{\text{div}}_{4}$ $^{2}\overline{\text{T}} = \text{grad}_{4} \text{L}$, $\overline{\text{div}}_{4}$ $^{3}\overline{\text{M}} = ^{2}\overline{\text{T}}_{-}^{2}\overline{\text{T}}_{+}^{\times} \text{grad}_{4} \text{L} = \overline{\text{o}}$,

$$T_{\mu\gamma} = -\frac{\sum_{j=1}^{n} \frac{\partial \psi_{j}}{\partial x_{\gamma}}}{\sum_{j=1}^{n} \frac{\partial L}{\partial \psi_{j}}} + L \delta_{\mu\gamma},$$

$$\overline{G} = \frac{\sum_{j=1}^{n} \pi_{j}}{\sum_{j=1}^{n} \pi_{j}} \cdot \operatorname{grad} \psi_{j}$$

Die Erhaltung des Drehimpulses div4 'M = o kann stets durch die Hermitesierung von \overline{T} \neq \overline{T} , also durch Zufügung additiver Glieder erzwungen werden, weshalb 2 T auch als kanonischer Energietensor bezeichnet wird. Seine Symmetrieeigenschaften werden durch die in L zum Ausdruck gebrachten Invarianzeigenschaften bestimmt. Zur Quantisierung von 38 und 38a wird 35a und i $(\underline{H} \times \phi) = - \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ verwendet. Es ist $\underline{H} = i \hbar (\underline{H} \times \underline{H}) = 0$ und $\underline{\overline{G}} = i \hbar (\underline{H} \times \underline{\overline{G}}) = \overline{0}$, aber $\underline{H} \cdot \underline{h} = i (\underline{H} \times \underline{H}) = -\hbar$ div $\underline{\overline{S}}$ und $\hbar \cdot \underline{\overline{G}} = i (\underline{H} \times \underline{\overline{G}}) = -$ =- \hbar div $^2\tau$. Hieraus werden die $T_{\mu\gamma}$ gebildet, so daß auch diese dem Komutatorgesetz zu genügen haben. Andererseits sind die Tuy durch die π_j , γ_j und L gegeben, die aber Eigenwerte hermitescher Operatoren sind, so daß T_{uy} Funktionalpperatoren sind, die im Sinne der Operatortheorie hermitesiert werden müssen. 2T ist somit ein tensorieller Funktionalpperator, für den das Quantisierungsgesetz

wenn 2 T als hermitescher tensorieller Funktionaloperator nicht explizit von t abhängt. Liegt trotzdem eine solche explizite Abhängigkeit vor, so muß, wenn es sich im allgemeinen um einen hermiteschen Operator C handelt, die imaginäre Koordinate x_{4} = ict eingefügt werden, derart, daβ x4 wegen der Invarianz gegen 🏠 keine Sonderstellung gegen die übrigen Raumkoordinaten \mathbf{x}_k ein -

nimmt, denn wegen A sind alle vier Raumkoordinaten gleichbetechtigt, aber nicht notwendig vertauschbar. Mit einem Raumzeitelement

i
$$(C_k (V,t) C_1^* (V,t))_{-} = \frac{1}{\hbar} \delta (\Omega - \Omega_1) \cdot \delta_{kl} (1 - \delta_{CC}),$$

 $\delta \int_{\Omega} L \cdot d\Omega = 0, d\Omega \sim \prod_{k=1}^{4} dx_k \dots 39a.$

Sind im kanonischen Formalismus die $\psi_{i} \sim \psi_{j} + i \psi_{j}$ komplex, so ist L nicht aus den n Funktionen ψ_{j} , sondern aus den 2 n komplexen Funktionen ψ_{j} und ψ_{j}^{\times} zu bilden. Sonst ändert sich an dem Formalismus nichts. Ist n=1, so daß nur ψ und ψ_{i}^{\times} ψ vorhanden sind, so kann mit der reellen Phasenkonstanten $\alpha = \alpha^{\times}$ die Lichtransformation $\psi = \psi \cdot e^{i\alpha}$, beziehungsweise $\psi^{\times} = \psi^{\times} e^{-i\alpha}$ durchgeführt werden und es zeigt sich, daß ^{2}T gegen diese Transformationen $e^{\pm i\alpha}$ invariant bleibt. Mit $\epsilon \neq \epsilon$ = const und den Funktionen ψ beziehungsweise ψ^{\times} kann dann eine skalare Größe β und ein Vektor ϵ ψ definiert werden, daß beide Größen für $\psi = \psi^{\times}$ verschwinden und δ + div ϵ die Infinitesimaländerung von L mit α angibt. Aus ψ , ψ^{\times} und ϵ können die Größen β und ϵ nur in einer einzigen Weise aufgebaut werden, die den Forderungen entspricht, nämlich

$$S = -i \varepsilon (\pi \gamma - \pi^* \gamma^*),$$

$$S_k = -i \varepsilon (\frac{\partial L}{\partial \gamma} \gamma - \frac{\partial L}{\partial x_k} \gamma^*),$$

$$\varepsilon = \varepsilon^* = \text{const.}$$

$$40.$$

Tatsächlich folgt daraus
$$\mathring{S}$$
 + div \overline{S} = -i ε (L/ + $\frac{3}{k=1}$ $\frac{\partial L}{\partial x_k}$ * $\frac{\partial V}{\partial x_k}$ * $\frac{\partial V}{\partial$

-
$$(\partial L/\partial \psi^{\times} \psi^{\times} + \frac{3}{k=1} \cdot \frac{\partial L}{\partial \psi^{\times}} \cdot \partial \psi \partial x_{k} + \frac{3}{k=1} \cdot \frac{\partial L}{\partial x_{k}} \cdot \partial \psi \partial x_{k} + \frac{3}{k=1} \cdot \frac{\partial L}{\partial x_{k}} \cdot \partial \psi \partial x_{k} + \frac{3}{k=1} \cdot \frac{\partial L}{\partial x_{k}} \cdot \partial \psi \partial x_{k} + \frac{3}{k=1} \cdot \partial x_{k} + \partial x_{k} + \frac{3}{k=1} \cdot \partial x_{k} + \frac{3}{k=1} \cdot \partial x_{k} + \frac{3}{k=1} \cdot \partial x_{k} + \frac{3}{k=1}$$

+ $OL/O\psi^{\times}$ ψ^{\times}) $\}$ = $dL/d\alpha$. Nun ist aber L gegen $e^{\pm i\alpha}$ invariant, was $dL/d\alpha = o$, also \circ + div $\overline{s} = o$ zur Folge hat. Die in 40 aufgebauten Größen stehen also durch eine Kontinuitätsgleichung im Zudammenhang. Tatsächlich wird \circ = o und $\overline{s} = \overline{o}$ für $\psi = \psi^{\times}$. Mit $x_4 = ict$ wird \circ = ic os/ox_4 und man kann $s_4 = ic$ \circ als zeitartige Komponente einführen, so $da\beta$ $\overline{s} = \overline{s} + ic$ \overline{e}_4 \circ und aus \circ + div $\overline{s} = o$ die Beziehung div_4 $\overline{s} = o$ wird. Bei der Quantisierung sind \circ und \overline{s} , so wie die \circ als hermitesche Operatoren aufzufassen. Es gilt $i(\underline{H} \times \underline{S}) = \hbar$ \circ = $-\hbar$ div \overline{s} , das heißt

Ist n 7 1, das heißt, hängt L von n Funktionen $\psi_j + \psi_j$ ab, so ändert sich an dem Formalismus 40 nichts. g und \bar{s} verhalten sich wie elektrische Ladungsdichten und Stromdichte, so daß es nahe liegt, elektrisch geladene Materiefeldquanten durch $\psi_j + \psi_j^{\chi}$ und neutrale durch $\psi_j = \psi_j^{\chi}$ zu beschreiben. Im allgemeinsten Fall sind die ψ_j nicht nur skalar, sondern können Tensorfelder beliebigen Grades sein. Es kann aber der Formalismus ohne weiteres auf diese beliebigen Tensorfelder erweitert werden.

 $\bar{f} = rot_4 \sqrt{\gamma}$ ist, so folgt entsprechend

$$T_{\mu\gamma} = \begin{cases} f_{\mu\beta} & (\bar{\psi}^{\times}) & f_{\gamma\beta} + f_{\gamma\beta} & (\bar{\psi}^{\times}) & f_{\mu\beta} \end{pmatrix} + \\ + \mu^{2} & (\psi^{\times}_{\mu} & \psi_{\gamma} + \psi^{\times}_{\gamma} & \psi_{\mu}) + L \delta_{\mu\gamma} & \text{Im all gemeinen ist} \end{cases}$$

 ${}^{2}\overline{T} = {}^{2}\overline{T} \times nur$ für skalare Ψ erfüllt, während für Vektorfunktion nen stets ${}^{2}\overline{T} \neq {}^{2}\overline{T} \times gilt$, doch kann durch additive Glieder hermitesiert werden.

6.) Evolution der Populationen im variablen Biotop.

Nach der deduktiven analytischen Untersuchung der empirischen Aussagen α, β und δ der phänomenologischen Induktion ist noch die Analyse der Aussage μ in Bezug auf lebende Organismen offen. Von allen in B IV untersuchten Eigenschaften der Organismen enthält μ diejenigen, die nicht nur universell allen Organismenarten zukommen, sondern darüberhinaus analytisch über dem Quantitätsaspekt erfaßbar sind. Eine Deduktion von μ muß also aufzeigen, bis zu welchem Grade die Organismen im Quantitätsaspekt hinsichtlich des elementaren Lebensprozesses beschreibbar sind und welche Methodik zur vollständigen Beschreibung dieses Elementarprozesses des Lebens jenseits des Quantitätsaspektes zu konzipieren ist.

Die phänomenologisch induktime Aussage μ enthält vier analytisch faβbare Aussagen über den elementaren Lebensprozeβ:

- a) Die empirisch als hierarchisch geschichtete Wirkungsgefüge definierten Organismen reduplizieren identisch, das heißt, eine Fortpflanzungseinheit aus q ≥ 1 Individuen produziert p > 0
 Organismen der gleichen Art, von denen Z ≤ p nicht zur Fortpflanzung kommen. Die identische Reduplikation ist nur innerhalb einer Organismenart möglich.
- b) Längs der Phylogenese kommt es zu exogenen, endogenen und spontanen mikromutationen (x, y, z) des genetischen Informationsmusters, deren Änderung mit der Zeit t die Mutationsbewegung $u = \dot{x} + \dot{y} + \dot{z} = \text{const}(t)$ längs der Typostase kennzeichnet.
- c) Die Typoklinencharakteristik v (t) (Evolutionsgeschwindigkeit) ist nach 45 B IV 3 während der Typogenese und Typolyse nicht linear, so daβ Evolution- und Mutationsbewegung nicht identisch sind.
- d) Auf der Typokline gibt es keine singulären Unendlichkeitsstellen

Zunächst kann versucht werden, aus a eine die Population charakterisierende Zustandsgröße zu zu entwickeln, in welcher jedoch die Anfangspopulation A 👱 q zur Zeit t = o im Biotop B, sowie Generationsziffer n nicht enthalten sein dürfen. Die Anfangsbesetzung von B ist Q = A. Kommen als kennzeichnende Größender Organismenart im Mittel $N = p - Z \ge o$ Organismen in jeder Generation zur Fortpflanzung, dann ist B in der ersten Generation mit $Q_1 = A \cdot N/q$, in der zweiten Genration mit $Q_2 = A (N/q)^{\frac{1}{2}}$ und in der Dritten mit $Q_3 = A (N/q)^3$ Organismen der diskutierten Art besetzt. Anwendung des vollständigen Induktionsschlusses liefert für die Generation n die Besetzung $Q_n = A \cdot (N/q)^n$. Da hierin A als Faktor und n als Potenz auftritt, ist Q_n noch keine zur allgemeinen Analyse geeignete Zustandsgröße. Ist log irgendein Logarithmus zu einer Basis b, dann kann $\phi_n = \log Q_n = n \log (N/q) + \log A$ gewählt werden; denn für den Übergang von n-1 nach n ergibt sich ein Ausdruck $\phi = \phi_n - \phi_{n-1} = \log (N/q)$, welcher A und n nicht mehr enthält, so daβ φ eine geeignete Zustandsgröße der Organismenart hinsichtlich ihrer sexuellen Entfaltung ist. Zur Interpretation muβ berücksichtigt werden, daß N/p = 1 - Z/p = = w 4 1 eine Fortpflanzungswahrscheinlichkeit darstellt, während q/p = w die Ursprungswahrscheinlichkeit dafür ist, daβ die Fortpflanzungseinheit p Organismen produziert. Zum einen ist also N/q = w/w ein Wahrscheinlichkeitsverhältnis, und zum anderen kann jeder Logarithmus zur Basis b durch einen Modul β (b) $gemä\beta$ log = β · ln auf den Logarithmusnaturalis reduziert werden, sc daß die Zustandsgröße zu $\phi = \beta \cdot ln (w/w_0)$ wird. Da es sich bei der Population eines Biotop stets um eine statistische Masse handelt, und alle Größen statistischer Natur sein müssen, kann nach C I 2 aus 1 n (w/wo) eine den Fortpflanzungswahrschein lichkeiten entsprechende Sexualentropie definiert werden, deren Differenz S \sim 1 n (w/w_o) den Übergang von n - 1 nach n kennzeichnet. Dies bedeutet aber, da β ϕ = β α S mit dem Proportionalitätsfaktor a > o einer Differenz der Sexualentropie zwischen zwei aufeinanderfolgenden Generationen entspricht. In l n $(w/w_0) = \alpha$ S ist das Wahrscheinlichkeitsverhältnis $\gamma = w/w_0 = p/q - Z/q = \omega - \eta$ mit $\omega = p/q$ und $\eta = Z/q$ eine weitere Zustandsgröße der Organismenart, welche wegen

 $\gamma = \omega - \eta$ binären Charakter trägt und den Organismus als Doppelsystem kennzeichnet, welches trotz seiner Labilitär existiert. Es ist nämlich $\omega = p/q$ ein Maß sexueller Vitalität, also der Quantität, während $\eta = Z/q$ als Maß der Mortalität die Qualität angibt, so daß die Binärgröße $\gamma = \omega - \eta$ Quantität und Qualität der Organismenart darstellt. Wegen $\gamma = w/w$ folgt für den Zusammenhang zwischen dieser Quantität und Quantität darstellenden Binärgröße und der Sexualentropie $1 \text{ n} \gamma = \alpha$ S mit dem Parameter $\alpha > 0$ der betreffenden Organismenart.

Wegen der Stabilitätstendenz aller Organismen wird das genetische Informationsmuster hereditär zeitlich durch die Generationskette der Phylogenese getragen. Nach der Aussage b aus ak kann dieses Informationsmuster Mikromutationen erfahren, derart, daß der statistische Trent der Mutationsbewegung $\mu = x + \dot{y} + \dot{z} = const(t)$ verläuft. Nach der paläonthologischen Aussage c gilt aber für den statistischen Trent der Evolutionsgeschwindigkeit v (t) = μ + q (t) # µ insbesondere, wähnend der Typogenese und Typolyse. Der Mcdulationsterm q kenn zweifellos in drei Anteile, nämlich einen biotopischen (q_x) , einen organisch strukturierten (q_y) und in einen thermischatomistischen Anteil $q_{_{\rm Z}}$ gespalten werden, von denen jeder gemäß $\mathbf{v} = \dot{\mathbf{x}} + \dot{\mathbf{y}} + \dot{\mathbf{z}} + \mathbf{q} = (\dot{\mathbf{x}} + \mathbf{q}_{\mathbf{x}}) +$ + $(\dot{y}$ + $q_y)$ + $(\dot{z}$ + $q_z)$ mit der entsprechenden genetischen Variablen korreliert. Durch Zeitintegration der v - Komponentenfolgen demnach mit q aus den genetischen Variablen die sogenannten Evolutionsvariablen $x_1 = \int (\dot{x} + q_x) dt$ sowie $x_2 = \int (\dot{y} + q_y) dt$ und $x_3 = \int (\dot{z} + q_z) dt$, welche als generalisierte Koordinaten einen abstrakten Evolutionsraum V_3 (x_k) aufspannen. Jeder Punkt dieses V3 kennzeichnet demnach den momentanen Evolutionszustand einer Phylogenese, so daβ sich die Strukturen des Vz mit tändern. Es ist also stets x_k (t) für $1 \leq k \leq 3$ zu setzen. Die Anwendung dieses deduktiven Ergebnisses von b und c sichtlich a, also $l n \gamma = \alpha S$ bedeutet, $da\beta \gamma$ und SFunktionen der x_k im V_3 werden, wenn die Organismenart in B evolviert. Im allgemeinen muß jedoch noch B mit t variabel sein, so daβ eine separate Zeitabhängigkeit diese Variabilität des Biotopsimpliziert, was durch ψ (x_k, t), beziehungsweise S (x_kt), ausgedrückt wird. Der durch die Analyse von a, b und c gewonnene Ansatz wird also beschrieben durch

$$x_{1,2,3}$$
 (t) = $\int ((\dot{x}, \dot{y}, \dot{z}) + (q_{x}, q_{y}, q_{z})) dt$,
 $V_{3} = V_{3} (x_{k})_{1}^{3}$, $\ln \gamma (x_{k}, t)_{1}^{3} = \alpha S (x_{k}, t)_{1}^{3}$,
 $\gamma = \omega - \eta$, $\omega = p/q$, $\eta = Z/q$, $\alpha > 0$

Zur weiteren Analyse können die x_k des v_3 mit dem normierten Orthogonalsystem $(\bar{e}_i \cdot \bar{e}_k)_3 = \hat{E}$ zu $x_k = \bar{e}_k x_k$ ergänzt werden, was $\bar{v} = \frac{3}{k+1} \bar{x}_k$ quantitativ ermöglicht, weil die x_k voneinander unabhängig sind. Als Hilfsmittel der Analyse wäre durch

zu ergänzen.

ist S die Sexualentropie, welche nach dem allgemeinen Entropieprinzip und aus a nur anwachsen kann. Dieses Wachstum ist jedoch nur bis zur Optimalbesetzung von B möglich, weil dann kein weiteres Anwachsen der Population mehr erfolgen kann. Nummehr ist N = q, also ψ = 1 erreicht, was die Differenz = o werden läβt. Dieser stabile Zustand wird immer erreicht, unabhängig davon, wie ich die x_k , also die Strukturen des v_z oder B mit t verändert. Stets oszilliert die Population um die jeweilige relative Optimalbesetzung des variablen Biotop, wobei sich der Begriff Optimalbesetzung auf den Momentanzustand von B und das betreffende Niveau der V3 - Struktur bezieht. Der jeweilige Stabilitätszustand maximaler Sexualentropie, die nicht weiter ansteigt, erscheint in V3 als Struktur einer Sexualisentrope. Dieses Prinzip der Sexualisentropie einer evolvierenden stabilen Population im variablen Biotop sagt also aus, daβ die totale Zeitänderung von S verschwindet, wenn B konstant bleibt, aber mit der partiellen Zeitänderung identisch wird, wenn B variiert, also S 🛊 o ist. Die Sexualisentrope wird demnach durch die Stabilitätsbeziehung dS/dt = S beschrieben, was eine unmittelbare Konsequenz des allgemeinen Entropieprinzips ist. Wegen α und S ~ 1 n V folgt die gleiche Stabilitätsbeziehung für V,

nämlich d γ /dt = $\dot{\gamma}$, so daß mit dS/dt = \dot{S} und d γ /dt = $\dot{\gamma}$ die weitere Analyse zweideutig wird. Da S und γ gleichermaßen von x_k und t abhängen, können beide Zweige durch (S, γ) = ϕ (x_k , t), symbolisiert werden, so daß vorläufig die zweideutige Sexualisentropie durch die Stabilität d ϕ /dt = $\dot{\gamma}$

ausgedrückt wird. Hierin ist d $\varphi = \frac{3}{k=1} \frac{\partial \varphi}{\partial x_k} \cdot d x_k + \varphi \cdot d t$, also $d\varphi/dt = \varphi + \frac{3}{k=1} \dot{x}_k \cdot \frac{\partial \varphi}{\partial x_k}$,

was eingesetzt die Elimination $\ddot{\phi}$ des variablen B in der Form $\underset{k=1}{\overset{3}{\underset{k}{=}}} \dot{x}_{k} \quad \bullet \quad \varnothing \phi / \varnothing x_{k} = 0 \quad \text{oder nach 41 a in Vektorform}$ $\overline{\mathbf{v}}$ grad ϕ = o liefert. Da die partiellen Ableitungen kommutieren, gilt div \overline{v} = 0, also 0 = \overline{v} grad ϕ = \overline{v} grad ϕ + + ϕ div \overline{v} = div $(\overline{v} \cdot \phi)$. Die so umgeformte Beziehung $\operatorname{div}(\overline{\mathbf{v}}\cdot \varphi) = 0$ ist erfüllbar durch $\overline{\mathbf{v}}\cdot \varphi = 0$ oder $\overline{\mathbf{v}}$ • φ = const. Da aber $\overline{\mathbf{v}}$ + $\overline{\phi}$ bleibt, und φ nur im Zweig φ = S als Entropmedifferenz verschwinden kann, ist v · φ nicht allgemein gültig. Auch kann \overline{v} • ϕ = const nicht realisiert werden, weil die Evolutionsfaktoren während jeder Ontogenese und längs jeder Phylogenese stetig wirken und nur bei der Fort pflanzung sich sponten manifestieren. Dies bedeutet, daß all div $(\overline{\mathbf{v}} \ \varphi) = \mathbf{o}$ wegen div rot = \mathbf{o} im \mathbf{v}_3 nur durch $\overline{\mathbf{y}} = \overline{\mathbf{v}} \cdot \varphi = \mathbf{v}$ = rot $\overline{\mu}$ erfüllbar ist (wenn $\overline{y} = \overline{v} \cdot \phi$ als Kürzung verwendet wird), worin $\overline{\mu}$ als abstraktes Vektorfeld im V_{χ} als sexualisentrope Vektorpotenz bezeichnet werden kann. Skalarmultiplikation der Sexualisentropen mit \bar{y} und Subtraktion von $\bar{\mu}$ · rot \bar{y} liefert wegen der Darstellbarkeit von Vektorprodukten durch Determinanten im V_z die Operatorbeziehung $y^* - \overline{\mu}$ rot $\overline{y} = \overline{y}$ rot $\overline{\mu}$ - $-\overline{\mu}$ rot \overline{y} = - div $(\overline{y} \times \overline{\mu})$. Diese Beziehung kann über den ganzen V_3 integriert werden. Ist $dV = dx_1 \cdot dx_2 \cdot dx_3$ ein Volumenelement und d F ein Element der das Integrationsvolumen begrenzenden abstrakten Fläche, dann folgt für das kubische Integral über ein Volumen V des Evolutionsraumes $\int_{V} (\vec{y} - \vec{\mu} \text{ rot } \vec{y})$.

div $(\vec{y} \times \vec{\mu})$ d V = -=-6 $\overline{y} \times \overline{\mu}$ · d \overline{F} . Hierin ist $\overline{\mu} \times \overline{y} = \overline{\mu} \times \operatorname{rot} \overline{\mu} + \overline{o}$ diejenige Zustandsgröße im V3, welche offenbar die betreffende Taxonome im Rahmen der Phylogenese durch die Strukturen des trägt. Da jede Phylogenese zeitlich begrenzt, also in einem endlichen Zeitintervall definiert ist, und nach der Aussage (d) immer $\mathbf{v} \rightthreetimes \infty$ bleibt, wird jede Phylogenese durch ein abstraktes Gebilde mitentlichem Volumen 🗘 im V3 beschrieben. Das phylogenetische Evolutionsvolumen $\mathcal{N} < \infty$ umfa β t also sämtliche Evolutionszustände während der betreffenden Phylogenese, so daβ μ × rot μ die begrenzende abstrakte Oberfläche von 🗘 nicht durchdringen kann. Weil cos $\pi/2$ = o ist, kann die Bedingung für die Grenze des \mathcal{N} - Volumens nur die Orthogonalität $\overline{\mu} \times \text{rot } \overline{\mu} \perp d \overline{F}$ sein, so daß für $V = \mathcal{N}$ die Integralbeziehung zu $\phi \overline{\mu} \times \overline{y} \cdot d\overline{F} = o$ das Verschwinden von $\int_{\Sigma} (y^2 - \overline{\mu} \text{ rot } \overline{y}) d V = 0$ zur Folge hat. Während einer Phylogenese ist eine Richtungsumkehr von v beziehungsweise y wegen der Nichtumkehrbarkeit der Zeit unmöglich, so daß auch rot $\overline{\mu}$ und $\overline{\mu}$ wegen \overline{y} = rot $\overline{\mu}$ eine derartige Richtungsumkehr nicht erfahren können. Dies hat aber wiederum zur Folge daß auch $\overline{\mu}$ X rot $\overline{\mu}$ = $\overline{\mu}$ X \overline{y} während der Phylogenese die Richtung behält, und zwar bezogen auf alle x_k . Aus diesem Grunde kann die Quellenverteilung div $(\overline{\mu} \times \overline{y})$ in einem Volumen $\mathcal L$ (abgeschlossene Phylogenese) das Vorzeichen nicht ändern. Da andererseits $y^2 - \overline{\mu}$ rot $\overline{y} = \text{div } \overline{\mu} \times \overline{y}$ und $\int \text{div } \overline{\mu} \times \overline{y} \, d \, V =$ $= \oint \overline{\mu} \times \overline{y} \cdot d \overline{F} = o \text{ gilt, kann } (y^2 - \overline{\mu} \text{ rot } \overline{y}) d V = o$ wegen des nichtalternierenden Vorzeichens von div $\overline{\mu}$ $\overline{\chi}$ in $\mathcal Q$ nur durch $y^2 - \overline{\mu}$ rot $\overline{y} = 0$ erfüllt werden, was als eine aus der Aussage (d), also v $\angle \infty$ resultierende Substitutionsbeziehung der Sexualisentropie Vektorpotenz μ aufgefaßt werden kann. Aus \overline{y} = rot $\overline{\mu}$ folgt \overline{y} || rot $\overline{\mu}$ und \overline{y} \perp $\overline{\mu}$, also $\overline{\mu}$ || rot \overline{y} , so daß mit der Kürzung \overline{f} = $\frac{1}{2}$ | rot \overline{y} | $^{-1}$ · $\overline{\mu}_0$ und $\overline{\mu}_0$ • $\mu = \overline{\mu}$ aus $\overline{\mu}$ rot $\overline{y} = y^2$ die Vektorpotenz $\overline{\mu}$ = y^2 • \bar{f} eliminiert und in \bar{y} = rot $\bar{\mu}$ substituiert werden kann. Dies liefert die invariante Differentialgleichung 🔻 rot $(y^2 \ \overline{f})$, in welcher y und \overline{v} durch die x_k des v_3 verknüpft sind. Nach den drei dimensionalen Operatortheoremen wird rot $(y^2 \overline{f}) = y^2 \text{ rot } \overline{f} - (\text{grad}(y^2)) \times \overline{f}$, was skalar mit \overline{y} multipliziert und in die Differentialgleichung eingesetzt $y^2 \cdot (1 - \overline{y} \text{ rot } \overline{f}) = -\overline{y} (\text{grad } (y^2)) \times \overline{f} = \overline{y} \times \overline{f}$ • grad (y^2) ergibt. Wegen $\overline{y} \perp \overline{f}$ ist $(\overline{y} \times \overline{f})^2 = y^2 f^2$, so daβ nach Skalarmultiplikation mit 🔻 🏃 🗗 die Darstellung für den Gradienten grad $(y^2) = f^{-2} \cdot (1 - \overline{y} \text{ rot } \overline{f}) \cdot \overline{y} \times \overline{f} \text{ ent-}$ steht. Skalarmultiplikation mit dem orientierten Linienelement $d\bar{s} = \sqrt[3]{d\bar{x}_k} = \bar{v} \cdot dt \text{ des } V_3 \text{ liefert grad } (y^2) d\bar{s} =$ $f^{-2} \cdot (1 - \overline{y} \text{ rot } \overline{f}) \overline{y} \times \overline{f} \cdot \overline{v} \cdot d t = 0$, wobei

diese Integrabilität nach dem Determinantentheorem v . (y x f) = e wegen $\overline{y} = \overline{v} \cdot \varphi$ entsteht. Andererseits ist grad Q · ds =d Q, also d (y*) = o und d y = o, was integriert die Lösung y = ■ a = const liefert, worin die Integrationskonstante a < ∞</p> wiederum ein die Organismenart kennzeichnender Parameter ist. Wird in diesem Integral v φ = a der Zweig φ = S verwendet, dann folgt v = a S-1. Hierin kann die Entropiedifferenz S zwi schen zwei aufeinanderfolgenden Generationen verschwinden und dies hätte v → ∞ zur Folge. Nach der Aussage d aus x die Typokline frei von singulären Unendlichkeitsstellen, so daß für jede Phylogenese v $< \infty$ gefordert werden mu β . Aus diesem Grunde schließt d den Zweig Ψ = S aus, so daß hierdurch die Eindeutigkeit $\phi = \psi$ und damit $\mathbf{v} \psi = \mathbf{a}$ erreicht wird. Mit 41 wird daraus $v = a \cdot e^{-\alpha S}$, was differenziert d $v = -\alpha S$ = - α a e^{- α S} · d S = - α v d S liefert. Wird für v ein logarithmisches Maβ W = l n v verwendet, dann folgt - α d S = dv/v = d l n γ = d W, also nach dem Übergang zur Differenzgleichung \triangle W \sim - \triangle S = (-S), weil α > o ist In \triangle W = \triangle (- α S) ist α S=1 n w/w ein direktes Maß für die Fortpflanzungswahrscheinlichkeit w. welches mit w ansteigt. Somit ist also α . S ein direktes Ma β der Desorganisation, was der Entropieinterpretation vollständig entspricht. Wegen der legarightmischen Natur dieses Maßes entspricht - α S =-1 n w/w = # l n Wu/w dem reziproken Wahrscheinlichkeitsmaβ, welches mit wachsender Wahrscheinlichkeit abnimmt. Es ist mithin - α S die Inversion des Entropiebegriffes, also der Desorganisation. Aus diesem Grunde mu β - α S als Ma β des Organisationszustandes ϵ eines Systems interpretiert werden. Ein direkter Zusammenhang - α S \sim ϵ kann nicht gegeben sein, weil S = 0 im Fall ψ =1 keine Entropieänderung beim Generationswechsel liefert, obgleich der Organisationszustand der Population nicht verschwindet. Ist = const eine die betreffende Taxonome kennzeichnende Zeit konstante, dann wird - α S = $\sqrt{}$. ϵ möglich; denn S kennzeichnet die Änderung der Sexualentropie beim Übergang von der Generation n - 1 nach n , so daß - α S \sim 1 n (w_0/w) die zeitliche Änderung des Organisationszustandes beschreiben muβ, was durch - α S = $\sqrt{\varepsilon}$ zum Ausdruck gebracht werden kann. Der Fall ψ = 1, also S = 0 hätte demnach $\dot{\epsilon}$ = 0, oder ϵ = = const zur Folge, das heiβt, im Fall S = o bleibt der Organisationszustand beim Generationswechsel erhalten. Nach Δ W \sim Δ &

wächst die Evolutionsgeschwindigkeit mit ε. Während der Typogenese fällt also & von einem Maximalwert auf den konstanten Wert der Typostase, so daβ έ sein Maximum im Divergenzpunkt der Typostase derjenigen Taxonome hat, aus welcher die neuen Taxonome im Divergenzintervall hervorgehen. Ein derartiger Evolutionsschritt längs der typostatischen Phylogenese der Organismenart x zur neuen Taxonome y also mit einem steilen Anstieg von $\dot{\epsilon}_{_{\mathbf{y}}}$ in Bezug auf $\dot{\epsilon}_{_{\mathbf{xo}}}$ der Gattung x gekennzeichnet, wenn (o) den typostatischen ε - Wert angibt. Da y im allgemeinen ein höheres Organisationsniveau hat, liegt auch v_y in der Typostase von y höher als der entsprechende v - Wert für x , was wegen Δ W \sim Δ $\dot{\epsilon}$ unmittelbar $\dot{\epsilon}_{yo}$ > $\dot{\epsilon}_{xo}$ und auch ϵ_{yo} > ϵ_{xo} nachsichzieht. Durch diese Eigentümlichkeit wird die Terminologie orthogenetischer Modulationsfaktor'' für q (t) in v nach 45 B IV 3 gerechtfertigt. Wenn dies aber so ist, dann muß & nicht einfach als Maß eines Organisationszustandes interpretiert werden, sondern als Bewertung eines Organisationszustandes mit zeitlicher Finalbestimmung. Eine so interpretierte Größe genügt aber in allen Einzelheiten der Definition einer Entelechie, so daß nach $\,arDelta\,\,$ W $\,\sim\,\, \Delta\,\,$ $\dot{arepsilon}\,\,$ die Änderung der logarithmischen Evolutionsgeschwindigkeit mit der Entelechieänderung des organischen Systems identisch ist. Einsetzen von -α S = V έ in die Lösung v γ = a und α S = 1 n γ liefert für diese beiden Fundamentalbegriffe des elementaren Lebensprozesses die Darstellungen $v = a \cdot e^{\sqrt{\xi}}$ und $\psi = e^{-\sqrt{\xi}}$, welche somit allein von der Entelechie bestimmt werden. Das Ergebnis der Analyse von χ^{ℓ} über dem Quantitätsaspekt , nämlich

$$v = a \cdot e^{\sqrt{\epsilon}}, \quad \gamma = e^{-\sqrt{\epsilon}}, \quad \alpha \leq \pi \leq \dots$$

zeigt, daß die empirische Definition des lebenden Organismus als geschichtetes Wirkungsgefüges mit entelechaler Bewertung zu einer heuristischen Definition aufgrund der Beziehung 42 abgewandelt werden muß. Diese heuristische Definition muß nach 42 lauten: Jeder lebende Organismus und Jede positive oder negative Symbiose solcher Organismen ist stets ein entelechal geschichtetes Wirkungsgefüge.

Aus Gleichung 42 folgt, daß der Anstieg der Sexualentropie während der Typogenese bis zur Typostase einem Abfallen der Entele-chalbewegung ε entspricht, so daß v mit ε abnimmt, während

die Binärfunktion ansteigt. Der Typostasenwert & = const liefert auch v = const., während & = o zu v = a führt, was die Integrationskonstante als Evolutionsgeschwindigkeit mit konstanter Entelechie interpretiert. Da die gesamte Evolution aller Organismen arten stets so verlaufen mu β , da β zwar die allgemeine Entropie in den Einzelphylogenesen nur ansteigen kann, aber die E - Niveaus orthogenetisch steigen, gilt $\widetilde{\epsilon}_y$ \nearrow $\widetilde{\epsilon}_x$, wenn die Taxonome x hervorgeht und später liegt. Diese zeitlich gemittelten Niveaus werden mit der zeitlichen Phylogenesendauer d t . Für die mittlere Binärfunktion hinsichtlich einer Shylogenese gilt entsprechend T v = T e dt woraus evident wird, daß für die Orthogenese $\widetilde{\varepsilon}_y$ 7 $\widetilde{\varepsilon}_x$ invers $\widetilde{\psi}_y \angle \widetilde{\psi}_x$ gilt. Da andererseits $\widetilde{\psi} = \widetilde{\omega} - \widetilde{\eta}$ ist, kann diese Orthogenese beim Übergang von x nach y gemäß $\widetilde{\omega}_y - \widetilde{\eta}_y < \widetilde{\omega}_x - \widetilde{\eta}_x$ nur darin bestehen, daß sich beim Anstieg des ε - Niveaus Quantität und Qualität der Organismenart zu nivelieren, was einer Senkung der Binärfunktion mit einem E - Anstieg entspricht. Die aus unmittelbar folgende Orthogenese wird also beschrieben durch

Da jeder lebende Organismus als entelechal geschichtetes Wirkungsgefüge auch eine sehr feste positive Symbiose eines Organverbandes ist, muβ das orthogenetische Prinzip 42 a auch für die Organevolution längs einer Phylogenese T gelten. Während T kann sich also ε und damit v und γ nur so verändern, daβ es zum Quantitäts—Qualitätsausgleich kommt. Dies bedeutet, daβ sich während T primär diejenigen Organe des Organismus über das genetische Informationsmuster evolutorisch ändern, bei denen γ am höchsten liegt, also ein besonders starker Unterschied zwischen der Funktion sexueller Vitalität und resistenter Qualität besteht.

Aufgrund der Ergebnisse 42 und 42 a beruht das Prinzip des elementaren Lebensprozesses darauf, daß dieser Elementarprozeß zeitlich als Entelechie angelegt ist, woraus sich der Organismus als entelechal geschichtetes Wirkungsgefüge definiert. Hieraus folgt unmittelbar die Grenze des Quantitätsaspektes in Bezug auf den Lebensprozeß; denn die entelechale Schichtung ist im Kompetenzberreich dieses Aspektes analytisch nicht faßbar. Wegen der hierarchi-

schen Tektonik televarianter Aondynenstrukturen nach A bietet sich zur vollständigen Beschreibung der Organismen eine syntrometrische Methode an, bei welcher jedoch die Wahl des günstigsten Aspektivsystems offen bleiben muß. Auf jeden Fall hat dieses System den entelechalen Charakter dieser Strukturen zu berücksichtigen. Andererseits erscheint der Lebensprozeß stets an ein somatisches, also an ein materielles System gebunden, woraus folgt, daß rudimentär jedem Bestandteil dieses Systems, also in letzter Konsequenz jedem ponderablen oder imponderablen Materiefeldquant eine entelechale Bewertung koordiniert werden muß. Dies hätte aber eine durch 42 erzwungene entelechale Revision der Atomistik zur Folge, derart, daß die mikromaren Entelechien erst in den höchsten Organisationsformen der Materie makromar erscheinen. Zur Beschreibung der Materiefeldquanten ist der Quantitätsaspekt besonders geeignet, doch erscheint auch in diesem Bereich wegen der Existenz mikromarer Wech selwirkungen und der damit verbundenen Änderungvon Organisationszuständen das Prinzip entelechaler Schichtung. Die durch 42 forderte entelechale Revision der Atomistik kann also nur darin bestehen, daß eine geschlossene analytische Theorie der Atomistik im Quantitätsaspekt so formuliert und eindeutig erweitert wird, daß das Übergangskriterium zur anthropomorphen Syntrometrie erfüllt ist und die entelechale Bewertung in der graduellen Tektonik äondynie scher Metroplexkombinate erscheint, deren Trägerraum ala Mondynentensoriums mindestens der R_Λ sein muβ. Die Basissyntropoden dieser Strukturen müssen dabei die elementaren Syntrizen in der T (o) des Quantitätsaspektes anthropomorpher Syntrometrie sein.

Da der Lebensprozeß immer durch entelechale geschichtete Wirkungsgefüge an materielle Strukturen gebunden ist, müssen die Basis syntropoden der organischen Metroplexkombinate in der gleichen stehen, wie diejenigen der anthropomorph syntrometrisch beschriebenen Entelechalatomistik . Auf jeden Fall müssen alle diese äondynischen Metroplexkombinate im R_A zeitlich telezentriert sein wobei die telezentrische Tektonik über eigentliche oder uneigentliche Telezentren verfügt. Auch muß es im Fall der organischen Zusatzdimensionen geben, welche das Trägerten-Strukturen 0 7 0 ergänzen. Das dem Organismus angepaβte Aspektivsorium zum R₀₊₄ system wiederum, muß das anthropomorphe Aspektivsystem und in diesem wiederum den Quantitätsaspekt implizieren. Diese Forderung ist notwendig, weil die Basissyntropoden organischer Strukturen mit denen der Atomistik identisch sind und sich erst in höherer gradueller Tektonik unterscheiden. Ob eine durchgehende Korrespondenz

zwischen organischen Strukturen und der über den Quantitätsaspekt beschreibbaren Atomistik existiert oder nicht, hängt davon ab, ob der R_{p+4} mit p > 0 entelechal bedingten Zusatzdimensionen bereits für die entelechale Revision der Atomistik eine sich selbst ergebende Notwendigkeit ist. Ist ε (p) ein Element der Prädikatrix des optimalen subjektiven Aspektes aus einem organischen Aspektivsystem (was wiederum die entelechal bedingten p > 0 berücksichtigt), sind V und L Metroplexkombinate organischer Strukturen, welche von den p + 4 Koordinaten des Trägertensoriums abhängen, und ist B ein anorganischer Biotop (als Metroplexkombinat beschrieben) der mindestens vom R_4 abhängt, dann gilt für die allgemeine Beschreibung organischer Strukturen durch äondynische Metroplexkombinate über einem organischen Aspektivsystem mit entelechaler Prädikatrix das Scheme

$$\stackrel{q}{V} (x_k)_1^{p+4} \left\{ \right\} \stackrel{g}{\stackrel{M}{=}} (x_k)_1^{(p)+4} , \quad \varepsilon (p), \quad \stackrel{m}{\stackrel{M}{=}} (x_k)_1^{p+4} \dots$$

Hierin sind die x_k die Koordinaten des Trägertensoriums, wobei in der Äondyne $\frac{s}{M}$ des anorganischen Biotops durch (p)+4 die Existent B

der durchgenenden Korrespondenz p \geq o zwischen anorganischer und organischer Strukturierung offen bleibt. Aufgrund des Quantendualismus und der hierdurch notwendigen Interpretation des Quadrats der Zustandsfunktion als Wahrscheinlichkeitsdichte wird ellerdings für Materiefeldquanten das Auftreten von Freiheitsgraden oder von p > o verborgenen Koordinaten nahegelegt, was die Existenz des R_{p+4} auch für die anorganischen Strukturierungen wahrscheinlich macht. Diese p > o entelechal bedingten Zusatzkoordinaten η_k können nur die graduelle Tektonik der Metroplexkombinate in Richtung der zeitlich telezentrischen Tektonik verändern; denn wegen des Zeitverlaufes aller Phylogenesen und des Zeitdiagramms der Typoklinen v (t) muß muß die telezentrische Tektonik organischer metroplexkombinate zeitartig sein. Wenn also eine organisch-anorganissche Korrespondenz des Entelechalfaktors p > o existiert, dann muß für die Metroplexgrade von 43 das System

$$q = q (\eta_k)_5^{p+4}, s = s (\eta_k)_5^{p+4}, m = m (\eta_k)_5^{p+4},$$

berücksichtigt werden, wenn eine einheitliche syntrometrische Beschreibung anorganischer und organischer Strukturen durchgeführt werden soll.

Der Ansatz 43 zur einheitlichen Syntrometrie des Lebensprozesses geht auf die Beziehungen 42 und 42 a zurück, aus denen (an der Grenze des Kompetenzbereiches des Quantitätsaspektes) hervorgeht, daß die Typoklinencharakteristik aller Phylogenesen und die orthogenetische Evolutionstendenz zu wachsenden Organisationszuständen allein auf die entelechale Natur des Lebensprozesses zurückgeht. Die Natur der Organismen, nach 42 entelechal geschichtete Wirkungsgefüge zu sein, macht die Evolution zu steigenden Organisationsformen von der anorganischen Existenzsphäre über diejenige organischer autogener Katalyse durch die Biosphäre in die humane Neosphäre und die Legosphäre des Vernunftwesens zur Notwendigkeit.

7) Konsequenzen aus der Deduktion.

Nach der vorangegangenen Analyse können die empirischen Definitionen der ersten Aussagegruppe aus B, welche den Trägheitswiderstand enthalten, auf das in & erscheinende Prinzip der Gravitation wegen des Aquivalentes zurückgeführt werden, während die Definition der Organismen nach 42 a auf ye zurückgeht. Von den deskriptiven Aussagen der zweiten Gruppe - ausgenommen sind die in zusammengestellten- können bis auf die Beziehungen 19, 34 a. 35, 38, 40 und 44 alle anderen durch α , β und δ beschrieben werden. Hierbei ist jedoch zu bemerken, daß das in δ angeführte Prinzip der konstanten nuklearen Massendichte analytisch noch nicht verwendet worden ist. Aus der deduktiven Untersuchung der phänomenologischen Induktion folgt zusammenfassend, daß es tatsächlich ein System aus drei Fundamentalaussagen über die materielle Wirklichkeit gibt, aus denen sich der größte Teil der übrigen Aussagen deduktiv entwickeln lassen, wenn zunächst die Organismen ausgeschlossen werden.

- 1) Das Tensorium des materiellen Geschehens ist ein relatives vierdimensionales Raumzeitkontinuum, dessen räumliche Projektie on, hinsichtlich elektromagnetischer Wirkung, nicht absolut ist
- 2) Alle materiellen Fhänomene sind atomar strukturiert, das heiβt, es gibt ein Spektrum elementarer Materiefeldquanten (elektro-

magnetische Strahlungsquanten sind, wegen des Energiematerie quivalents einbezogen), die als elementare Wirkungszentren des materiellen Geschehens anzusprechen sind.

Jedes materielle Geschehen, also jede Kette materieller Ereignisse, wird durch die Wechselwirkung materieller Strukturen verursacht und läuft zeitlich so ab, daβ die Aktion des Geschehens ein Minimum ist und die Entropie des betreffenden materiellen Systems mindestens konstant bleibt.

Es erscheint notwendig, diese drei Grundsätze des materiellen Geschehens so zu vereinheitlichen, daß ein syntrometrischer Formalismus angewendet werden kann und diese syntrometrische Erweiterung muβ über den Rahmen der materiellen Beschreibung henausgehen, derart, daß die Phänomene der lebenden Organismen nach 43 und einbezogen werden. Um die mathematische Basis zur syntrometrischen Erweiterung zu schaffen, wird es zunächst notwendig, die drei Fundamentalaussagen formal zu vereinheitlichen und hierzu ist es wiederum erforderlich, ein einheitliches Gesetz zu finden, welches die Raumzeitstrukturen der elementaren Materiefeldquanten und deren allgemeine Wechselwirkungen beschreibt, doch muß zuvor die innere Struktur dieser Materiefeldquanten ergründet werden. Eine solche Strukturtheorie ist so zu formulieren, daß die Materiefeldquanten durch Strukturkaskaden beschrieben werden können; denn nur so kann das Übergangskriterium zur anthropomorphen Syntrometrie erfüllt werden. Dieser Übergang ist aber die notwendige Voraussetzung einer einheitlichen syntrometrischen Beschreibung aller materieller Strukturen über geeigneten nichtanthropomorphen Aspektivsystemen. Das empirische Spektrum dieser Feldquanten ist überaus mannigfaltig. Ist v die Relativgeschwindigkeit zu einem Ruhesystem und ist β = v/c das auf die Lichtgeschwindigkeit c bezogene undimensionierte Geschwindigkeitsma β , so ist zwischen dem Spektrum β = 1 und o $\angle \beta \angle 1$ zu unterscheiden. $\beta = 1$ beschreibt die unbegrenzte Zahl, der sich in ihrer Wellenlänge unterscheidenden elektromagnetischen Strahlungsquanten, die sämtlich elektrisch neutral und imponderabel sind, während o $\leq \beta \leq 1$ ein diskretes Spektrum ponderabler Feldquanten umfaβt. Diese Quanten können mit elektrischen Ladungen versehen oder neutral erscheinen, Auch können sie zeitlich stabil oder labil sein, das heißt, sie können nach bestimmten Halbwertzeiten unter Emission von Quanten $\beta = 1$ ponderable Strukturen übergehen und so weiter. Alle Quanten o≤β <1 können aus β = 1 hervorgehen oder sich wieder in diese Quanten

auflösen, weil es zu jeder ponderablen Struktur eine Antistruktur gibt. So sehr sich alle diese Materiefeldquanten voneinander unterscheiden, so gibt es doch ein gemeinsames Kriterium aller Materiefeldquanten, nämlich nach 10 und 10 a die Trägheit. Da aber ein träger Körper zugleich auch schwer sein muß und beiden Eigenschaften auf ein und dasselbe Phänomen, nämlich die Gravitation nach 11 zurückgehen, kann festgestellt werden, daß, so verschieden auch immer die Materiefeldquanten sein mögen, eine Eigenschaft doch allen gemeinsam ist, nämlich die, eine gravitative Feldquelle zu sein. Eine einheitliche Beschreibung aller Materiefeldquanten muß also bei dieser, allen Feldquanten gemeinsamen Eigenschaft au Setzen. Es kommt also darauf an, eine ganz allgemeine Theorie der Gravitation und ihrer Koppelung an die Feldquanten zu finden, welche so beschaffen ist, daβ sich aus ihr die Spektren der Materiefeldquanten sowie deren Wechselwirkungen und Eigenschaften (elektrische Ladung, Halbwertzeit und so weiter) im Raumzeitkontinuum ergehen. Damit wäre eine Vereinheitlichung der drei Fundamentalaussagen erreicht. und die Vereinheitlichung könnte dann in eine dem Übergangskriterium genügende syntrometrische Fassung gebracht und als syntrometrische Basis einer umfassenden Untersuchung aller Phänomene der Wirklichkeit verwendet werden.

Kapitel II

HEURISTIK DER GRAVITATION

1) Gravitative Feldquellen und approximierter Tensorfluβ.

Das Gravitationsfeld eines Materiefeldquants der Masse m wird durch die als Geschwindigkeitspotential aufzufassende Zentralfeldefunktion $\phi = \phi$ (r) beschrießen, derart, daß m als Singularität des Zentralfeldes erscheint. Wegen $\phi \sim 1/r$ würde ϕ für $r \rightarrow 0$ divergieren. Da in natürlichen Feldern solche uneigentlichen Punkte nicht vorkommen dürfen (das Energieniveau ψ zwischer m und einem anderen Feldquant m_1 würde nämlich gemäß $\lim_{n \to \infty} \psi \rightarrow \infty$

ebenfalls divergieren), muß die Singularität m über ein endliches räumliches Volumen verteilt sein. Die Niveauflächen φ (r) = = const, also r = const , sind sphärisch, so daβ weger des stetigeh Abschlusses von Gravitations- und Materiefeld, auch die Begrenzung der Feldsingularität m als pphärisch vom Radius r angenommen werden muß. Dies bedeutet aber, daß zwischen einem exogenen Gravitationsfeld $r > r_0$ und einem endogenen Feld $o \leq r \leq r_0$ zu unterscheiden ist und , daß die Fläche $r = r_0 = const der ge$ ometrische Ort des Überganges zwischen der endogenen und exogenen Gravitations felds truktur ist. Bezeichnet $\sigma_{(o)}$ die Materiedichte innerhalb des singulären Bereiches $r = r_0$, so gilt $m = r_0 \sigma(0)$ • d V = 4 π $\int_{\mathbf{r}}$ \mathbf{r}^2 $\sigma_{(0)}$ d r wegen der sphärischen Natur der Begrenzung. Für das Energieniveau des endogenen Feldes gilt dann, wenn $g \angle r_o$ der Fläche r_o = const infinitesemal benachbart ist, ψ = 16 π ψ /r $\int_0^r r^2 \sigma_{(0)} dr \cdot \int_r^r r^2 \sigma_{(0)} dr$, oder wenn $\sigma_{(0)}$ = const (r) angenommen wird, γ = 16/9 π^2 . • γ $\sigma_{(0)}^2$ r^{+2} $(\beta^3 - r^3)$, was für $\beta \rightarrow r_0$ das endogene Vixeau $\psi^{*} = b \cdot r^{+2} (r_{0}^{3} - r^{3})$ mit $b = 16/9 \pi^{2} \mathcal{F} \sigma^{2}(0)$ ergibt. Für die endogene Gravitationskraft gilt entsprechend K? ... = \overline{b} $(r_o^3 - r^3)$, wenn \overline{b} den Einheitswktor \overline{e}_r enthält. In dem so beschriebenen endogenen Feld wird $\lim_{r\to\infty}$ $\frac{1}{1}$ i m \overline{K} , = $\overline{0}$, das heißt, für r \rightarrow 0 verschwindet das endogene Feld und damit das uneigentliche Feldzentrum. Zugleich zeigt sich aber $\overline{K}^{\bullet} = \overline{o}$ in $o < r < r_o$, woraus folgt, daß im Innern des singulären Bereiches gravitative Spannungen auftreten müssen, so daß die Hypothese $\sigma_{(o)}$ = const (r) angezweifeld werden kann. Im mikromaren Bereich der Nuklearstrukturen und ponderablen Materiefeldquanten gilt jedenfalls $\sigma_{(0)}$ = const. in sehr guter Näherung wegen der dritten empårischen Aussage des deskriptiven Prinzips δ der phänomenologischen Induktion. Selbst wenn $\sigma_{(o)}$ = const aus B III wegen des empirischen Charakters nur eine Näherung ist, kann grundsätzlich im Innern der Materiefeldquanten ein endliches Volumen angenommen werden, in welchem $\sigma_{(0)}$ = const. exakt gilt. Für $r = r_0$ wird ebenfalls ψ = 0 und \overline{K} = $\overline{0}$, doch beginnt hier der Anschluß zum exogenen Feld vom Niveau ϕ für r \geq r_o.

Zur Beschreibung des exogenen Feldes werde angenommen, daß m mit einer anderen Masse m₁ (im Abstand r) in gravitativer Wechselbeziehung steht. Das Energieniveau des exogenen Feldes ist danh $\psi = \frac{1}{2} r$ m · m₁ und dieses Niveau wiederum ist nache dem Energiematerieäquivalent $\psi = m$ · c² einer Masse m äquivalent, die ihrerseits wiederum als gravitative/den Massen m und m₁ überlagert , und dies bedeutet, daß wegen dieser Feldmasse m die Massen in m und m₁ als Funktionen des Abstandes r aufzufassen sind. Mit m (r) und m₁(r) wird dann $\overline{K} = \operatorname{grad} \psi = \frac{1}{r^2}$ $\overline{E} = \frac{1}{r^2} (m_1/r \cdot m_1/m_1 r + m/r \cdot m_1/m_1 r - \frac{m}{r^2})$. Ist

m₁ die Masse eines Probekörpers der sich im Nullpunkt des Beobachtungsystems befindet, so ist relativ zu diesem System m₁ = const(r), während für m = m (r) anzusetzen ist. Dies bedeutet $\frac{\partial m_1}{\partial r} = 0$, also $\overline{K} = \frac{1}{2} e_r$ m₁ (1/r · $\frac{\partial m}{\partial r}$ - $\frac{m}{r^2}$), was mit $\overline{K} = m_1$ · $\overline{\Gamma}$ verglichem $\overline{\Gamma} = \frac{1}{2} e_r$ (1/r $\frac{\partial m}{\partial r}$ - $\frac{m}{r^2}$) = grad φ mit $\varphi = \frac{1}{2} e_r$ m/r und $\overline{m} = m$ (r) ergibt. Diese Form des gravitativen Feldvektors $\overline{\Gamma}$ ist mithin eine Folge des Energiematerieäquivalents. Die Beschreibung des endogenen und

$$o \leq r < r_0$$
, $\psi^* \sim r^*$ $(r_0^* - r^*)$, $r \geq r_0$, $\bar{r} = \operatorname{grad} \varphi_i$
 $\varphi = \mathcal{J} m/r$, $m = m$ (r)

exogenen Gravitatbonsfeldes eines Materiefeldquants als gravitative

Feldquelle ist demnach gegeben durch

Es kommt nun darauf an, die singulären Bereiche der Materiefeldquanten m direkt als Quellen des exogenen Feldes τ zu beschreiben. Zu diesem Zweck wird zunächst für τ der dreidimensionalem Feldvektor τ = div τ definiert. Wegen τ = grad φ wird in diesem speziellen Fall rot τ = o wegen rot grsd = o, das heißt τ = τ τ ist für τ = grad φ symmetrisch. Diese Symmetrie hat zwar die Wirbelfreiheit, nicht aber notwendig die Quellenfreiheit zur Folge, denn für τ = τ τ braucht sp τ = div τ nicht notwendig zu verschwinden. Nur τ = - τ ist immer p τ = o . Im allgemeinen Fall τ τ τ π apaltet τ in einen symmetrischen und einen antisymmetrischen Anteil, so daß sowohl Quellen als auch Wirbel vorkommen. Selbst wenn τ noch durch einen Wirbelanteil additiv ergänzt wäre, würde

sp * = div * + o auch deshalb erhalten bleiben, weil div rot = o den Nulloperator liefert. Die Einschränkung * * = * hat demnach auf die Bildung sp * = div * keinen Einfluß. Die spezielle Darstellung * = grad * bedingt * * = * * Die Quellen werden beschrieben durch * = s p * * = div * oder * = div grad * Da das Feld * nicht gestört werden soll, sind seine Niveauflächen sphärisch , so daß sich für div grad =

= k=1 % x_k^2 eine Transformation in Polarkoordinaten empfiehtt. Da φ = φ (r) nur von r nicht aber von Poldistanz und Azimut abhängt, ergibt sich für den in Polarkoordinaten transformierten Operator div grad = $\frac{\partial^2}{\partial r^2} + \frac{2}{r} \frac{\partial}{\partial r} + \frac{1}{r^2}$. Mit φ = $\frac{\partial^2}{\partial r}$ und m = m (r) wird aus φ = div grad φ nach der Transformation $\frac{\partial^2}{\partial r}$ = div grad (m/r) = $\frac{\partial^2}{\partial r}$ + $\frac{\partial^2}{$

 $V = 4/3 \pi r^3$ und $dV = 4 \pi r^2 d r$ (dieses Volumen wird von einer sphärischen Niveaufläche umschlossen) wird $q/4\pi r = 4 \pi r d/dV$ ($r^2 dm/dV$) + $m/3V = 3 V = 4 r^2 r^3$ +

+ 2 dm/dV + m/3V = 1/3V (9 V^2 d^2/dV^2 + 6 V d/dV + 1); m = 1/3V (3 V d/dV + 1)²; m, weil der Operator 9 $V^2 \frac{d^2}{dV^2}$ +

+ 6 V d/dV + 1 als Iteration zweiten Grades von 3 V d/dV +1 aufgefaßt werden kann. Offenbar ist $\frac{3 \text{ q}}{4 \pi \text{ p}}$ = 1/V (3 V d/dV + 1);

 $m \sim \sigma$, wenn σ die auf V bezogene Dichte von m (r) ist. Der Proportionalitätsfaktor muβ dabei so beschaffen sein, daß sich für die Begrenzung r_o des Materiefeldquants als gravitativer Feld – quelle stets $\sigma_{(0)}$ = $(dm/dV)_o$ = m_o/V_o = const ergibt, wenn m_o = m (r_o) ist. Der Operator V d/dV wird unter diese Voraussetzung in der Limesrelation lim V d/dV = 1 zum Eihheits- $r \rightarrow r_o$ operator und dies hat lim 1/V (3 V d/dV + 1)²; m = $r \rightarrow r_o$

= 16 m_0/V_0 = 16 $\sigma_{(0)}$ zur Folge, so daß ein Dichteoperator Λ mit der Eigenschaft Λ ; m = σ und lim Λ ; m = σ (o) $r \rightarrow r_0$ nur in der mit $\Lambda/16$ normierten Form Λ = 1/16V (3 V d/dV + 1) Λ 0 definiert werden kann. Damit wird $3q/4\pi \chi^2$ = 16 Λ ; m = 16 σ .

Da andererseite $q = s p^2 = div = ist$, folgt für die Beschreibung der gravitativen Feldquellen

 $\alpha \text{ div } = \Lambda \text{ , } m = \sigma \text{ , } \Lambda = 1/16V (3 V d/dV + 1)^2 \text{ ,}$ $64/3 \pi \gamma^2 \alpha = 1 \qquad ... \qquad$

Mit m (\mathbf{r}_0) = m gibt Λ ; m = σ_0 offenber die auf das Volumen V mit $\mathbf{r} > \mathbf{r}_0$ bezogene Dichte der Anfangsmasse m an, im Gegensatz zu $(\Lambda; m)_0 = \sigma_{(0)}$ bezogen auf $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0$. In σ_0 ist offenbar das unbekannte Gesetz m (\mathbf{r}) nicht enthalten, so daß die Differenz $\sigma_0 - \sigma = \Lambda$; $(m_0 - m)$ die Quellenverteilung des durch m (\mathbf{r}) bedingten Anteiles $m_0 - m \neq 0$ angibt, weil m $(\mathbf{r}) \neq m_0$ für $\mathbf{r} > \mathbf{r}_0$ nach 10 und 10 a zu erwarten ist. Es liegt daher nahe, $\frac{1}{\sigma}(\sigma_0 - \sigma)$ als Quelle eines noch unbestimmten Vektorfeldes \overline{A} aufzufassen, derart, daß die $\overline{A} = \frac{1}{\sigma}(\sigma_0 - \sigma)$ gesetzt werden kann. Hiermit muß es möglich sein, die m (\mathbf{r}) berücksichtigende Dichte σ auf $\sigma_0 = \Lambda$; m_0 in div $\overline{\Gamma}$ zu reduzieren, denn es wird σ div $\overline{\Gamma} + \sigma$ div $\overline{A} = \sigma$ und hierin tritt der unbekannte Zusammenhang m (\mathbf{r}) nicht mehr auf. Mit dem neuen Feldvektor $\overline{g} = \overline{\Gamma} + \overline{A}/\sigma$ wird dann

Der Feldtensor von \overline{g} , nämlich $\overline{g} = \frac{\Lambda}{\operatorname{div}}$ $\overline{g} = \overline{f} + \overline{A}/\alpha$ mit $\overline{A} = \overline{\operatorname{div}}$ \overline{A} braucht nicht mehr symmetrisch zu sein; denn es kann auch $\overline{A} = -\overline{A}^{\times}$, also $\overline{g} + \overline{g}^{\times}$ erwartet werden. $\overline{g} = -\overline{g}^{\times}$ wird nur möglich, wenn $\overline{f} = \overline{g}^{\times}$ o und $\overline{A} = -\overline{A}^{\times}$ gilt, oder, wenn $\overline{f} = \pm 1/\alpha$ \overline{A} einer Antisymmetrieierung entspricht. Durch \overline{A} wurde zwar in 45 a der unbekannte Zusammenhang $\overline{g} = \overline{g}^{\times}$ $\overline{g} = \overline{g}^{\times}$ als unbekanntes Feld auf. Wenn es gelingt, dieses Feld zu ermitteln, so kann auch $\overline{g} = \overline{g}^{\times}$ stimmt werden und von diesem Zusammenhang ist ein hoher Aussagewert zu erwarten.

Die Masse m ruhe als Quellenpunkt im Nuclpunkt eines räumlichen Koordinatensystems \mathbf{x}_k . Da die Gravitation nach allen Erfahrungen nicht polarer Natur ist, kann es zu den gravitativen Feldquellen

keine Senken geben, so daß mit dem Quellpunkt m nicht eine Senke, sondern ein Aufpunkt A der Masse ma in Wechselbeziehung steht. Ist $\overline{a} = \overline{QA}' = \text{const.}$ und sind beide Punkte an feste Ruhelagen gebunden, so daβ für jede Strecke s = o gilt, so kann A ebenfalls als Nullpunkt eines Koordinatensystems x_k^* angenommen werden. Beide Systeme können so orientiert werden, daß für ihre Einheitsvektoren immer \overline{e}_k^{\bullet} = \overline{e}_k und für ihre Koordinaten die Transformationen x = x - a , x = x z und x z x gelten. Werden die Quellenpunktdaten nicht indiziert, so gilt für die den Aufpunkt beeinflussende ponderomotorische Wirkung $\overline{K}_{A} = m_{A} \cdot \overline{g}$, während für die Rückwirkung der im Aufpunkt befindlichen Kontermasse $m_{\tilde{A}}$ auf die Quellenpunktmasse $\overline{K} = m \cdot \overline{g}_A$ gilt. Beide Kräfte wirken gegeneinander, das heiβt, sie müssen entgegengesetzt gleich groß sein, so daβ $\overline{K}_A = -K \text{ oder } m_A \cdot \overline{g} + m \cdot \overline{g}_A = \overline{o} \text{ gilt. Aus } \overline{K}_A = m_A \overline{g}$ wird, wenn auf das Quellenpunktsystem bezogen wird und d V ein Vohumenelement eines von einer Niveaufläche des $m_{ extbf{A}}$ - Feldes umschlossenen Volumens ist, $\xi(A) = d\overline{K}_A/dV_A = \sigma_{Ao} \cdot \overline{g}$ oder $\overline{\xi}(Q) = d\overline{K}/dV = \sigma_0 \cdot \overline{\epsilon}_A$ in Bezug auf das Aufpunktsystem. Q und A seien Punkte von zwei Parallelebenen, derart, daβ QA 🗸 ∞ die Achse eines durch diese beiden Ebenen begrenzten unendlichen Zylindervolumens dar Stellt. Wegen des unpolaren Charakters der Gravitation und der Tatsache, daβ g und g, im Innern dieses Volumens immer entgegeggerichtet sind, kommt es innerhalg dieses Bereiches (gekennzeichnet durch die Indizierung i) stets zu einer gegenseitigen Schwächung der Kraftdichten $\overline{\xi}_{(A)}$ und $\overline{\xi}_{(Q)}$, während Sich in den beiden Halbräumen außerhalb des Zylinders (gekennzeichnet durch die Indizierung e) die Vektoren addieren, so daβ es hier zu einer Verstärkung der Kraftdichten kommt. Hier bezieht sich der Begriff Kraftdichte auf die zu den Niveauflächen normaden Kraftvektoren, welche auf die durch 🔨 charakterisierte Massendichte einwirken. Wegen $\sigma_0 = \alpha$ div \overline{g} wird also $\overline{f}(Q) = \overline{f}_{ei} = \pm \alpha \overline{g}_A \text{div} \overline{g}$ in Bezug auf Q, jenachdem, ob sich das Feld auf die Halbräume (oberes Vorzeichen) oder den Innenbereich (unteres Vorzeichen) bezieht. Es soll das Q - System \mathbf{x}_k als Bezugssystem verwendet werden. Die beiden Parallelebenen sind also hinsichtlich Eei singulär. In Komponentenform wird $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$

 $\overline{\tau}$ - $(\overline{g} \text{ grad})$; \overline{g}_A mit $\overline{\tau}$ = $\int g_i \cdot g_{A,k} / 3$

div

m = mA folgt, wenn gei sich wieder auf die Halbräume und das Zylindervolumen bezieht, und wenn weiter der statische Fall rot gei=0 angenommen wird, also, wenn ${}^2\overline{g} = \overline{div}$ \overline{g} symmetrisch ist, ${}^{\pm}\overline{\xi_{ei}}/\alpha = \overline{div}$ ${}^{2}\overline{\tau} - 1/2$ \overline{div} \overline{g}^{2}_{ei} ${}^{2}\overline{E} = \overline{div}$ $({}^{2}\overline{\tau} - 1/2)$ \overline{g}^{2}_{ei} ${}^{2}\overline{E}$), weil für $\overline{g}_{ei} = \overline{g}_{ei}^{\times}$ immer $(\overline{g}_{ei} \text{ grad})$; $\overline{g}_{ei} = 1/2 \overline{\text{div}} \overline{g}_{ei}^{*} \cdot \overline{E}$ gilt, denn die Systeme Q und A sind gleich orientiert und gehen durch eine Parallelverschiebung auseinander hervor, Sind weiterhin die $\alpha_k = 7$ ($g_{(k)ei}$, g_{ei}) die Winkel zwischen den Vektoren und ihren Komponenten, so daß $g_{(k)ei} = g_{ei} \cdot \cos \alpha_k$ gilt, so wird " $\bar{\tau} = g_{ei}^2 \cdot \bar{c}_{ei}'$ mit " $\bar{c}_{ei}' = [\cos \alpha_i \cdot \cos \alpha_k]_3$, also \tilde{r} - 1/2 \tilde{g}_{ei}^2 $\tilde{2}\tilde{E}$ = \tilde{g}_{ei}^2 (\tilde{c}_{ei}^2 - 1/2 \tilde{E}) = 1/2 \tilde{g}_{ei}^2 \tilde{c}_{ei}^2 , wenn $^2\overline{C}_{ei} = \left[2 \cdot \cos \alpha_i \cdot \cos \alpha_k - \delta_{ik}\right]_3$ ist. Damit hat man $\xi_{ei} = \pm \alpha \overline{\text{div g}}_{ei}^2/2$ ζ_{ei} , wenn $m = m_A$ und $\zeta_{g} = \zeta_{g}^2/2$ ist. Im Zylindervolumen ist immer o $\leq \alpha_1 \leq \pi/2$, aber $\phi \leq \alpha_2$, $\alpha_3 \leq \pi$, also $0 \leq \cos \alpha_1 \leq 1$ und $-1 \leq \cos (\alpha_2, \alpha_3) \leq +1$. Im Halbraum der Ebene, welche Q enthält (auch für das Zylindervolumen bezog sich die Untersuchung auf dieses System), gilt entsprechend $\pi/2 \leq \alpha_1 \leq \pi$, während für α_2 und α_3 die gleichen Intervalle gelten, das heißt, während im Zylindervolumen o 4 cos α gilt, wird im Halbraum ($\cos \alpha_1$)_e = $\cos (\pi - \alpha_1) = -\cos \alpha_1$, das heißt, es ist $^{2}\overline{C}_{a}$ + $^{2}\overline{C}_{i}$. Die gesamte auf Q wirkende Kraftdichte ist gegeben durch $\xi = \xi_e + \xi_i = \alpha/2 \cdot \overline{div} (\overline{g}_e^2 \cdot \overline{g}_e - \overline{g}_i^2 \cdot \overline{c}_i)$ Insgesant gilt also für die Kraftdichte, welche die gravitibe Feldstruktur im Fall einer Wechselwirkung beschreibt:

. 46.

Die Entwicklung der Vektordivergenz kann weitergeführt werden.

Volumenintegration von & liefert, wenn G ein gravitativer Impuls ist und \overline{F} das Integrationsvolumen als Oberfläche umschließt, $\overline{G} = \sqrt[4]{V}$ \overline{V} d $V = \alpha/2$ $\sqrt[4]{V}$ \overline{V} ϕ (g_e^2 $^2\overline{C}_e$ - \overline{g}_1^2 $^2\overline{C}_i$) d \overline{F} , das heißt, die Tensordifferenz, deren Vektordivergenz die gravitative Kraftdichte ergab, muβ als Strömung eines gravitativen Tensorfeldes durch eine Oberfläche aufgefaβt werden, derart, daβ dieser gravitative Tensorfluβ die Impuhsströmung durch die das Integrationsvolumen umschließende Oberfläche angibt. Die Beschreibung eines Tensorflusses ist dabei nur approximativ, weil die Forderung 2g = 2g eine Einschränkung bedeutet, die nur durch die empirische Gradienten- also Quellennatur der Gravitation bedingt wird; doch gilt diese Empirik nur für 7, nicht aber notwendig für die Reduktion $\bar{g} = \bar{f} \pm \bar{A}/\alpha$, die durch m = = m (r) bestimmt wird, so daβ ohne weiteres neben den Quellen auch Wirbelanteile vermutet werden können und daher 2g + 2g den Allgemeinfall darstellt für den die Untersuchung des Tensprflusses nicht gilt. Auch $m\H{u}\beta$ te zu einer exakten Beschreibung eine Untersuchung im Raumzeitkontinuum durchgeführt werden. Der approximierte Tensorflu β der Gleichung 46 kann auch in eine andere Form gebracht werden. Ist g_a das Aufpunktfeld der Kontermasse m_A = m im Abstand a + s ≥ a welches auf m des Quellpunktes einwirkt, und ist $\alpha_{ei} = 4 (\bar{g}, \bar{g}_a)_{ei}$ der Winkel zwischen den beiden Feldvektoren, so gilt $\bar{g}_{ei}^2 = \bar{g}^2 +$ + $\overline{g}^{2}a$ + 2 g • g_{a} cos. α_{ei} und dies hat für den approximierten Tensorfluß \overline{g}_{e}^{2} · ${}^{2}\overline{C}_{e}$ - \overline{g}_{i}^{2} ${}^{2}\overline{C}_{i}$ = (g^{2} + g_{g}^{2})(${}^{2}\overline{C}_{e}$ - ${}^{2}\overline{C}_{i}$) + + 2 g g_a ($^2\overline{C}_e$ cos α_e - $^2\overline{C}_i$ cos • α_i) zur Folge und hierdurch kann die Darstellung des Tensorflusses in die Form

$$\mathbf{g}_{ei}^{2} = \mathbf{g}^{2} + \mathbf{g}_{a}^{2} + 2 \mathbf{g} \mathbf{g}_{a} \cos \alpha_{ei},$$

$$\mathbf{g}_{ei}^{2} = \alpha/2 \overline{\operatorname{div}} (\mathbf{g}^{2} + \mathbf{g}_{a}^{2}) (^{2} \overline{\mathbf{c}}_{e} - ^{2} \overline{\mathbf{c}}_{i}) + \alpha \overline{\operatorname{div}} \mathbf{g} \mathbf{g}_{a} (^{2} \overline{\mathbf{c}}_{e} \cos \alpha_{e} - ^{2} \overline{\mathbf{c}}_{i} \cos \alpha_{i}) \dots 46a$$

gebracht werden. Wird nur eine Feldlinie untersucht, die mit der x_1 - Achse zusammenfällt, so ist immer $\cos \alpha_2 = \cos \alpha_3 = o$ und $\cos \alpha_1 = 1$ beziehungsweise $\cos \alpha_1 = -1$, je nach dem, ob es sich um ${}^2\bar{C}_i$ oder ${}^2\bar{C}_e$ handelt. Da aber dieser Cosinus als Quadrat auftritt, wird ${}^2\bar{C}_e = {}^2\bar{C}_i = {}^2\bar{C} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 - 1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$ und dies liefert

 $\frac{\overline{\xi}}{\xi} = \alpha \overline{\text{div}} \text{ g g}_{\text{a}} {}^{2}\overline{\text{C}} \text{ (cos } \alpha_{\text{e}} - \text{cos } \alpha_{\text{i}} \text{)} . \text{ Hierin ist } \alpha_{\text{e}} = 0$ und $\alpha_i = \pi$, was $\overline{c} = 2 \alpha \overline{div} g g_a \overline{c}$ zur Folge hat. Die Entwicklungen, die zu den Gleichungen 46 und 46 a führen, zeigen, daß die approximierte Tensorflußdichte nicht nur als Flächendichte, der Impulsströmung, sondern auch als Tensorfeld der gravitativen Raumspannung aufgefaβt werden kann. Die Struktur des Ausdruckes für ξ zeigt, daß es bei der Superposition der kugelsymmetrischen Felder von Q und A zu einer metrischen Deformation der sphäri schen Niveauflächen kommt, derart, daß die zuvor kugelsymmetrische gravitative Raumstruktur eine asymmetrische Verformung erfährt. Die gravitativen Feldlinien müssen, da das jeweilige Gravitationsniveau ein Maβ für die Feldliniendichte ist, ebenfalls eine Dichteasymmetrie erfahren, und zwar wird die Feldliniendichte im Zylindervolumen ver mindert, während es in den beiden Halbräumen zu einer Erhöhung der Feldliniendichte kommt. Bei der Superposition ist also neben der metrischen Deformation der Niveauflächen ein Gefälle der Feldliniendichte entstanden und die ponderomotorische Gravitationskraft wirkt in Richtung dieses Dichtegefälles derabt, daß die gravitierenden Massen aus Bereichen höherer Feldliniendichte in Raumbereiche geringerer Dichte zu gelangen suchen, Der Elementarprozeβ der gravitativen Attrak tion läuft also auf das Bestreben hinaus, die Dichteasymmetrie der gravitativen Feldlinien auszugleichen und der kugelsymmetrischen Raumstruktur anzunähern, weil dies offenbar der stabile Zustand maximaler Entropie ist. Kennzeichnet F₂ den V₂ umschließenden Flächeninhalt einer derjenigen exzentrischen aber rotationssymmetrischen Mittelpunktsflächen, welche als metrisch deformierte Niveaufläche (wegen der Dichteasymmetrie der Feldlinien) Quell- und Aufpunkt gemeinsam umschließt, dann erfolgt im Dichtegefälle der Feldlinien die gravitierende Bewegung stets so, daß das Verhältnis $V_2/F_2 \rightarrow V_1/F_1 \rightarrow V_k/F_k = (V/F)_{max} \text{ gemäß } V_k/F_k > V_1/F_1 > V_2/F_2$, während der Bewegung ansteigt, bis die sphärische Minimalfläche $F_k = 4 \pi r^2$ mit $V_k = 4/3 \pi r^3$ eines ungestörten neuen Feldes (erregt durch die Summe beider Massen) erreicht wird. V/F muβ bei der sphärischen Fläche das Maximum durchlaufen, weil die Sphäre bei minimaler Oberfläche ein Volumenmaximum umschließt. Da nach B II alle Vorgänge so ablaufen, daß die Entropie gemäß $S \ge 0$ und $S \le 0$ des System nur anwächst, kann angenommen werden, daβ V1/F1 - V2/F2 = = \triangle (V/F) > o einer Entropieerhöhung \triangle S > o des gravitieren \sim den Systems proportional 1st. Mit dem Proportionalitätsfaktor a > o

gilt also a \triangle S = \triangle (V/F), oder nach dem infinitesimalen Limes a d S = d V/F - V/F² · d F , so da β , wenn V (F) der exzentrischen Niveaufläche bekannt ist, aus der Differentialgleichung

auf den integralen Verkauf der Entropieänderung S (F), während der linearen Gravitationsbewegung geschlossen werden kann. Da S > 0 ist muß F nach 47 das gleiche Vorzeichen haben wie dV/dF - V/F, weil anderenfalls die Entropie abnehmen würde, was aber dem Entropiegesetz widerspräche.

Das Zustandekommen des gravitativen Feldgefälles bei der Superposition kann in zweifacher Weise interpretiert werden. Zum einen kann angenommen werden, daβ das Dichtegefälle durch einen einfachen Superpositionsvorgang von Vektorfeldern zustandekommt, doch sind bei dieser Beschreibungsweise keine Einsichten in den Elementarvorgang zu erwarten, der sich bei der Superposition in dem gravitativ strukturierten Raum abspielt. Zum anderen ist es denkbar, daβ bei der gravitativen Wechselwirkung zu den gravitativen Feldlinien Orthogonaltrajektorien induziert werden, welche nach Art eines Wirbelgesetzes die Feldlinien aus dem Zylindervolumen herausziehen und in den Halbräumen verdichten, so daβ auf diese Weise die metrische Niveauflächendeformation zustande kommt. Da die Wirkung jeder ponderomotorischen Kraft auf die Überwindung des Trägheitswiderstandes der bewegten Materie zurückgeht und dieser Trägheitswiderstand mit dem Gravitationsfeld der betreffenden Materie identisch ist, kann angenommen werden, daβ beim Wirken eines ponderomotorischen Vektors in der Gravitationsfeldstruktur der bewegten Materie ebenfalls ein solches Orthogonaltrajektorfeld induziert wird, welches ein gravitatives Feldgefälle verursacht, das dem ponderomotorischen Vektor entgegengerichtet ist und eine entgegengesetzt gleiche ponderomotorische Wirkung die reaktive Trägheitskraft bedingt. Sind Q und A nicht an feste Ruhelagen gebunden, sondern kommt es zur kräftefreien Gravitationsbewegung, so kompensieren diese reaktiven Trägheitskräfte die gravitativ verursach-Feldasymmetrien wieder aus, so da β in Q und A bei dieser Form der Bewegung keine Kraftwirkung mehr auftreten kann. Wie das Dichtegefälle im Fall der gravitativen Wechselwirkung zu interpretieren ist, (durch Superposition oder Induktion eines Orthogonaltrajektorfeldes) mu β eine Analyse des Hilfsfeldes $\overline{\mathtt{A}}$ ergeben, mit dessen Hilfe m (r) eliminiert wurde.

2) Gravitative Feldstörungen

Faktisch ist vom Phänomen der Gravitation nur α div $\overline{g} = \sigma_0$ mit $\overline{g} = \overline{\Gamma} \stackrel{+}{=} \overline{A}/\alpha$ sowie $\overline{\Gamma} = \gamma^{\ell}$ grad (m/r) mit m (r) bekannt, worin der unbekannte Zusammenhang m (r) beziehungsweise das Feld + A auf E = m c , also auf das elektromagnetische Induktionsgesetz, und - grad φ auf die Empirik der himmelsmechanischen Gravitationsbewegung zurückgeht. Offenbar ist α div $\overline{g} = \sigma_{\alpha}$ noch durch andere Gleichungssysteme zu ergänzen. Die zeitliche Stabilität des g erregenden Materiefeldquants mo wird durch dmo/dt = o ausgedrückt. Da immer / ; o = o ist, und / mit der Zeitdifferentiation gemä β ($\land \times$ d/dt) = o kommutiert, weil r und damit V im statischen Feld nicht von t abhängen ist o = 🔨 ; $dm_0/dt = d/o(t / t)$; $m_0 = d\sigma_0/dt$. Wegen $\sigma_0 = \sigma_0 (x_k, t)_1^3$ und $\overline{v} = \frac{\cancel{k}}{k=1} \frac{d\overline{x}_k}{dt}$, also div $\overline{v} = 0$ wird $0 = \frac{d\sigma_0}{dt} = 0$ = σ_0 + $\frac{2}{k=1}$ dx_k/dt · $\rho\sigma_0/\rho x_k$ = σ_0 + \overline{v} grad σ_0 = σ_0 + + div $(v\sigma_0)$. Wird hierin $\sigma_0 = \alpha$ div \bar{g} eingesetzt, so folgt div $(\alpha \ g + \overline{v} \ \sigma_0) = 0$. Diese Beziehung ist entweder erfüllt, wenn für alle Zeiten $\alpha \ g + \overline{v} \cdot \sigma_0 = \overline{o}$ ist. Wird dies angenommen, so kann σ = α div g eingeführt und hierdurch dividiert werden. Dies ergibt $g/divg = -\overline{v} = const.$ Ist $\overline{s} = \overline{s}$. irgendein Wegvektor, derart, daβ div g = 0gs/0s und g = sogs wird, so ist g/divg = s s = s oder wegen s = v = constDie Forderung $\alpha \ddot{g} + \ddot{v} = \ddot{o}$ wann also nur unter den Bedingungen $\ddot{s} + \ddot{v} = \ddot{o}$ und \ddot{g} // $\ddot{s} = const.$ erfüllt werden. Da dies aber nicht allgemein der Fall zu sein braucht, aber α \bar{g} + \bar{v} σ_0 immer divergentzfrei sein muβ, was wegen div rot = o nur möglich sein kann, wenn der Vektor als Rotor eines neuen Vektorfeldes $\overline{\mu}$ darstellbar ist. Neben α div $\bar{g} = \sigma_0$ existiert also noch der aus der Stabilitätsforderung folgende Ausdruck α \bar{g} + \bar{v} σ_{o} = rot $\bar{\mu}$. Wird das von σ_{o} erregte Feld gestört, und beschreiben Ξ und $\overline{\mu}$ jetzt die von σ nicht mehr beeinfluβbaren gravitativen Feldstörungen, so ist o = o zu setzen und für die im Vakuum fortschreitenden gravitativen Störungen gilt dann div g = o und α g = rotu, was noch durch div $\mu \sim \pm$ σ ergänzt werden kann, weil im Vakuum für $\overline{\mu}$ die Quelle mit der Feldmasse identisch ist. In diesen drei Differentialbeziehungen kann $\overline{\mu}$ eventuell als das Orthogonaltrajektorfeld zu g interpretiert werden; denn wegen $\bar{\mu}$. $\bar{g} \sim \bar{\mu}$ rot $\bar{\mu} = 0$ und $\bar{\mu} \neq \bar{0}$ beziehungsweise $\bar{g} \neq \bar{0}$ ist $\bar{\mu}$ $\bar{g} = 0$ nur für \bar{A} $(\bar{\mu},\bar{g}) = \pi/2$ also $\bar{\mu} \perp \bar{g}$ möglich und dies bedeutet wiederum, da rot $\bar{\mu} \sim \bar{g}$ ist, daß die Feldlinien von $\bar{\mu}$ diejenigen Orthogonaltrajektorien sind, welche bei der gravitativen Wechselwirkung die Niveauflächen von \bar{g} exzentrisch deformieren und ein Dichtegefälle der Feldlinien von \bar{g} induzieren , durch welches eine ponderomotorische Kraftdichte entsteht. Dies aber gilt auch für \bar{v} $\sigma_0 \neq \bar{o}$. Wenn die Beziehungen α \bar{g} = rot $\bar{\mu}$, sowie div \bar{g} = 0 beziehungsweise div $\bar{\mu} \sim \pm \sigma$, welche fortschreitende gravitative Feldstörungen im Vakuum beschreiben, vollständig sind, müssen sie sich aus δ \int_{-1}^{1} \bar{u} d t = 0 als kanonische Feldgleichungen ergeben. Es

ist zu erwarten, daß dieses Gleichungssystem noch nicht vollständig ist, das heißt, es kommt darauf an, für die durch \bar{g} und $\bar{\mu}$ be schriebenen gravitativen Feldstörungen eine Funktion \bar{L} so zu bestim-

men, daß sich aus δ t_1 t_2 t_3 t_4 t_4 t_5 t_6 auf jeden Fall div t_6 =0,

div $\bar{\mu} \sim \frac{1}{2}$ o und α \bar{g} = rot $\bar{\mu}$ als Feldgleichungen ergeben. Wenn noch zusätzliche Gleichungen entstehen, wird das System durch diese vervollständigt. Auch ist bei der Bestimmung von L der empirische Sachverhalt zu berücksichtigen, wonach die Gravitation einen nicht polaren Charakter hat, so daß sie sich zum elektrischen Feld konträr verhält. Auf jeden Fall ist die Gravitation ein ponderomotorisches Feld, so daß es nach den allgemeinen Untersuchungen aus L 3, im L4 einen Feldtensor L7 L8 geben muß, der aus den Komponenten der im L8 definierten Vektoren L8 und L8 so aufgebaut ist, daß seine Iteration 2. Grades dem Energiedichtetensor in L8 proportional wird. Es ist L8 rot4 L9 mit L9 L9 mög-

lich, wobei allerdings die Definition der Zeitkoordinate $x_4 = i$ c't offen bleiben muß, weil, wenn c' die Ausbreitungsgeschwindigkeit gravitativer Feldstörungen bezeichnet, völlig unbekannt ist, ob c' = c' = c gilt oder nicht. Auch eine Abschätzung von c'ist nach den bisherigen Ergebnissen unmöglich. Den nicht polaren Charakter des Gravitationsfeldes wird durch $\psi = \psi$ Rechnung getragen und ψ kann als allgemeine Feldfunktion im R_4 aufgefaßt werden. Da ψ nur von vektorieller Natur sein kann, muß für L = dL/dV der Ansatz eines Vektorfeldes gemacht werden. Am einfachsten wäre die Invarianz L = -1/4

konjugierte Feld i c' $|\pi_{\gamma}| = |M_{\gamma,4}|$, also $\pi_4 = 0$ ergibt Zwar ist $\overline{\gamma}$ durch \overline{M} = rot₄ $\overline{\gamma}$ nicht eindeutig bestimmt, doch ist $\overline{\gamma}$ immerhin gegen Eichtransformationen $\overline{\psi}$ = $\overline{\psi}$ + grad₄ \wedge invariant, wenn \wedge irgendeine Skalarfunktion im R_4 ist. Aus \overline{M} = rot₄ $\overline{\gamma}$ folgen die Feldgleichungen $\overline{\text{div}}_4$ \overline{M} = $\overline{0}$, doch ist die Elimination von ψ_4 mit L = -1/4 $\psi_{1,\gamma=1}$ $\psi_{1,\gamma=1}$ $\psi_{1,\gamma}$ singulär. Diese Singularität wird durch die Form

 $L = -\frac{1}{4} = \frac{4}{\mu_{\bullet} \gamma = 1} \qquad M_{\mu_{\bullet} \gamma}^2 - \frac{1}{2} (\text{div}_4 \sqrt{\gamma})^2 \text{ vermieden. Mit}$

*M = rot4 🗸 folgt aus dem kanonáschen Formalismus für die Feld 🛱

gleichungen $\rho L/\rho \psi_{\gamma} = \frac{4}{\mu = 1} \rho/\rho x_{\mu} \frac{\partial L}{\partial \psi_{\gamma}}$ $= \frac{4}{\mu = 1} \rho/\rho x_{\mu} (\rho \psi_{\gamma}/\rho x_{\mu} - \rho \psi_{\mu}/\rho x_{\gamma}) + \rho/\rho x_{\gamma} = 0$ $= \frac{4}{\mu = 1} \rho^{2}/\rho x_{\mu} (\rho \psi_{\gamma}/\rho x_{\mu} - \rho \psi_{\mu}/\rho x_{\gamma}) + \rho/\rho x_{\gamma} = 0$

oder vektoriell div_4 grad_4 $\overline{\psi}$ = \overline{o} . Diese letzte Beziehung ist aber eine raumzeitliche Potentialgleichung, wenn die Ausbreitungsgeschwindigkeit c' dieses Gravitationspotentials die Koordinate x_4 bestimmt. Mit der Kürzung X = div_4 $\overline{\psi}$ wird $\overline{\operatorname{div}_4}$ $\overline{^2M}$ + grad_4X = \overline{o} oder div_4 grad_4X = o, was wegen der Potenzreihenentwicklung

von $\bar{\pi}$ und $\bar{\gamma}$ sind. We sentlich für die weiteren Untersuchungen ist, daß aus L unter Anwendung des kanonischen Formalismus δ $\int_{t_1}^{t_2} L \cdot dt = 0$ resultierende Gesetz div_4 grad_4 $\bar{\gamma} = \bar{0}$, das mit $x_4 = i$ c't auch in der Form div grad $\bar{\gamma} = \bar{\gamma}/c$.

das mit $x_4 = i c' t$ auch in der Form div grad $\frac{1}{\sqrt{r}} = \frac{1}{\sqrt{r}}/c^{2}$ einer Wellengleichung beschrieben werden kann, wenn c' = c'X ist. Da $^{2}\overline{M}$ aus den Komponenten von \overline{g} und $\overline{\mu}$ aufgebaut ist und wegen $\overline{M} = \operatorname{rot}_{\mu} \overline{\psi}$ auch $\overline{\psi}$ durch \overline{g} und $\overline{\mu}$ gegeben ist, sagt div grad $\bar{\psi} = \bar{\psi}/c^{*2}$ aus, daß sich die durch \bar{g} und $\bar{\mu}$ gegebene gravitative Feldstörung nach einem Wellengesetz mit der unbekannten Geschwindigkeit $c^{\bullet} < \infty$ ausbreitet. Soll $^{2}\overline{M} = -^{2}\overline{M}^{\times}$ so strukturiert sein, daß sich aus $\overline{\text{div}}_4$ $\overline{\text{M}}$ = $\overline{\text{o}}$ die bekannten Zusammen-hänge div $\overline{\text{g}}$ = o, div $\overline{\text{u}}$ \sim $\overline{\text{t}}$ σ und α $\overline{\overline{\text{g}}}$ = rot $\overline{\text{u}}$ ergeben, wenn vorübergehend approximativ $\sigma \approx o$ gesetzt wird und soll weiter hin durch einen ergänzenden Zusammenhang für g und μ die Wellengleichung div grad $\sqrt[4]{} = \sqrt[4]{/c}$ zusammen mit den bekannten Beziehungen entstehen, so ist dies dann und nur dann möglich, wenn die Bezieh ungen durch rot $g = + \beta \mu$ ergänzt werden, wobei $\beta = const$ eine noch zu bestimmende Naturkonstante ist. Auch muβ das Vorzeichen noch eindeutig festgelegt werden. Werden rot $\overline{\mu} = \alpha \overline{g}$ und rot $\bar{g} = \pm \beta \bar{\mu}$ unter Berücksichtigung von div $\bar{g} = o$ und $\mbox{div}~\overline{\mu}~\approx~o~$ substituiert, so folgt für $\overline{g}~$ und $\overline{\mu}~$ tatsächlich div grad $(\bar{g},\bar{\mu}) = \bar{+} \alpha \beta \rho^2/\rho t^2 (\bar{g},\bar{\mu})$ und dies ist das Gesetz einer Potential- beziehungsweise einer Wellenausbreitung, wenn $+\omega^2 = c^{*2}$ mit $1/\omega^2 = \alpha$ β die Ausbreitungsgeschwindigkeit kennzeichnet. Da α und β reelle Zahlen und zwar Naturkonstanten sein müssen (dies ist für α evident, doch trägt auch β diesen Charakter, weil rot $= \pm \beta$ $\dot{\mu}$ auch im Leerraum gilt), die beide im Endlichen liegen, fällt von den beiden möglichen Fällen c \Rightarrow ∞ und c^{\bullet} = const $< \infty$ aus C I 3 die noch diskutabel blieben, der Fall $c^* \rightarrow \infty$ aus, weil $\alpha > o$ und nach dem kanonischen Formalismus auch $\beta > 0$ sein muß. Es ist demnach nur noch $c' + c'^*$ oder c' = c' x für c' = const < ∞ zu entscheiden. Die aus 🗖 = rot4 🗸 und der kanonischen Feldmechanik folgende raumzeitliche Beziehung rot $g = \pm \beta \mu$ gilt wie rot $\mu = \alpha g$ und $\operatorname{div} \overline{g} = o$ nur für $\sigma_o = o$ des leeren R_{3} für hinreichend geringe Feldintensitäten $\sigma \approx o$. Ist $\sigma_o > o$, dann kann diese Beziehung nur ohne Korrekturglied \overline{q} (σ_o) gelten, wenn div $\dot{\overline{\mu}}$ = oist, was aber noch nicht entscheidbar ist. Erweist sich div \u00fc + o, denn gilt für $\sigma_{\Omega} > 0$ neben rot $\overline{\mu} = \alpha \ \overline{g} + \sigma_{\Omega} \ \overline{v}$ und

a div $\bar{g} = \sigma_0$ die korrigierte Form \bar{q} (σ_0) + rot $\bar{g} = \pm \bar{\beta}$ $\bar{\mu}$ mit \bar{q} (o) = \bar{o} . Nach der vorangegangenen Untersuchung hinsichtlich c' wird der Zweig von rot $\bar{g} = \pm \bar{\beta}$ $\bar{\mu}$ durch $c^* = \mp \omega^*$ entschieden. Wird im leeren R_3 , also für σ_0 = o der Ausdruck für rot $\bar{\mu}$ mit \bar{g} multipliziert und hiervon der mit $\bar{\mu}$ multiplizierte Ausdruck für rot \bar{g} subtrahiert, so folgt \bar{g} · rot $\bar{\mu}$ - $\bar{\mu}$ rot \bar{g} = α \bar{g} \bar{g} $\bar{\tau}$ $\bar{\mu}$ $\bar{\mu}$ = 1/2 $\bar{\sigma}/\bar{\sigma}$ t (α g^* $\bar{\tau}$ $\bar{\beta}$ μ^*). Andererseits ist, weil rot = $|\bar{\sigma}| = 2 \bar{\sigma}_3$ als Determinan— $|\bar{\sigma}| = 2 \bar{\sigma}_3$ $|\bar{\sigma}| = 2 \bar{\sigma}_3$ $|\bar{\sigma}| = 2 \bar{\sigma}_3$ $|\bar{\sigma}| = 2 \bar{\sigma}_3$ als Determinan— $|\bar{\sigma}| = 2 \bar{\sigma}_3$ $|\bar{\sigma}| = 2 \bar{\sigma}_3$ $|\bar{\sigma}| = 2 \bar{\sigma}_3$ $|\bar{\sigma}| = 2 \bar{\sigma}_3$ als Determinan—

te dargestellt werden kann-

$$\overline{g}$$
 rot $\overline{\mu}$ - $\overline{\mu}$ rot \overline{g} = - $\begin{vmatrix} 0/0 & x_1 & 0/0 & x_2 & 0/0 & x_3 \\ g_1 & g_2 & g_3 \\ \mu_1 & \mu_2 & \mu_3 \end{vmatrix}$ =

= - div $\bar{g} \times \bar{\mu}$, also $1/2 \ \theta/\theta t \ (\alpha g^2 + \beta \mu^2) = - \operatorname{div} \bar{g} \times \bar{\mu}$. Wenn also ein bestimmtes Volumen V die gravitativen Feldstörungen enthält und wenn F als Oberfläche dieses Volumen begrenzt, so folgt nach Volumenintegration $1/2 \, n / n \, t \, \int (\alpha \, g^2 \, \mp \beta \mu^2) \, d \, V = - \int div \, g \, X$ $\times \overline{\mu}$ · d V = - ϕ $\overline{g} \times \overline{\mu}$ d \overline{F} und dies ist die Leistung der Gravitationsfeldstörung, welche durch die Begrenzung F das System verläßt. Ist Eg die Energie dieser Störungen, so wird Eg = - $\oint g \times \bar{\mu}$ d \bar{F} . Begrenzt also \bar{F} das System so, daß $\bar{g} \times \bar{\mu}$ divergenzalso quellenfrei ist, so wird \bar{E}_g = 0 wegen $\bar{F} \perp \bar{g} \times \bar{\mu}$, also Eg = const. und dies bedeutet nach Zeitintegration, $\alpha/2$ $\int g^2$ d V $\mp \beta/2$ $\int \mu^2$ d V $= E_g$ = const. Dies ist der konstante Energieinhalt des konsevativen Systems gravitativer Feldstörungen. Wird weiter gefordert, daß dieses konservative System das statische Feld eines Materiefeldquants m (r) bildet, so setzt sich die konservative Gesamtenergie E_m offensichtlich aus $m \cdot c^2$ (Ener gie des Quants) und dem rein gravitativen Anteil $\alpha/2$ Γ^2 d V gemäβ $E_m = m c^2 + \alpha/2$ $\int \bar{\Gamma}^2 d V$ zusammen. Ist der R_3 nicht leer, also $\sigma_0 > 0$, dann folgt analog $-\operatorname{div} \overline{g} \times \overline{\mu} = \alpha \overline{g} \overline{g} + \beta \overline{\mu} \overline{\mu} + g \overline{v} \sigma_0 + \overline{\mu} \overline{q}$, worin $\overline{g} \overline{v} \sigma_0 + \overline{\mu} \overline{q} = \sigma c^2$ gelten muß. In E_m ist wegen rot $\overline{\mu} = \alpha \overline{g} + \overline{v} \sigma_0$ immer der Anteil von \overline{A} und $\overline{\mu}$ bereits in m(r) enthalten. Wird wieder $\operatorname{div} \overline{g} \times \overline{\mu}$ räumlich integriert, und der konservative Charakter $\overline{g} imes \overline{\mu} \perp d$ \overline{F} berücksichtigt, dann folgt auch $E_m = \alpha/2 \cdot \int g^2 dV + \beta/2 \int \mu^2 dV +$ + m c2 = const. nach Zeitintegration, was im Vergleich

o = $\alpha/2$ \int (g² - Γ ²) d V \mp $\beta/2$ \int μ^2 d V = $\alpha/2$ \int ($\overline{\Lambda}^2/\alpha^2 \pm 2/\alpha\overline{\Gamma A}$) d V \mp $\beta/2$ \int μ^2 d V oder $A^2/2\alpha \pm \overline{\Gamma}$ $\overline{\Lambda}$ = \pm $\beta/2$ μ^2 beziehungsweise $A^2/\alpha^2 \pm 2$ $\overline{\Gamma}$ $\overline{A}/\alpha + \Gamma^2 = \Gamma^2 \pm \beta/\alpha$ μ^2 = $(\overline{\Gamma} \pm \overline{\mu} \sqrt{\beta/\alpha} \cdot \sqrt{\pm 4})^2$ wegen $\overline{\mu} \perp \overline{\Gamma}$ liefert. (Die Zweideutigkeit von rot \overline{g} ist jetzt in $\sqrt{\pm 4}$ enthalten). Die Orthogonalität kann auf folgende Weise nachgewiesen werden. Aus rot g = = $\beta \cdot \hat{\mu}$ folgt $g \perp \hat{\mu}$, also $f \perp \hat{\mu}$ und $\bar{A} \perp \hat{\mu}$, was entweder \overline{A} // $\overline{\Gamma}$ oder $\overline{\Gamma}$ \bot \overline{A} \bot $\overline{\mu}$ zuläßt. Die Beziehung rot $\overline{\mu}$ = α \overline{g} kann nicht verwendet werden, weil auf der rechten Seite noch der Summ mand \bar{v} . σ_0 auftreten kann. Aus $\bar{A} \perp \dot{\bar{\mu}}$ folgt weiter $\dot{\bar{A}} \perp \ddot{\bar{\mu}} \parallel \bar{\bar{\mu}}$ und $\dot{\bar{r}} \perp \ddot{\bar{\mu}} \parallel \bar{\bar{\mu}}$, weil $\bar{\bar{\mu}} \sim \text{div}$ grad $\bar{\bar{\mu}}$ und div grad skalarer Natur ist. Nun muβ aber immer 🙃 // 🛱 sein, was die Orthogonalität 〒 上 東 zur Folge hat. Darüberhinaus zeigt sich A リ 戸 , aber A上下. So erweist sich $\overline{\mu}$ als Orthogonaltrajektorfeld zu $\overline{\Gamma}$. Da außerdem $\Gamma^* \stackrel{+}{=} 2 \stackrel{-}{\vdash} \overline{A}/\alpha + A^2/\alpha^2 = (\stackrel{-}{\vdash} \stackrel{+}{=} \overline{A}/\alpha)^2$ ist, folgt $\overline{A} = \overline{\mu} \cdot \sqrt{\alpha\beta} \cdot \sqrt{\pm 1} = \overline{\mu/\omega} \sqrt{\pm 1} \cdot \text{Wenn in } \sqrt{\pm 1} \text{ das un-}$ tere Vorzeichen gilt, also, wenn rot $\bar{g} = -\beta \cdot \bar{\mu}$ gilt, so muß $\overline{\mu}$ $\sqrt{\beta}$ imaginar werden und auch \overline{A} müßte dies sein, so daß wegen $g = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{A} / \alpha$ dieser Vektor komplex wird, weil α reell ist. Und dies würde bedeuten, daß auch α div $\overline{g} = \sigma_0$ ein komplexer Zusammenhang ist. Nun ist aber σ eine reale physikalische Größe, für welche I m σ_0 = o gelten mu β , und dies hätte auch I m α div \overline{g} = = \pm div \overline{A} = o zur Folge, was wegen \pm div \overline{A} = σ_0 - σ = \wedge ; (m_o - m) die Gleichheit m = m_o nach sich ziehen würde, was aber zu dem Energiematerieäquivalent im Widerspruch steht. Mithin muβ A reell sein, so daß nur rot g = β μ gelten kann, wodurch über das Vorzeichen entschieden worden ist. Zugleich ist das unbekannte Vektorfeld $\overline{A} = \overline{\mu}/\psi$ durch das Feld $\overline{\mu}$ ausgedrückt, was für g die im Vorzeichen noch immer zweideutige Darstellung $\overline{g} = \overline{\Gamma} \stackrel{+}{=} \overline{\mu}/\alpha \omega$ ermöglicht. Wegen $\omega \overline{A} = \overline{\mu}$ und div $\overline{A} = \overline{\mu}$ = $\frac{+}{\mu}$ / $\frac{+}{\mu}$ (m_0 - m) ist auch die Quellenverteilung von $\frac{-}{\mu}$ nämlich div $\bar{\mu} = \pm \omega \wedge$; $(m_0 - m)$ bekannt. Wie schon erwähnt, ist in rot $\bar{g} = \beta \ \bar{\mu}$ für $\sigma_0 > 0$ bei hohen Feldintensitäten $\sigma + 0$ ein Zusatzvektor \bar{q} zu vermuten, dessen Quellen mit denen von $\bar{\mu}$ äquivalent sind. Divergenzboldung von rot $\overline{g} + \overline{q} = \beta \overline{\mu}$ liefert. $div \overline{q} = \beta div \dot{\overline{\mu}} = \dot{\overline{z}} \beta \omega \partial / \partial t \Lambda ; (m_0 - m) und Volumen$ integration $\int div \ \overline{q} \ dV = \pm \beta \cup \rho/\rho t \ (m_0 - m)$, weil $\int () \ dV = \wedge^{-1}$; () und $\wedge \cdot \wedge^{-1} = 1$ gesetzt werden kann. Da $\int div \ \overline{q} \ dV = \phi \ \overline{q} \ dF$ ist, folgt im Vergleich nach Flächendifferentiation $\overline{q} = \pm \beta \omega \alpha / \alpha t d/d\overline{r} (m_o - m)$, das hei β t, \overline{q} entspricht dem pro Zeiteinheit die begrenzende Fläche durchsetzenden Fluβ gravitativer Feldmasse und kann nur existieren,

wenn o/ot $(m_o - m)$ \neq o bleibt, was aber im stabilen Fall nicht erfüllt sein dürfte. Zusammengefaßt gilt also für das dynamische, also zeitlich variable Gravitationsfeld

 $\alpha \text{ div } \overline{\Gamma} = \sigma \text{ , div } \overline{\mu} = \pm \omega \text{ } (\sigma_0 - \sigma) \text{ , rot } \overline{\mu} = \alpha \overline{g} + \overline{v} \sigma_0 \text{ ,}$ $\text{rot } \overline{g} = \beta \overline{\mu} + \beta \omega \theta / \theta \text{ t } d / d \overline{F} \text{ } (m_0 - m) \text{ , } \overline{g} = \overline{\Gamma} \pm \overline{\mu} / \alpha \omega \text{ ,}$ $m_0 = 0 \text{ , } m \approx 0 \text{ , rot } \overline{\mu} = \alpha \overline{g} \text{ , rot } \overline{g} = \beta \overline{\mu} \text{ ,}$ $\text{div } \overline{\mu} = 0 \text{ , div } \overline{\Gamma} = 0 \text{ , } \overline{\mu} \perp \overline{\Gamma} \text{ , } \alpha \beta \omega^2 = 1 \text{}$ 48.

Die Ausbreitungsgeschwindigkeit c' gravitativer Feldstörungen entsprach in ihrer Zweideutigkeit c' = \mp ω^2 derjenigen von rot $g = \pm$ β $\bar{\mu}$, was aber gemäß rot $g = \beta$ $\bar{\mu}$ wegen Im σ_0 eindeutig wurde, so daß dies c' = - ω^2 zur Folge hat. Aus Gleichung 48 folgt tatsächlich für die Feldstörung im leeren R_3 bei geringer Intensität $\sigma \approx 0$ das transversale Ausbreitungsgesetz div grad $(\bar{r}, \bar{\mu}) = -\alpha$ β σ^2/σ t^2 $(\bar{r}, \bar{\mu}) = -1/\omega^2$. \cdot σ^2/σ t^2 $(\bar{r}, \bar{\mu})$ für die beiden orthogonalen Feldvektoren. Da wegen $\alpha > 0$, sowie $\beta > 0$ und α β $\omega^2 = 1$ auch $\omega^2 > 0$ ist beschreibt die Beziehung keine Wellenausbreitung der Feldvektoren im Analogie zur Elektrodynamik, sondern eine raumzeitliche Potentialgleichung. Es handelt sich dabei um eine als Potential sich ausbreitende Feldstörung, welche im R_3 mit der Geschwindigkeit ω fortschreiche

tet, während die Zeitkoordinate $x_4 = \omega$ t dieser Raumzeit reell zählt. Aus diesem Grunde sollen die mit ω fortschreitenden gravitativen Wirkingen nicht als Gravitationswellen, sondern als gravitative Feldstörungen gezeichnet werden. Andererseits folgt aber aus der kanonischen Feldmechanik für jede gravitative Zustandsgröße

 c^* div grad $\overline{\psi} = \frac{\ddot{\psi}}{\psi}$, was

c' = i \(\omega \)48a

liefert, wodurch über das algebraische Verhalten von c'entschieden ist. Zur völlig eindeutigen Bestimmung der Ausbreitungsgeschwindigkeit von Gravitationsfeldwirkungen braucht also nur noch der Faktor β in α β ω^{2} = 1 ermittelt zu werden. Auch gestattet die zu ω \overline{A} = $\overline{\mu}$ führende Fassung m (r) c² + $\alpha/2$ \int \overline{r}^{2} d V = E_{m} = const. des Energieprinzips im statisch ungestörten Gravitationsfeld eine approximative Beschreibung des unbekannten Verlaufes m (r) der Feldmasse, wobei allerdings vorerst die notwendige Quantisierung unberücksichtigt bleibt, was den approximativen Charakter bedingt.

3.) Daa Mesofeld

Ist das Gravitationsfeld des Materiefeldquants m_0 ungestört und statisch, so gilt in guter Näherung $m(r) \cdot c^2 + \alpha/2 \int_{r_0}^{\infty} dV = const.$ mit $dV = 4\pi r^2 d r$, wodurch die nicht deformierte - also sphärische - Natur der Niveauflächen ausgedrückt wird. Da außerdem r = const. mit r =

Zur Lösung wird die Differentialgleichung homogeniseiert und eine Separation der Variablen durchgeführt. Nach Ordnung der Summanden entsteht die Form a $\cdot (dm/dr)^2 + dm/dr (1-2 a m/r) + a \cdot m^2/r^2 =$ = $\frac{1}{2} \frac{dm}{dr} + a ((\frac{dm}{dr})^2 - 2 \frac{dm}{dr} \frac{m}{r} + \frac{m^2}{r^2}) =$ = $/ dm/dr + a (dm/dr - m/r)^2 = o die mit der Transformation$ $m = \begin{cases} \cdot r \cdot also \frac{dm}{dr} = r \frac{d}{dr} + \begin{cases} gem \ddot{a} \cdot r^2 \frac{d}{dr} \\ + r \cdot d \begin{cases} dr + \end{cases} = o \text{ homogenisient werden kann. Mit dem} \end{cases}$ neuen Argument l n r ergibt sich wegen r d { /dr = d } /dlnr = { die Separation der Variablen in der Form a • { 2 + { 5 + } 4 = 0 von selbst. Die zweideutige Lösung dieser quadratischen Gleichung in { lautet } = - 1/2a (1 $\pm \sqrt{1-4a}$) und diese Bezieht kann zwischen r_0 und r_c elementar integriert werden. Es folgt = - 1/2a (1 $\frac{+}{\sqrt{1-4a}}$) und diese Beziehung $\ln (r/r_0) = -2 \text{ a} \int_{\xi} (1 + \sqrt{1-4a\xi})^{-1} \cdot d = -2 \text{ a} \int_{\xi} (1 + \sqrt{1$ = $1/2 \int_{C} (1 + \sqrt{1-4a})^{-1} \cdot d(1-4a)$. Mit der Substitution 1-4 a $\begin{cases} = u^2 \text{ wird daraus } \ln (r/r_0) = \int_{u_0}^{u} (1 \pm u)^{-1} \end{cases}$ udu oder mit q = 1 + u auch $ln(r/r_0) =$ $\int_{q_{-}}^{q} (q-1) dq/q = q - q_{0} + \ln (q_{0}/q) = \ln (q_{0} e^{-q_{0}}) -$ - 1 n (q e-q), was nach Potenzierung die Lösung

 $rq \cdot e^{-q} = r_0 q_0 \cdot e^{-q_0} = A = const. mit <math>q = 1 + \sqrt{1-4a} m/r$ ergibt, wenn mit } = m/r zurücktransformiert wird. In dieser Lö sung der Gleichung 49 ist noch die Zweideutigkeit von q zu beseitigen. Die Lösung muß auf jeden Fall so beschaffen sein, daß sie Randbedingungen genügt. Zunächst muß immer m $(r_0) = m_0$ werden und das Gesetz m (r) muß konvergent sein; denn würde 1 i m nicht gelten, so würde das Quant mo eine divergierende gravitative Selbstenergie erhalten, was zu dem Energieprinzip in Widerspruch steht, Die Randbedingungen lim $m = m_0$ und lim $r \rightarrow r_0$ $r \rightarrow \infty$ können auch auf die Approximation (a m/r) \approx o für n > 1 in r q · e -q = const. angewendet werden. Ist also die gravitative Felddichte hinreichend klein, so kann für q die Reihenentwicklung $q \approx 1 + (1 - 2 a m/r)$ verwendet werden. Ist die approximierte Integrationskonstante A, so gilt r(1 - 2 a m/r). • $\exp \left[- \left(1 + \left(1 - 2 + m/r \right) \right) \right] = A$. Zunächst werde der positive Zweig untersucht. Für diesen gilt, wenn A' = b₊/e² gesetzt wird, $2r(1-am/r) e^{2am/r} \approx 2r(1-am/r) \cdot (1+2am/r) = b_{+} = const$ Dieser Ausdruck (1 - am/r) (1 + 2am/r) = b₊/2r ist eine quadratische Gleichung in m, nämlich $2 a^2 m^2/r^2 - a m/r = 1 - b_4/2r$, deren zweideutige Lösung m = r/4a (1 $\pm \sqrt{g-4b_{\perp}/r}$) ist. Wegen $b_{+} = 2 r_{0} (1 - a m_{0}/r_{0}) (1 + \frac{2 am_{0}}{r_{0}})$ wird für beide Vorzeichen, da $(\alpha - \beta)^2 = (\beta - \alpha)^2$ ist, m $(r_0) = m_0$ für beide Zweige der zweideutigen Lösung erreicht, so daß die erste Randbedingung für den posktieven Zweig von q erfüllt ist. Für $r > r_0$ wird eine Reihenentwicklung in der Form m (r) = r/4a (1 $\stackrel{+}{-}$ 3 (1 - 2/g b₊/r + $+\frac{2}{\gamma=2}$ b_{χ}/r^{4})) = r/4a (1[±]3) ∓ $b_{+}/18a^{±}1/4a$ $\frac{2}{\gamma=2}$ $b_{\gamma}/r^{\gamma-1}$ und hieraus folgt l i m m = $\bar{+}$ b₊/18a + 1/4a (3 $\stackrel{+}{=}$ 1) l i m \uparrow r $\rightarrow \infty$ und dies bedeutet, daß lim m in jedem Fall divergiert, das heißt für den positiven Zweig rvon q ist die Konvergenzforderung nicht erfüllt. In r · q · e^{-q} = const. bleibt also nur noch der negative Zweig $q = 1 - \sqrt{1 - 4em/r} \approx 2em/r$ übrig, so daß auch $e^{-q} \approx e^{-2am/r} \approx 1 - 2am/r \text{ wird, was } r \cdot q \cdot e^{-q} \approx 1$

 \approx 2 a m (1 - 2am/r) = 2 a b = const. zur Folge hat.

Mit b = m_0 (1 - $\frac{2am_0}{r_0}$) lautet die Approximation m (1 - $\frac{2am}{r}$) = b , was wiederum eine quadratische Gleichung in m ist. Für die zweideutige Lösung folgt m = r/4a (1 $\frac{t}{r}$) $\frac{8ab}{r}$ für $r = r_0$ wird m (r_0) = $r_0/4a(1\frac{t}{r}(11 - \frac{4am_0}{r_0}))$, so daß m (r_0) = m_0 für jeden Zweig erreichbar ist. Für $r > r_0$ kann abermals m als Reihe entwickelt werden. Dies liefert

 $m = r/4a(1/1 - \frac{4ab}{r} + \frac{8}{\gamma=2} + \frac{6}{\gamma}/r^{\gamma}))$ und hieraus ergibt sich, daß für den negativen Zweig die Konvergenzforderung erfüllt ist. Man hat für diesen Zweig $m = b - 1/4a + \frac{6}{\gamma=2} + \frac{6}{\gamma}/r^{\gamma-1}$, was

wegen $\lim_{r\to\infty} \frac{b^r \gamma}{\gamma=2} = 0$ die Konvergenz $\lim_{r\to\infty} m = 0$ = $\lim_{r\to\infty} \frac{b^r \gamma}{\gamma=2} = 0$ die Konvergenz $\lim_{r\to\infty} m = 0$ = $\lim_{r\to\infty} \frac{b^r \gamma}{\gamma=2} = 0$ die Konvergenz $\lim_{r\to\infty} m = 0$ = $\lim_{r\to\infty} \frac{b^r \gamma}{\gamma=2} = 0$ die Konvergenz $\lim_{r\to\infty} m = 0$ = $\lim_{r\to\infty} \frac{b^r \gamma}{\gamma=2} = 0$ die Konvergenz $\lim_{r\to\infty} m = 0$ = $\lim_{r\to\infty} \frac{b^r \gamma}{\gamma=2} = 0$ die Konvergenz $\lim_{r\to\infty} m = 0$ den und die Lösung der Gleichung 49 lautet

$$r q \cdot e^{-q} = A = const , q = 1 - \sqrt{1 - 4am/r}$$
49a

und diese Beziehung enthält das unbekannte Gesetz m (r) näherungsweise implizit in makromarer, also nichtquantisierter Form. Auch scheint die Transzendentenfunktion der Gleichung 49 a ein Relativitätsprinzip gravitativer Raumstrukturen zum Ausdruck zu bringen; denn jede gravitative Feldquelle erscheint relativ zu irgendwelchen Raumpunkten als eine von der räumlichen Distanz abhängige Größe. Die Differenz m - m_0 = μ_g mu β die Feldmasse des zwischen r_0 und r > ro vorhandenen Gravitationsfeldes sein, welches also das Volumen 4/3 π (r³ - r³) ausfüllt. μ_g = lim μ_g wäre dann die Feldmasse des gesamtem von mo ausgesandten Gravitationsfeldes. Mit der aus 49 a folgenden Approximation $m \approx r/4a \left(1 - \sqrt{1 - 8ab}\right)$ wird $\mu_{\rm g} = \lim_{r \to \infty} (m - m_{\rm o}) = b_{\rm o} - m_{\rm o}$ weil $\lim_{r \to \infty} m = b_{\rm o}$ ist. Mit $b_{\rm o} = m_{\rm o} (1 - \frac{2am_{\rm o}}{r_{\rm o}})$ wird dann $\mu_{\rm g} = -\frac{r_{\rm o}}{r_{\rm o}}$. Da grundsätzlich m_0^2 > o und auch r_0 > o ist, muß auch $\frac{2am^2}{r_0} > 0 \text{ wegen } 2a = \frac{32}{16c^2} > 0 \text{ sein, so da}\beta \text{ sich}$ $\mu_{\mathbf{g}}$ < o ergibt, das heißt, die Feldmasse des Gravitationsfeldes ist negativ. Das positive Gegenstück dazu kann nicht die gesamte

gravitative Feldquelle m_o sein; denn es ist $\mu_{\vec{g}} \not = m_{\vec{o}}$. Es erscheint daher notwendig zwischen der Feldquelle und dem eigentlichen exogenen Gravitationsfeld ein Zwischenfeld als Mittel – oder Mesofeld anzunehmen, dessen Feldmasse $\mu = -\mu_{\vec{g}} \approx \frac{2am^2}{r_{\vec{o}}}$ das positive

Gegenstück zur negativen Gravitationsfeldmasse ist. Offenbar gilt für die der Gravitationsfeldmasse μ = m - m entsprechende Mesofeldmasse μ = m - m und mit dem Dichtepperator \wedge würde sich dann für die Massen- oder Energiedichte des Mesofeldes \wedge ; μ = \wedge ; $(m_0 - m) = \sigma_0 - \sigma$ ergeben. Andererseits ist aber σ_0 - σ die Feldquelle des in Gleichung 48 beschriebenen Vektors μ , woraus, wegen div μ = \pm ω $(\sigma_0 - \sigma)$ = \pm ω \wedge ; μ folgt, daß μ der Feldvektor dieses Mesofeldes im m_3 ist. Auf diese Weise hat der sich aus der Notwendigkeit des Energiesatzes ergebende μ , mit dem zweideutig $\bar{\mu}$ ergänzt wurde, mit Hilfe der Lösung 49 a seine Interpretation als Mesofeldvektor gefunden. Da \wedge ; μ = σ_0 - σ und μ > σ ist, kommt in \bar{g} und div $\bar{\mu}$ von Gleichung 48 nur der positive Zweig in Betracht. Mithin ist 48 durch die Eindeutigkeit

$$\overline{E} = \overline{f} + \overline{\mu}/\alpha \omega , \quad \operatorname{div} \overline{\mu} = \omega \quad (\sigma_{0} - \sigma) ,$$

$$\operatorname{rot} \overline{E} = \beta \overline{\mu} - \beta \omega \quad \partial/\partial t \quad \operatorname{d}/\operatorname{d}\overline{F} \quad (m_{0} - m) \quad \dots \quad 49b$$

zu ergänzen. Unbekannt sind nur noch die Mesofeldkonstante β und damit die Größe ω als Betrag der Ausbreitungsgeschwindigkeit gravitativer Feldstörungen. Wegen α β ω^* = 1 braucht nur eine dieser beiden Größen ermittelt zu werden. Es besteht die Möglichkeit weitere Aussagen zu erhalten. Für $r=r_0$ muß im makromaren Bereich auf jeden Fall das empirische Gravitationsgesetz 8 aus B II 2 erscheinen, in welchem β $m/r_0 \ll c^2$ und 4 a $m_0/r_0 \ll 1$ bleibt, so daß in der Reihenentwicklung von 49a alle höheren als erste Potenzen in sehr guter Näherung verschwinden. Hieraus folgt für die Integrationskonstante $A \approx 2$ a $m_0 = 3$ β ℓ $m/16c^2$, also $A = A^*$ oder Im A = 0, was die Realität Im $qe^{-q} = 0$ zur Folge hat, weil r im R_3 immer reell ist. q e^{-q} kann aber nur dann einen imaginären Anteil haben, wenn der Radikant in q negativ wird. Die Realitätsforderung läßt also nur 1 - 4 a m/r > = 0 zu, wobei im Fall der Gleichheit der maximale Grenzwert für m/r vorliegt, so daß 1 - 4a $(m/r)_{max} = 0$ eine Grenze beschreibt. Ist M_0

irgendeine ponderable oder imponderable Trägheitswirkung, welche von 4a m/r so beeinflußt wird, daß die Trägheitswirkung mit β =v/c in 4a m/r gravitiert, dann gilt $M = M_0 (1 - \beta^2)^{-1/2}$ wegen \widehat{A} nach lo und loa für die kinetische Energie $E_k = M$ c² - M_0 c² = M c² · $(1 - \sqrt{1-\beta^2})$, was andererseits identisch sein muß mit $E_g = \gamma^\ell$ m M/r, so daß aus $E_k = E_g$ unmittelbar $1 - \sqrt{1-\beta^2} = \gamma^\ell$ m/c²r folgt. Wird dies mit 4 = 3/8 γ^ℓ /c² in die Realitätsforderung eingesetzt, dann folgt 1 - 3/8 $(1-\sqrt{1-\beta^2}) \ge 6$, wobei die Gleichheit einem Geschwindigkeitsmaximum entspricht, nämlick 1 - 3/8 $(1 - \sqrt{1-\beta^2}) = m$. Dieses Geschwindigkeitsmaximum muß

aber die höchstmögliche Geschwindigkeit einer Trägheitswirkung überhaupt beschreiben. Trägheitswirkungen maximaler Geschwindigkeit können aber nur gravitative Feldstörungen sein, so daß $\beta_{max} = c^{\circ}/c$ ihre Ausbreitungsgeschwindigkeit darstellt. Aus der extremalen Realitätsforderung ergibt sich $\beta_{max} = 4/3$ i oder $c^{\circ} = i \cdot 4/3$ c was mit 48 a , also $c^{\circ} = i \cdot \omega$ verglichen $\omega = 4/3$ c liefert wegen 64 π β $\alpha = 3$ wird aber $(\alpha \omega^{\circ})^{-4} = 12$ π β / c^{2} , was mit α β $\omega^{\circ} = 1$ für die Mesofeldkonstante $\beta = 1.2$ π β / c° liefert. Aus der Realitätsforderung der Lösung 49 a , welche sich aus der notwendigen Anschlußbedingung an das empirische Gesetz 8BII2 ergab, folgt also neben dem unbekannten Betrag der Ausbreitungsgeschwindigkeit gravitativer Feldstörungen noch die Mesofeldkonstante, so daß mit

das durch 49 b eindeutig gewordene Gravitationsgesetz 48 keine unbekannten Größen mehr enthält. Die imaginäre Natur von c' aus 48 a wird durch die extremele Realitätsforderung der Lösung 49 a bestätigt. Bei dieser Bestimmung ist zu berücksichtigen, daß 49 a nur eine nichtquantisierte makromare Approximation ist. In dieser Näherung ist aber $\chi^{m}/r = \varphi$ die gravitative Feldfunktion, welche wegen 4 a m/r = 3/8 $\chi^{m}/r = 3/8$ φ/c^{2} allein $q = 1 - \sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{1-3/8} \frac{\varphi}{c^{2}}$ in r = 3/8 φ/c^{2} allein q = 1 - $\sqrt{$

nung von 49 auf den mikromaren Bereich die Größen 50 ergeben. Trotz des approximativen Charakters von 49 sind also die Konstanten aus 50 exakt.

4.) Gravitative Mesofeldwechsel - wirkungen.

Das Differentialgesetz Gleichung 49 folgt aus m c2 + + $\alpha/2$ \int $\vec{\Gamma}$ d V = \vec{E} = const. (t), wobei $m = \int \Lambda$; m d Veingeführt werden kann, weil mit dem Operatorkern \land der integrale Einheitsoperator in der Form $\int \wedge$; () d V definiert werden kann. Damit wird E' = \int (c² \wedge ; m + $\alpha/2$ $\overline{\Gamma}$ ²) d V oder σ $c^2 + \alpha/2$ $\vec{r}^2 = dE^2/dV = \eta^2$ und dieser Wert η^2 ist offenbar die rein gravitative Energiedichte, wenn das Feld nicht ungestört sondern einer gravitativen Wechselwirkung unterworfen ist. Nach 48 und 49 b wird aber das Gravitationsfeld nicht allein durch F bestimmt; denn es existiert das hierzu normale Mesofeld u, welches wegen $\overline{\mu}$ (r) (im ungestörten Fall) keineswegs auf den Quellbereich konzentriert bleibt. Aus Gleichung 50 folgt, daß die Mesofeldkonstante β sehr klein ist, was auch für die energetische Mesofelddichte $(\sigma_0 - \sigma)$ c² gilt, we shalb rot \overline{g} und div \overline{u} im statischen, al so ungestörten Fall praktisch verschwinden. Da aber u + o existiert, muß geschlossen werden, daß die gravitative Wechselwirkung zwischen Quell- und Aufpunktfeld nicht auf eine einfache Superposition 7 zurückgehen kann, sondern daβ viel mehr die beiden Feldstrukturen über eine gegenseitige Mescfelderregung die Dichteasymmetrieen der gravitativen Feldvektoren und damit die metrischen Niveauflächendeformation induziert, als deren Folge erst die ponderomotorische Beschleunigung wegen des Entropieanstieges nach 47 resultiert. π' = = σ c² + $\alpha/2$ \vec{r} ² braucht also im Fall dieser gravitativen Mesofeldinduktion weder zu verschwinden, noch konstant zu sein, weil die gesamte Energiedichte n sich aus n' und einem Mesofeldanteil η^{**} zusammensetzen mu β , so da β erst η = η^* + η^{**} zeitlich kon stant bleiben kann. Diese n' entsprechende Beziehung muß also auch für $\sigma_0 - \sigma = \Lambda$; $(m_0 - m) \sim \text{div } \bar{\mu}$, nämlich für die Mesofeldquellen geltem. Nun gibt (m - m) · c2 nach Gleichung 49 b den Energieinhalt der Mesofeldquelle an und die zu Gleichung 48 führende Entwicklung zeigt, daß für die freie Mesofeldenergie - $\beta/2$ $\overline{\mu}^2$. · d V ergibt. Damit folgt für den Energieinhalt des gesamten Mesofeldes E'' = $(m_0 - m)$ $c^2 - \beta/2 \int \overline{\mu}^2$ d $V = \int (c^2 \wedge \frac{1}{3})$; $(m_0 - m) - \beta/2 \overline{\mu}^2$) · d V oder $(\sigma_0 - \sigma)$ $c^2 - \beta/2 \overline{\mu}^2$ = $dE'''/dV = \eta''$ · Die gesamte Energiedichte von Gravitations— und Mesofeld ist offenbar $\eta = \eta'' + \eta''' = \sigma_0$ · $c^2 + 1/2$ $(\alpha \overline{\Gamma}^2 - \beta \overline{\mu}^2)$, was mit $\sigma_0 = \alpha$ div \overline{g} die Beziehung α div $\overline{g} + 1/2c^2$ · $(\alpha \overline{\Gamma}^2 - \beta \overline{\mu}^2) = \eta/c^2$ liefert. Weiter ist 1/2 $(\alpha \overline{\Gamma}^2 - \beta \overline{\mu}^2) = \alpha/2$ $(\overline{\Gamma}^2 - \overline{\mu}^2/\alpha^2\omega^2) = \alpha/2$ $(\overline{\Gamma}^2 + \overline{\mu}^2/\alpha^2c^2)$, weil $c' = i \omega$ ist. Da $\overline{\mu} \perp \overline{\Gamma}$ verläuft, kann neben dem reellen Vektor \overline{g} ein komplexer Vektor $\overline{g} = \overline{\Gamma} + \overline{\mu}/c^2\alpha = \overline{\Gamma} - i\overline{\mu}/\alpha\omega$ definiert werden, mit dessen Hilfe $\overline{\Gamma}^2 - \overline{\mu}^2/\alpha^2\omega^2 = (\overline{\Gamma} + \overline{\mu}/c^2\alpha)^2 = \overline{g}^2$ wird, weil $\overline{\Gamma} \perp \overline{\mu}$ ist. Damit gilt α div $\overline{g} + \alpha/2c^2$ · $\overline{g}^2 = \eta/c^2$ oder div $\overline{g} + \overline{g}^2/2c^2 = \eta/\alphac^2$. Die Energiedichte η muß sich dabei in der Form $d\eta/dt = 0$ gegen totale Zeitänderung verhalten, weil das Energieprinzip gewahrt bleiben muß. Nun ist

 $d\eta/dt = \eta + \sum_{k=1}^{\infty} \frac{\partial \eta}{\partial x_k} \cdot dx_k/dt = \frac{1}{\eta} + \overline{v}$ grad $\eta = 0$. Wird die Quelle yon \overline{g} nicht zum Bezugssystem mit \overline{v} = const. Stationär bewegt, sondern wirkt auf diese gravitative Feldquelle ein Fremdfeld g' ein, welches von einer Quelle m' erregt wird, so erfährt die Quelle von g die Beschleunigung g' und diejenige von g, die Beschleunigung g, so daβ für m stets als Fremdfeldein fluß dieser gravitativen Mesofeldwechselwirkung $\overline{v} = (\overline{g})$ d t gesetzt werden kann. Wegen der Kommutation (div x () d t)_ =0 gilt div $\overline{v} = \text{div } \int \overline{g}$, d t = $\int \text{div } \overline{g}$, d t = $\int \text{div } \overline{g}$, weil im Allgemeinen div g' + o sein kann; denn div g' = o würde div Γ' = o und div μ' = o bedeuten, was das Fremdfeld g'als eine quellenfreie gravitative Feldstörung näherungsweise kenn zeichnet, deren Ausbreitungsgeschwindigkeit aber imaginär ist. Wenn aber div $\overline{y} \neq 0$ bleibt, kann nicht mehr \overline{v} grad $\eta = \text{div}(\overline{v} \eta)$ gesetzt werden; denn dies setzt div v = o voraus. Mithin gilt $\tilde{\eta} + \int \tilde{g}^{*} dt$ grad $\eta = 0$. Wird hierin mit $\eta = c^{2}$ • (div $\frac{1}{g}$ + $\frac{1}{g^2}/2c^2$) substituiert und werden die Operatoren

Q' =
$$(@/@t + \int \bar{g}' dt \cdot grad) ; div ,$$

 $P' = 1/2c^2 \ (\% \ t +) \ \bar{g}' \ d \ t \ grad) \dots 51$

eingeführt, so folgt das allgemeine Wechselwirkungsgesetz zwischen

den Feldquellen von g und g' das nichtlineare Gesetz

Q'; $\overline{g} + P'$; $\overline{g}' = 0$, $\alpha \text{ div } \overline{f} = \sigma$, $\operatorname{div } \overline{\mu} = \omega(\sigma_0 - \sigma)$, $\overline{g}' + P$; $\overline{g}'' = 0$, $C' = i \omega$, $\overline{f} \perp \overline{\mu}$, $\overline{g} = \overline{f} + \overline{\mu}/\alpha \cdot C'$. 51 a,

worin die zweite Gleichung den Einfluβ von g auf die Quelle von g' beschreibt. Für dieses allgemeine Wechselwirkungsgesetz gibt es noch Sonderfälle. Zunächst besteht die Möglichkeit / 5 g. dt/ = = $|\overline{\mathbf{v}}|$ = const. (t), was noth die zeitliche Anderung der Richtung von v offen läβt; das heiβt, die Quelle von g wird von g' so beeinfluβt, daß sie sieh längs des Meridians einer Niveaufläche von g' bewegt, doch weicht dieser Sonderfall praktisch nicht vom allgemeinen Fall Gleichung 51 a ab. Gilt dagegen { g' · dt = v = = const (t), so bleibt \bar{v} auch in der Richtung konstant, so daß die Quelle von g überhaupt nicht mehr vom Feld g' beeinfluβt wird sondern sich nur in einem zum Bezugssystem relativ bewegten Inertialsystem befindet. Damit wird Q ; $\overline{g} = \operatorname{div} \overline{g} + \overline{v}$. grad div $\overline{g} = \operatorname{div} \overline{g} = \operatorname{div} = \operatorname{div} \overline{g} = \operatorname{div} = \operatorname{div}$ = div $(\bar{g} + \bar{v} \text{ div } \bar{g})$, weil in diesem Fall div $\bar{v} = o$ gilt. Auch folgt P : \vec{g} = 1/2 \vec{c} ($\vec{\rho}\vec{g}$ / \vec{h} t + div (\vec{v} \vec{g}) = 1/2 \vec{c} . + $d\overline{g}^2/dt$. Wird dies in Gleichung 51 eingesetzt mit α multipliziert und α div $\overline{g} = \sigma_0$ berücksichtigt, so folgt $\operatorname{div} \left(\alpha \ \overline{g} + \overline{v} \cdot \sigma_{0}\right) + \alpha/2c^{2} \ \operatorname{d}\overline{g}^{2}/\operatorname{dt} = 0$. Aus der Stabili tätsforderung $dm_0/dt = o$ oder $d\sigma_0/dt = o$ ergibt sich $\alpha = c$ + $\overline{\mathbf{v}}$ • σ_0 als divergenzfreier Rotor div $(\alpha \ \dot{\overline{\mathbf{g}}} + \overline{\mathbf{v}} \ \sigma_0) = 0$, oder $\alpha = \overline{g} + \overline{v} \sigma_0 = \text{rot } \overline{\mu}$, was $d\overline{g}^*/dt = 0$ zur Folge hat. Die Einschränkung $\int g^* dt = \overline{v} = const.$, also das Fehlen einer Wechselwirkung, bringt Gleichung 51a in die speziellere Form $\int \overline{g} \cdot d t = \overline{v} = \text{const.}, d\overline{g} \cdot /dt = 0 \text{ und } \overline{g} + \overline{v} \cdot div \overline{g} =$ = $1/\alpha$ · rot $\overline{\mu}$ · Hierin kann α \overline{v} · div \overline{g} = \overline{v} σ_{0} = \overline{S} wegen $\overline{\mathbf{v}}$ = const als Strömungsvektor von σ_{0} + o aufgefaßt werden. Mit $\bar{g} = \bar{\Gamma} + \bar{\mu}/\alpha \omega$ kann von $\alpha \dot{\bar{\Gamma}} + \bar{\mu}/\omega + \bar{S} = \text{rot } \bar{\mu} \text{ der}$ doppelte Feldrotor gebildet werden. Es ist rot rot $(\alpha \ \bar{\vdash} + \ \bar{\mu}/) =$ = rot rot $\overline{\mu}$ = grad div rot $\overline{\mu}$ - div grad rot $\overline{\mu}$ = -= - div grad rot $\overline{\mu}$ = - α div grad $\overline{\Gamma}$ - $1/\omega$ · div grad $\overline{\mu}$ - div grad S, wegen rot rot = grad div - div grad und div rot = 0. Für die linke Seite folgt rot rot $(\alpha \ddot{\Gamma} + \ddot{\mu}/\omega + \bar{S})$ = α grad div $\ddot{\Gamma}$ + grad div \ddot{S} + 1/ ω rot rot $\ddot{\mu}$ α div grad 🛱 - grad 🛱 ; also im Vergleich

grad div $(\alpha \ \dot{\Gamma} + \ \dot{S}) + 1/\omega$ rot rot $\dot{\mu} = -1/\omega$ div grad $\dot{\mu}$. Hierin ist rot rot $\dot{\mu} = \text{rot} (\alpha \ \ddot{\Gamma} + \ \ddot{\mu}/\omega + \ \dot{S})$ und rot $\ddot{\mu} = \alpha \ \dot{\Gamma} + \dot{\mu}/\omega + \dot{S}$, was eingesetzt in die Beziehung (grad div + $1/\omega$ rot O/O t + $1/\omega^2$ O^2/O t²); $(\alpha \ \dot{\Gamma} + \ \dot{S}) = -\frac{1}{\omega} / \omega / O$ t (div grad $\ddot{\mu} + \frac{1}{\omega} / \omega^2$) ergibt. div grad $\ddot{\mu} + \frac{1}{\omega} / \omega^2 = 0$ gilt nur für div $\ddot{\Gamma} = 0$ und div $\ddot{\mu} = 0$, während für $\sigma_0 \neq 0$ auch div grad $\ddot{\mu} + \frac{1}{\omega} / \omega^2 \neq 0$ zu erwarten ist. Mit div $\ddot{\mu} = \omega$ $(\sigma_0 - \sigma) = q$ (Mesofeldquelle) wird grad q - div grad $\ddot{\mu} = grad$ div $\ddot{\mu} - div$ grad $\ddot{\mu} = rot$ rot $\ddot{\mu} = rot$ ($\alpha \ \ddot{\Gamma} + \dot{\mu}/\omega + \ddot{S}) = \alpha$ rot $\ddot{\Gamma} + rot \ \ddot{S} + 1/\omega$ rot $\ddot{\mu} = (rot + 1/\omega) O/O$ t); $(\alpha \ \ddot{\Gamma} + \ddot{S}) + \frac{1}{\omega} / \omega^2$ oder $-1/\omega$ o/Ot (div grad $\ddot{\mu} + \ddot{\mu}/\omega^2$) = $(1/\omega)$ rot O/Ot + $1/\omega$ O^2/O t²); $(\alpha \ \ddot{\Gamma} + \ddot{S}) - 1/\omega$ grad \ddot{q} , was im Vergleich (grad div $+ 1/\omega$ rot O/Ot + $1/\omega^2$ O^2/O t²); $(\alpha \ \ddot{\Gamma} + \ddot{S}) = (1/\omega)$ rot O/Ot + $1/\omega^2$ O^2/O t²); $(\alpha \ \ddot{\Gamma} + \ddot{S}) = (1/\omega)$ rot O/Ot + $1/\omega^2$ O^2/O t²); $(\alpha \ \ddot{\Gamma} + \ddot{S}) = (1/\omega)$ rot O/Ot + $1/\omega^2$ O^2/O t²); $(\alpha \ \ddot{\Gamma} + \ddot{S}) = (1/\omega)$ rot O/Ot + $1/\omega^2$ O^2/O t²); $(\alpha \ \ddot{\Gamma} + \ddot{S}) = 0$ liefert. Mithin wird der Sonderfall $(\alpha \ \ddot{\Gamma} + \omega \ \ddot{\Gamma} + \omega \ \ddot{\Gamma} + \ddot{\Gamma}$

Ist $\overline{\mathbf{v}}$ nur noch die Relativgeschwindigkeit des Koordinatensystems in welchem sich eine quellenfreie gravitative Feldstörung befindet, das heißt, ist $\mathbf{m}_0 = \mathbf{o}$, so wird α div $\overline{\mathbf{v}} = \sigma$ und div $\overline{\mu} = -\mathbf{v} = -\mathbf{v}$, was div $\overline{\mathbf{g}} = \mathbf{o}$ zur Folge hat. Dieser weiteren Einschränkung wird also

weil σ der Dichte freier Feldenergie entspricht. Dieser Ausdruck wiederum kann durch eine Koordinatentransformation auf das Eigensystem $\overline{\mathbf{v}}=\overline{\mathbf{v}}$ transformiert werden, das heißt, nach dieser Transformation muß sich die Beschreibung einer quellenfreien gravitativen Feldstörung ergeben. Die Spezialisierung $\overline{\mathbf{v}}=\overline{\mathbf{o}}$ hat nur auf die letzte Beziehung aus Gleichung 51 c einen Einfluß; denn es ist

 $d\bar{g}^*/dt = \partial \bar{g}^*/\partial t + div (\bar{v} \cdot \bar{g}^*) = |\partial \bar{g}^*/\partial t = 0$. Mit $g = \overline{\Gamma} + \overline{\mu}/c^{2}\alpha$, sowie $\overline{\Gamma} \perp \overline{\mu}$ und $c^{2} = i$ wird $g^{2} = \overline{\Gamma}^{2} - \mu^{2}/\omega^{2}\alpha^{2} = \overline{\Gamma}^{2} - \beta/\alpha \overline{\mu}^{2}$, oder $\alpha/2$ $g^{2} = 1/2$ ($\alpha \cdot \overline{\Gamma}^{2} - \beta \cdot \overline{\mu}^{2}$), was in \log^{2}/Ω t = 0 eingesetzt 1/2 Ω/Ω t ($\alpha \cdot \overline{\Gamma}^{2} - \beta \cdot \overline{\mu}^{2}$) = 0 oder 1/2 Ω/Ω t. ($\alpha \cdot \overline{G}^{2} - \beta \cdot \overline{\mu}^{2}$) - $\beta \cdot \overline{\mu}^{2}$ = 0 ergibt. Hierin ist 1/2 Ω/Ω t. • (α \bar{g} $^{\circ}$ - β $\bar{\mu}$ $^{\circ}$) = - div \bar{g} \times $\bar{\mu}$ = \bar{g} ret $\bar{\mu}$ - $\bar{\mu}$ ret \bar{g} was sich für ret \bar{g} = β $\bar{\mu}$ und $\hat{\sigma}$ = 0 im stationären Fall \hat{m} = 0 ergibt. Neben den bereits in Gleichung 48 zum Ausdruck gebrachten Beziehungen gilt also noch, weil $\bar{g} \times \bar{\mu} = \bar{r} \times \bar{\mu}$ ist, $o = \text{div } \bar{r} \times \bar{\mu} + \beta \bar{\mu} \bar{\mu}$ und darin kann $\beta \bar{\mu} \bar{\mu} = \bar{\mu}$ rot $\bar{g} = \bar{\mu}$ = $\overline{\mu}$ rot $\overline{\Gamma}$ + $4/\alpha \omega$ • $\overline{\mu}$ rot $\overline{\mu}$ = $\overline{\mu}$ rot $\overline{\Gamma}$ gesetzt werden, weil $\overline{\mu}$ rot \overline{u} ist. Die fortschreitenden gravitativen Feldstörungen werden also durch div $\dot{\Gamma} = 0$, div $\ddot{\mu} = 0$, div $\vec{\lambda} = 0$ + $\overline{\mu}$ rot $\overline{\Gamma}$ = 0, sowie durch rot $\overline{\mu}$ = α \overline{g} und rot \overline{g} = β $\overline{\mu}$ beschrieben. Die letzten beiden Beziehungen können noch mit g = 7 + + $\overline{\mu}/\alpha w$ zu rot $\overline{\mu}$ - $\overline{\mu}/w$ = α · $\overline{\tau}$ und rot $\overline{\tau}$ + $\overline{\tau}/w$ = $\overline{0}$ wegen α β ω^2 = 1 umgeformt werden. Die fortschreitenden stationären gravitativen Feldstörungen werden demnach beschrieben durch $\overline{v} = \overline{o}$, div $\overline{\mu} = o$, div $\overline{\mu} = o$, div $\vec{\Gamma} \times \vec{\mu} + \vec{\mu}$ rot $\vec{\Gamma} = 0$, rot $\vec{\mu} - \vec{\mu}/\omega = \alpha \vec{\Gamma}$, rot $\vec{\Gamma} + \vec{F}/\omega = \vec{0}$, $\vec{\Gamma} \perp \vec{\mu}$ das heißt, das Verhalten von $\bar{\mu}$ rot $\bar{\Gamma} = -\bar{\mu} \bar{\Gamma}/\mu$ entscheidet, ob div $\overline{\Gamma}$ X $\overline{\mu}$ = o ist oder nicht; das heißt ob Gravitationswellen ausgestrahlt werden können oder nicht; denn nach Einführung von g folgt für die Leistungsdichte der Felder 1/2 0/0t . • $(\alpha \ \overline{g}^{2} - \beta \ \overline{\mu}^{2}) = - \operatorname{div} \ \overline{g} \times \overline{\mu} = - \operatorname{div} \ \overline{r} \times \overline{\mu}$, worin Γ \times $\bar{\mu}$ die gravitative Energieströmung angibt weil $\begin{cases} \text{div } \overrightarrow{\Gamma} \times \overrightarrow{\mu} & \text{o d } V = \emptyset \overrightarrow{\Gamma} \times \overrightarrow{\mu} \text{ d } \overrightarrow{F} \text{ ist. In der Darstel-} \\ \text{lumg } \overrightarrow{\Gamma} = \text{grad } \varphi \text{ wird } \overrightarrow{\Gamma} = \text{grad } \varphi \text{ } \overrightarrow{\Pi} \overrightarrow{\Gamma} \text{ , was wegen } \overrightarrow{\mu} \perp \overrightarrow{\Gamma} \\ \text{stets } \overrightarrow{\mu} \text{ rot } \overrightarrow{\Gamma} = - \overrightarrow{\mu} \overrightarrow{\Gamma} / \omega = \text{o wegen } \cancel{\times} (\overrightarrow{\mu}, \overrightarrow{\Gamma}) = \pi/2 \text{ und} \end{cases}$ damit div - X μ = o zur Folge hat. Das heißt, ein System in welchem 🖵 als Gradientenfeld darstellbar ist, kanh überhaupt keine Gravitationsenergie in Form gravitativer Feldstörungen abstrahlen. Erst wenn die Zeitdifferentiation von 7 auch eine Richtungsänderung mitsich bringt, so daß $\cos (\bar{r}, \dot{\bar{r}}) \neq \pm 1$ und dementsprechend cos $(\bar{\mu}, \bar{\Gamma})$ † o wird, ist div $\bar{\Gamma} \times \bar{\mu}$ † o, also eine regelrechte Ausstrahlung von gravitativen Feldstörungen möglich, vorausgesetzt, daß $\uparrow \pm \bar{o}$ und $\bar{\mu} \pm \bar{o}$ sind. Im Fall der Orthogonalität,

also div $\bar{r} \times \bar{\mu}$ = 0 kann \bar{r} = grad • ϕ wirbelfrei sein und diese Darstellung kennzeichnet die ponderable aber makromare Materieverteilung m_0 > 0. Bereits nach der quantendynamischen Operatorgleichung 36 kann für m_0 > 0 der Zustand $\bar{\psi}$ nicht in den R_3 ausgestrahlt werden, wohl aber im Fall imponderabler m_0 = 0. Aus diesem Grunde scheint $\bar{\mu} \perp \bar{r}$ unmittelbar die Ponderabilität auszudrücken, so daß nach

ponderable Materiefeldquanten grundsätzlich nicht zur Emission gravit tativer Feldstörungen im Sinne freier Gravitationswellen fähig sind. Nur im Fall der imponderablen photonischen Quanten könnte die Mög-lichkeit cos $(\bar{\mu}, \bar{\tau})$ o bestehen, was wiederum die durch $\omega < \infty$ (dritter Fall aus C I 3) nanegelegte Möglichkeit eines einheitlichen elektromagnetisch- gravitativen Induktionsgesetzeandeutet.

5.) Revisionen und Ansatzpunkte

Nach den vorangegangenen heuristischen Untersuchungen muß zu nächst die Vorstellung vom Phänomen der Gravitation eine Revision erfahren. Die einzige zusätzlich eingeführte Aussage ist $\sigma_{(o)}$ = const im Innern der Nuklearstrukturen aus 6 der phänomenologischen Induktion. Im Fall der Materiefeldquanten braucht dieser Sachverhalt aber nicht erfüllt zu sein, doch geht in den Formalismus die Volumenabmessung des Bereiches σ_{o} = const. nicht ein. Wegen der mikromaren dualistischen Quantenstruktur aller Materiefeldquanten muβ es in deren Innern aber stets ein endliches Volumen mit o = const. geben, so daß diese Bedingung immer als erfüllt angesehen werden darf. Die Revision der Vorstellung vom Gravitationsfeld wird durch die Existenz eines zum Gravitationsfeldvektor orthogonalen Mesofeldes begründet, welches im statischen Fall überhaupt nicht erscheinen kann, und bei gravitativen Feldsuperpositionen Asymmetrien in der gravitativen Feldlinieverteilung verursacht, worin der Elementarprozeβ der ponderomotorischen Wirkungen zu sehen ist. Im statischen Fall kann dieses Mesofeld wegen $\frac{\dot{\nu}}{\mu} = 0$ und $\frac{\dot{r}}{\Gamma} = 0$ tatsächlich nicht explizit erscheinen; denn nach 48 werden dann, weil auch $\overline{v} = \overline{0}$ diesen statischen Fall ausmacht, rot $\overline{\mu} = \overline{0}$ und rot $\overline{\Gamma} = \overline{0}$, so

daß α div $\overline{\Gamma} = \sigma$ und div $\overline{\mu} = \omega (\sigma_0 - \sigma)$ zu α div $\overline{g} = \sigma_0$ überlagern. In dieser übrigbleibenden statischen Beziehung erscheint aber $\overline{\mu}$ nicht mehr explizit. Mit der Approximation $\bar{g} \approx \text{grad} \phi \text{ und 16 } \sigma_0 = \text{m/V} \text{ wird dann div grad}$ m/V = 2 m/r, was das empirische Gesetz 8 B II liefert. Im wechselwirkungsfreien Gravitationsfeld ist also $\bar{\mu}$ (r) latent in der Feldstruktur enthalten und wird erst bei der Wechselwirkung im Sinne der Induktion einer Felddichteasymmetrie während des Wechselwirkungsvorganges aktiv. Dieses latente aber bei Wechselwirkungen aktiv werdende Mesofeld muβ wegen des Äquivalenzprinzipes von Trägheit und Gravitation auch den Trägheitswiderstand verursachen, welcher bei der zeitlichen Änderung des Bewegungszustandes eines jeden materiellen Systems auftritt. Eine Änderung dieses Zustandes muß demnach eine der ändernden Ursache entgegenwirkende Mesofeldinduktion zur Folge haben, was den Trägheitswiderstand bedingt. Auf diese Weise beschreibt die Mesofeldinduktion gravitativer Felddichteasymmetrien nach 48 tatsächlich den Elementarprozeβ jeder ponderomotorischen Wirkung.

Kommt es zu gravitativen Feldstörungen, so induzieren sich die beiden orthogonalen Vektoren gegenseitig, doch kann es zu einer regelrechten Gravitationswellenemission nur dann kommen, wenn der Gravitationsfeldvektor zu seiner zeitlichen Änderung nicht parallel verläuft. Die gravitativen Feldstörungen und damit auch die Gravitationswellen laufen mit imaginärer Geschwindigkeit, deren Betrag 4/3 der Lichtgeschwindigkeit ist. Dieses Ausbreitungsgesetz gravitativer Feldstö rungen mit seiner von der Lichtgeschwindigkeit völlig verschiedenen Ausbreitungsgeschwindigkeit bedingt aber, ähnlich wie die elektromagnetische Induktion ein gravitatives Relativitätsprinzip mit einer Transformationsgruppe gleichberechtigter Bezugssysteme. Wegen c' = i w und $\omega + c$ ist zu erwarten, daß sich diese Gruppe von der raumzeitlichen Transformationsgruppe A des elektromagnetischen Relativitäts prinzips unterscheidet, so daß beide Gruppen gleichberechtigt nebeneinander existieren und somit Untergruppen einer allgemeinen übergeordneten Gruppe raumzeitlicher Inertialsysteme sind. Dieses Relativitätsprinzip gravitativer Feldstörungen kann sich nicht auf die gebundenen Feldstörungen beziehen, welche bei einer zeitlichen Zustandsänderung der Mesofeldwechselwirkung ponderabler Systeme entstehen, sonedern nur auf die frei in den Rz emittierten Wirkungen der Beziehung 51 d. Wenn es möglich ist, die raumzeitliche Matrix des gravitativen Relativitätsprinzips zu beschreiben, dann muβ diese mit A gleichberechtigt sein und aus 48 müssen sich in Analogie zu tive Feldtensoren ergeben, welche gegen die Transformationsgruppe des gravitativen Relativitätsprinzips ebenso invariant sind wie die elektromagnetischen Feldtensoren gegen A. Wenn sich schließlich herausstellt, daβ der Kommutator beider Transformatormatrizen zu o wird, dann beschreiben beide Matrizen nur Untergruppen einer ein heitlichen Transformationsgruppe . Da die vierte Koordinate im Be reich der beiden Untergruppen auf jeden Fall verschieden zählt, muß es auch für jede Untergruppe ein spezielles Raumzeitsystem geben, welche im Gültigkeitsbereich der einheitlichen Gruppe zu einem einheitlichen Raumzeitsystem synthetisieren müssen. Auch muß es möglich sein. im Fall des verschwindenden Kommutators aus den elektromagnetischen und gravitativen Feldtensoren einheitliche elektromagnetisch- gravitative Feldtensoren zu konstruieren, welche gegen die einheitliche Gruppe invariant bleiben und das gesuchte elektromagnetisch- gravitative Induktionsgesetz beinhalten.

Neben diesem gravitativen Relativitätsprinzip, welches gegebenen falls eine nochmalige Revision der Begriffe Raum und Zeit erfordert, muβ es im statischen, nicht quellenfreien Fall noch ein Relativitätsprinzip gravitativer Raumstrukturen geben, weil der Zusammenhang (r) gilt, das heiβt, jede Trägheitswirkung erscheint in relativer Ruhe ortsabhangig , was auf die gravitative Raumstruktur zurückgehen muß, die mit der Trägheitswirkung korreliert ist. Falls der Matrizenkommutator verschwindet und das einheitliche Induktionsgesetz existiert, dann muß die durch 48 beschriebene Raumstruktur aus Gravitation und Mesofeld stets zumindest latent mit elektromagnetischen Prozessen im induktiven Zusammenhang stehen. Dies würde aber bedeuten, daß der Begriff der makromaren Wechselwirkung zur Funktion einer allgemeinen Raumzeitstruktur wird, welche durch ein strukturelles System invarianter, also tensorieller Feldgleichungen beschreibbar sein muß. Einführung des Quantenbegriffes und Darstellung der Zustandsgrößen durch hermitesche Operatoren im abstrakten Funktionenraum müßte wegen dieser Quantisierung des strukturellen Wechselwirkungsgesetzes, also der Mesofeldquantisierung einen Ein blick in die innere Struktur der Materiefeldquanten und damit eine Analyse ihres gesamten Spektrums ermöglichen. Bei dieser Quantisierung würden die makromaren Strukturelemente der universellen Wechselwirkung nach dem Korrespondenzprinzip in den mikromaren Quantenbe reich diskreter Eigenwerte in Punktspektren fortgesetzt, so daß durch die mikromaren Wechselwirkungen der Elemente des Spektrums aller Materiefeldquanten in dieser quantisierten Strukturtheorie enthalten sein müssen.

Kapitel III

Synthesis der Somawelt

tiver Feldstörungen.

Da für die Ausbreitungsgeschwindigkeit grayitativer Feldstörungen = - c^{*X} im Gegensatz zu $c = c^{*}$ elektromagnetischer Feldstörungen und c' \cdot $c'^{\times} = \omega^2 + c^2$ gilt, liegt es nahe, neben dem elektromagnetischen auch ein gravitatives Relativitätsprinzip anzunehmen. Das Ausbreitungsgesetz der gravitativen Feldstörungen wird durch div $\frac{\dot{\nu}}{\Gamma} = 0$, div $\frac{\dot{\nu}}{\mu} = 0$, rot $\frac{\dot{\nu}}{\mu} - \frac{\dot{\nu}}{\mu/\omega} = \alpha \Gamma$ und rot $\overline{\Gamma}$ + $\overline{\Gamma}/\omega$ = $\overline{0}$ beschrieben. Zur Ausstrahlung regelrechter Gravitationswellen kommt es dabei grundsätzlich nur dann, wenn in ω · div $\vec{r} \times \vec{\mu} - \vec{\mu} \cdot \vec{r} = 0$ die Ausstrahlungsbedingung Tr + o erfüllt ist. Dies ist nur möglich, wenn r + o und $\overline{\mu}$ \neq 0 und außerdem cos $(\overline{\mu}, \overline{r})$ \neq 0 bleibt. Wegen $\overline{\mu} \perp \overline{r}$ ist dies nur möglich, wenn 🛱 und 🖡 nicht parallel verlaufen. Unabhängig davon, ob es sich um die gebundene Störung eines gravitativen Raumzustandes oder um eine regelrechte Ausstrahlung von Gravitationswellen handelt, gilt Gleichung 51 d, die mit $\bar{g} = \bar{r} + \bar{\mu}/\alpha \omega$ in die Form div $\ddot{g} = 0$, div $\ddot{\mu} = 0$, rot $\ddot{\mu} = \alpha \ddot{g}$ und rot $\bar{g} = \beta \cdot \bar{\mu}$ mit der Mesofeldkonstanten $\beta = 12 \pi \gamma / c^2$ gebracht werden kann. Zur Untersuchung gravitativer Feldstörungen können stets hinreichend niedrige Feldintensitäten $\sigma \Rightarrow o$, also approximativ div \overline{g} = o und div $\overline{\mu}$ = o angenommen werden. Die Bedingung div $\overline{\mu}$ = o wird mit dem Ansatz $\overline{\mu}$ = rot $\sqrt{\nu}$ wegen div rot = o erfüllt, wenn v ein gravitatives Vektorpotential ist. Damit wird rot $\bar{g} = \beta \cdot \dot{\bar{\mu}}$ zu rot $(\bar{g} - \beta \dot{\bar{\psi}}) = \bar{o}$ oder $\bar{g} = \beta \bar{\psi} \stackrel{t}{=} grad \phi$, wenn ϕ ein gravitatives Skalarpoten tial ist. Nach dem kanonischen Formalismus gilt für 🔻 die Wellengleichung div grad $\bar{\gamma} = \bar{\gamma}/c^2 = -\bar{\gamma}/\omega^2$ mit $\alpha \beta \omega^2 = 1$.

Divergenzbildung von $\bar{g} = \beta \bar{\gamma} \pm grad \varphi$ liefert $-\beta div \bar{\gamma} = \pm div grad \varphi$ wegen div $\bar{g} = 0$. Substitution mit $\bar{\mu} = rot \bar{\gamma}$ in rot $\overline{\mu} = \alpha \overline{g}$ und Verwendung von $\overline{g} = \beta \overline{\psi} + grad \varphi$ liefert $\alpha \cdot \beta \stackrel{=}{\sqrt{\gamma}} \stackrel{\pm}{=} \alpha$ grad ϕ = rot rot $\stackrel{=}{\sqrt{\gamma}}$ = grad div $\stackrel{=}{\sqrt{\gamma}}$ -- div grad $\sqrt{\gamma}$, was mit α β $\sqrt{\gamma}$ = - div grad $\sqrt{\gamma}$ die Form \pm α grad ϕ = grad div $\overline{\psi}$, oder integriert div $\overline{\psi}$ = \pm α ϕ ergi. bt. Damit kann in - β div ψ = \pm div grad φ substituiert

werden, was \pm div grad $\varphi = \mp \alpha \beta \ddot{\varphi}$ oder für das Skalarpotential die Wellengleichung div grad $\varphi = \ddot{\varphi}/c^{2}$ liefert, in der die Vektoreigenschaften nicht mehr erscheinen. Das Skalarpotential einer gravitativen Feldstörung breitet sich also nach dem Wellengesetz div grad $\varphi = \ddot{\varphi}/c^{*2} = 0$ mit $c^* = i \omega$ aus. Ist die gravitative Ausstrahlungsbedingung $\bar{\mu}$ $\bar{\Gamma}$ \dagger o erfüllt, so beschreibt dieses Gesetz eine Wellenausbreitung mit sphärischen Wellenzonen die dem geometrischen Kugelgesetz $\frac{3}{k-1}$ $\begin{cases} 2 & = r^2 \text{ genügt, wenn die} \end{cases}$

die Koordinaten bei gravitativen Vorgängen im Gegensatz zu den xk elektromagnetischer Prozesse angehen. Mit r = c · t und

 $c^* = i \ w \ wird \ \begin{cases} \frac{3}{k-1} \\ \frac{1}{k} \end{cases} + w^2 \ t^2 = 0, \ oder \ \begin{cases} \frac{4}{k-1} \\ \frac{1}{k-1} \end{cases} = 0,$

wenn ξ_4 = ω t als gravitative Zeitkoordinate eingeführt wird. Kennzeichnen die & ein gegen das durch die & gekennzeichne-te System C relatik mit v' = const. bewegtes System C', so muβ das Ausbreitungsgesetz gegen Transformationen von C nach C*

k=1 k=1 k=1 k=1 k=1 k=1 k=1 k=1 k=1 linear Invariant sein. Diese Invarianz

muβ gefordert werden, denn wegen E = m c² muβ jedes Strahlungsquant h γ mit dem elektromagnetischen Strahlungsvektor \overline{E} χ \overline{H} eine gravitative Wirkung mitführen; denn jede Trägheit m muβ ein Gravitationsfeld zur Folge haben. Für die Art dieser gravitativen Wirkung, welche \overline{E} X \overline{H} begleitet, kann es aber zwei Möglichkeiten geben. Entweder wird \overline{E} X \overline{H} von einer Gravitationswelle ω > c be gleitet oder aber das Feld wird mit der Geschwindigkeit ω = c von \overline{E} X \overline{H} mitgeführt, weil es statisch an die Strahlungsquanten u die Geschwindigkeit der E X H begleitenden gravitativen Wirkung ist. Wegen w > c hätte eine geometrische Deformation der gravitativen Wellenzonen auch eine solche der elektromagnetischen Wellenzonen zur Folge. Wenn also von dem mit v = const relativ bewegten System C' der aus dem in C verlaufende Emissionsprozeβ so er - $\begin{cases} 4 \\ k=1 \end{cases} \begin{cases} 1 \\ k \end{cases}$ ist, also die gravitati-

ven Wellenzonen deformiert erscheinen, so hätte dies auch

 x_i^2 \neq x_i^2 für die elektromagnetischen

Wellenzonen zur Folge. Da es aber aufgrund der Empirik keinen relativ zu elektromagnetischen Wirkungen absolut ruhenden Weltäter gibt.

muß = 1

sich zieht. Wäre $\mathcal{U} \subset c$, was nur für $\mathcal{U} \subset c$ möglich sein kann, so wäre diese Invarianz keine Notwendigkeit. Das Relativitäts-prinzip gravitativer Feldstörungen wird demnach ausgedrückt durch

Im Gegensatz zur elektromagnetischen Lichtzeit \mathbf{x}_{μ} = i c t ist die gravitative Zeit \mathbf{x}_{μ} = \mathbf{u} t reell und das bedeutet, daß das elektromagnetische Relativitätsprinzip in einer pseudoeuklidischen Raumzeit \mathbf{x}_{μ} , aber das Gravitative in einer echt euklidischen Raumzeit \mathbf{x}_{μ} definiert ist. Kennzeichnet der Index e das elektromagnetische und g das gravitative Relativitätsprinzip, so sind die metrischen Fundamentaltensoren durch das zweideutige Schema

div₊₄ grad₊₄ φ = o , und dieses Gesetz muß, wenn von C in das mit v = const. bewegte System C' transformiert wird gegen diese Transformation $\begin{cases} i = fi \\ i \end{cases} (fi)$ invariant sein. Es kommt darauf an, die Transformationen fi in Abhängigkeit von v' und w durchzustellen. Die Beziehungen der Linearität, welche an diese Transformationen zu stellen sind, unterscheiden sich nicht von denen des elektromagnetischen Relativitätsprinzips. Zunächst muß div₊₄ grad₊₄ g

die Invarianzbeziehung $\underset{k=1}{\overset{4}{\underset{k=1}{\longleftarrow}}} \ \ ^{2} \phi/\emptyset \xi^{*}$ = α (v) $\underset{k=1}{\overset{4}{\underset{k=1}{\longleftarrow}}} \ \ ^{2} \phi/\emptyset \xi^{*}$

erfüll**tn.** Für die $\{k \in \mathbb{R}^n \mid k$ ann, wie im elektromagnetischen Fall der Ansatz $\xi_1' = \mathcal{R}$ (v) ($\xi_1 - v' t$), $\xi_2' = \mathcal{N}$ (v) ξ_2 $\xi_3^* = \lambda (v) \xi_3$ und $t^* = \mu (v) t - \gamma (v) \xi_1$ angenommen werden, wenn das System C' in gleicher Weise wie im elektromagnetischen Fall orientiert wird. Aus den gleichen Gründen wie beim elektromagnetischen Relativitätsprinzip mueta eine gerade Funktion von v' sein, was zu 2 = 1 führt. Mit den Transformationen wird $\varphi (\xi_{\nu})_{1}^{4} = \varphi (\mathcal{R}(\xi_{1} - v't), \xi_{2}, \xi_{3}, (\mu t - \gamma \xi_{1}))$ und dies liefert $\partial \varphi / \partial \xi_1 = \partial \varphi / \partial \xi_1 \cdot \partial \xi_1 / \partial \xi_1$ = \mathcal{R} $\partial \varphi / \partial \xi_1 - \gamma$ $\partial \varphi / \partial t^*$, $\partial \varphi / \partial \xi_2 = \partial \varphi / \partial \xi_2^*$, $\partial \phi / \partial \xi_3 = \partial \phi / \partial \xi_3 \quad \text{und} \quad \partial \phi / \partial t = - \mathcal{R} \cdot \nabla \cdot \partial \phi / \partial \xi_1 +$ + μ $\rho \phi / \rho$ t' . Für die zweiten partiellen Ableitungen folgt dann $+ \gamma^{2} \rho^{2} \phi / \rho t^{32} , \rho^{2} \phi / \rho \xi^{2} = \rho^{2} \phi / \rho \xi^{2} , \rho^{2} \phi / \rho \xi^{3} =$ = $0^{2} \varphi / \theta \xi_{3}^{*2}$ und $\theta^{2} \varphi / \theta t^{2} = \chi^{2} v^{3} 2 \theta^{2} \varphi / \theta \xi_{1}^{*3} = 0^{2} \varphi / \theta \xi_{1}^{*3}$ - 2 \mathcal{R} μ γ $\frac{\rho^2 \varphi}{\partial \xi^3 \cdot \partial t^4}$ + μ^2 $\partial^2 \varphi / \partial t^{*2}$ oder mit ξ_4 = = ω t auch $\partial^2 \varphi / \partial \xi_1^2 = \mathcal{R}^2 \partial^2 \varphi / \partial \xi_1^2 - 2 \mathcal{R} \gamma \omega \frac{\partial^2 \varphi}{\partial \xi_1 \partial \xi_2}$ + y w = 0 4/0 { 4 , 0 24 | 0 { 2 = 0 24 | 6 } 3 = 0 4/0 { 3 • $\frac{\partial^2 \varphi}{\partial \xi_{\perp}}$ + μ^2 $\rho^2 \varphi/\partial \xi_{\perp}^2$ • Wird dies in die Invarianz $= \frac{\xi}{k=1} \rho^* \phi / \rho \xi_k^* = \mathcal{R}^* (1 + v^* / \omega^*) \rho^* \phi / \rho \xi_1^{**} + \rho^* \phi / \rho \xi_2^{**} + \rho^* \phi / \rho \phi / \rho \xi_2^{**} + \rho^* \phi / \rho \phi / \rho \xi_2^{**} + \rho^* \phi / \rho \phi / \rho$

+
$$\theta^* \phi / \theta \xi_3^*$$
 + $(\mu^* + \gamma^* \omega^*)$ $\theta^* \phi / \theta \xi_4^*$ - $2 \mathcal{R} (\gamma \omega + \mu \sqrt{\omega})$

• $\frac{\theta^* \phi}{\theta \xi_1 \theta \xi_4}$ • Andererseits gilt $\frac{\xi}{k=1}$ $\theta^* \phi / \theta \xi_k^*$ =

constanted $\alpha = \frac{1}{2}$ and $\alpha = \frac{1}{2}$ and

deher zu ξ_1 = $\frac{\xi_1 - \beta_+ \xi_4}{\sqrt{1 + \beta_+^2}}$, ξ_2 = ξ_2 , ξ_3 = ξ_3 und ξ_4 = $\frac{\xi_4 + \beta_+ \xi_1}{\sqrt{1 + \beta_+^2}}$ = $\frac{\xi_4 + \beta_+ \xi_1}{\sqrt{1 + \beta_+^2}}$.

Die Matrix dieser Transformation hat also die Form

$$\hat{A}_{+} = \begin{pmatrix} (1+\beta_{+}^{2})^{-1/2} & 0 & 0 & -\beta_{+} & (1+\beta_{+}^{2})^{-1/2} \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ \beta_{+} & (1+\beta_{+}^{2})^{-1/2} & 0 & 0 & (1+\beta_{+}^{2})^{-1/2} \end{pmatrix} \text{ und hieraus wird}$$

Es ist nach den Regeln der Matrizenmultiplikation $(\hat{A}_{+} \cdot \hat{A}_{+}^{\times})_{ik} = \delta_{ik}$. Für die Beträge der Matrizenelemente gilt offenbar die Symmetrie $|A_{+ik}| = |A_{+ki}|$. Das Matrizenprodukt ist daher $\hat{A}_{+} \cdot \hat{A}_{+}^{\times} = \hat{E}$, das heißt, ebenso wie die unitäre \hat{A}_{-} ist \hat{A}_{+} orthogonal. Offenbar ist $\hat{A}_{+} = \hat{B}_{+} = \hat{B}_{+$

und diese Transformatormatrix nimmt im speziellen Fall achsenparalleler Bezugssysteme, wenn die Bewegung längs der gemeinsamen se erfolgt, die Form an

$$\hat{A}_{+} = \begin{pmatrix} (1 + \beta_{+}^{2})^{-1/2} & 0 & 0 & -\beta_{+} & (1 + \beta_{+}^{2})^{-1/2} \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ \beta_{+} & (1 + \beta_{+}^{2})^{-1/2} & 0 & 0 & (1 + \beta_{+}^{2})^{-1/2} \end{pmatrix}$$

$$\beta_{+} = v/w$$
, $\xi_{2} = \xi_{3} = 0$, $\xi_{1} = v' = const....$

Damit ist das Relativitätsprinzip gravitativer Feldstörungen für mit v' = const. bewegte gleichberechtigte Bezugssysteme vollständig beschrieben. Einsetzen der aus \widehat{A}_+ von Gleichung 54 a gewonnenen Trans-

formationen
$$\begin{cases} 1 = \frac{\frac{1}{1} - \beta_{+} + \frac{1}{4}}{\sqrt{1 + \beta_{+}^{2}}} \\ \frac{1}{1 + \beta_{+}^{2}} = \frac{\frac{1}{1} - \beta_{+} + \frac{1}{4}}{\sqrt{1 + \beta_{+}^{2}}} \\ \frac{1}{1 + \beta_{+}^{2}} = \frac{\frac{1}{1} - \beta_{+} + \frac{1}{4}}{\sqrt{1 + \beta_{+}^{2}}} = \frac{\frac{1}{1} - \beta_{+} + \frac{1}{4}}{\sqrt{1 + \beta_{+}^{2}}} \\ \frac{1}{1 + \beta_{+}^{2}} = \frac{\frac{1}{1} - \beta_{+} + \frac{1}{4}}{\sqrt{1 + \beta_{+}^{2}}} = \frac{1}{1 + \beta_{+}^{2}} =$$

$$= \xi_{2}^{2} + \xi_{3}^{2} + \frac{(\xi_{1} - \beta_{+}^{2} + \xi_{4})^{2} + (\xi_{4} + \beta_{+} + \xi_{1})^{2}}{1 + \beta_{+}^{2}}$$

 $= \begin{cases} 4 \\ k=1 \end{cases} \begin{cases} * & \text{das heißt , Gleichung } 54 \text{ a erfüllt wirklich} \\ k & 4 \end{cases}$ $\text{die Invarianz} \qquad \begin{cases} * \\ k=1 \end{cases} \begin{cases} * \\ k \end{cases} = \begin{cases} * \\ k=1 \end{cases} \end{cases} \begin{cases} * \\ k \end{cases}$

2.) Feldtensoren der Gravitation.

Wird in Analogie zum elektromagnetischen Raumwellenwiderstand R = R_ = $\sqrt{\mu_0/\epsilon_0}$ die gravitative Größe R_ = $\sqrt{\beta/\alpha}$ = 16 π %/c und als Zeitkoordinate $\begin{cases} & = & \omega \\ & \neq \\ & \Rightarrow \\ & \Rightarrow$

$$\begin{bmatrix}
0 & g_3 - g_2 - R_+ & \mu_1 \\
- g_3 & 0 & g_1 - R_+ & \mu_2 \\
g_2 - g_1 & 0 - R_+ & \mu_3
\end{bmatrix}$$
geschrieben wird.

$$\begin{bmatrix}
R_+ & \mu_1 & R_+ & \mu_2 & R_+ & \mu_3 & 0 \\
R_+ & \mu_1 & R_+ & \mu_2 & R_+ & \mu_3 & 0
\end{bmatrix}$$

Mit den vierdimensionalen Materieströmen $\bar{P}_{(1)} = R_+ \sigma_0 \bar{v} +$ + $\sigma_0 = \frac{1}{4} \alpha$ und $\overline{P}_{(2)} = + R_+ \sigma / o t d / d \overline{F} (m_0 - m) + (\sigma_0 - \sigma) \frac{e_4}{\alpha}$ im reellen R+4 ergibt sich dann für die einheitliche tensorielle Beschreibung für Gravitation und Mesofeld $\overline{\text{div}}_{+4}$ $\overline{\text{M}}_{(+1,+2)}$ $\overline{\text{P}}_{(1,2)}$ Hierin beschreibt offensichtlich (+1) ein Tensorfeld welches im Fall der Imponderabilität m = o , also o = o divergenzfrei wird, während die Vektordivergenz des Tensorfeldes (+2) auf keinen Fall verschwindet, weil o die Dichte freier energetischer Feldmasse angibt. Dieses einheitliche raumzeitliche Gesetz der Tensorfelder wird zusammengefaβt in :

worin für die beiden Feldtensorer

gilt. Diese Tensoren sowie ihre Vektordivergenzen sind im R44 gegen A, invariant. Durch Addition beziehungsweise Subtraktion der Vektorquellen entstehen gemäß $\overline{P}_{(2)} \stackrel{\pm}{=} \overline{P}_{(1)} = \overline{div}_{+4} (\overline{M}_{(+2)} \stackrel{\pm}{=} \overline{M}_{(+1)})$ div 44 2M (±) zwei neue, nunmehr aber homogene Tensorschemata,

nämlich
$$\overline{M}_{(+)}$$
 =
$$\begin{bmatrix} 0 & g_3^2 & - & g_2^2 & - & g_1^2 \\ - & g_3^2 & 0 & g_1^2 & - & g_2^2 \\ g_2^2 & - & g_1^2 & 0 & - & g_3^2 \\ g_1^2 & g_2^2 & g_3^2 & 0 \end{bmatrix}$$
 mit Kürzung

 $\vec{g}^* = \vec{g} + R_{+} \vec{\mu} = \vec{-} + 2 \cdot R_{+} \vec{\mu}$ we gen $R_{+} \alpha = 1$ und für die Differenz die Separation

Weise kann ein homogenes Tensorschema aus den Komponenten von u nicht separiert werden, welches durch eine Summe der Vektorquellen ausdrückbar ist; denn die zeitartige Ränderung von 'M(_) im Vorzeichen einer Transposition, nicht aber der raumartige Abschnitt Diese Separationsmöglichkeit im Sinne $\overline{M}_{(-)}$, sowie die Unmöglichkeit des Verschwindens P(2) findet kein Analogon in der Tensorbeschreibung des elektromagnetischen Feldes, was nicht auf die Realität des R₄₄ zurückgeht. Werden die vier Feldtensoren im zweiten Grade iteriert, so entstehen wegen der Antisymmetrie aller Feldtensoren durch die Iteration symmetrische Tensoren, deren Komponenten mit der Konstanten α multipliziert sämtlich Energiedichten liefern. Für die vier Iterationsmöglichkeiten gelten $^*\overline{W}(1,2)$ = s p $^*\overline{M}(+1,+2)$ \times \times * $\overline{M}_{(+1,+2)}$ und * $\overline{W}_{(3,4)}$ = 5 p * $\overline{M}_{(\pm)}$ \times * $\overline{M}_{(\pm)}$. Die Bezie hung 55 a liefert nach den Gesetzen der Tensormultiplikation und denen der Matrizenspektren zunächst die Komponenten W(1)ik = R_{+}^{2} μ_{i} μ_{k} - g_{i} g_{k} - R_{+}^{2} μ^{2} δ_{ik} , $W_{(1)1,4}$ = - $R_{+}(g_{2}$ μ_{3} - $- E_3 \mu_2 = - R_+ (\bar{g} \times \bar{\mu})_1 = - R_+ (\bar{\Gamma} \times \bar{\mu})_1 , \Psi_{(1)4,4} = -$ = - g^2 und $W_{(2)ik} = g_i g_k - R_+^2 \mu_i \mu_k - g^2 \delta_{ik}$, $W(2)_{1,4} = R_{+} (g_{2} \mu_{3} - g_{3} \mu_{2}) = R_{+} (\Gamma \times \overline{\mu})_{1}, W(2)_{4,4} = R_{+} \overline{\mu}^{2}, \text{ wenn } 1 \leq (1,k) \leq 3 \text{ die Komponenten im } R_{3}$ kennzeichnet. Für die Iterationen der Homogenformen folgt analog $\overline{W}(+) = -g^* \cdot \overline{E}$ und $\overline{W}_{(-)} = -\Gamma^* \cdot \overline{E}$. Nun ist $\alpha/2$ · $(g^2 - R_+^2 \overline{\mu}^2)$ eine räumliche Energiedichte, welche

div Γ \times $\bar{\mu}$ entspricht. Aus diesem Grunde gibt $\alpha/2$ $(\bar{W}_{(+)} \pm \bar{W}_{(-)}) \sim$ \bar{E} immer ein diagonales Energiedichteschema an. Rür den allgemeinen Energiedichtetensor des Gravitationsfeldes gilt demnach \bar{T} = $\alpha/2$ · $(\bar{W}_{(2)} - \bar{W}_{(1)}) = \bar{T}$ eindeutig. Nach dem Vorangegangenen sind die Komponenten dieser Tensordifferenz gegeben durch

$$T_{ik} = \alpha g_i g_k - \beta \mu_i \mu_k - (\alpha/2 g^2 - \beta/2 \mu^2) \cdot \sigma_{ik}$$
,
 $T_{i4} = 1/\omega (\overline{r} \times \overline{\mu})_i$, $T_{4,4} = \alpha/2 g^2 - \beta/2 \mu^2$,
 $\overline{T} = \overline{T}^{\times}$

weil α R₊ ω = 1 ist. Da in diesem Schema immer Γ \times $\bar{\mu}$ als gravitative Energieströmung, der raumartige Abschnitt aber als Im pulsströmung und T_{4,4} als statische Energiedichte interpretierbar sind, beschreibt 56 den kanonischen Energiedichtetensor der allgemeinen Gravitation.

Es bleibt noch übrig die Universalität dieses Tensors nachzuweitsen. Mit den vorübergehenden Kürzungen "M(+1,+2) " "M(1,2) und $^{*}\overline{M}(\overset{+}{-})$ = $^{*}\overline{M}_{(3,4)}$ können insgesamt 16 tensorielle Produkte mit anschließender Spurbildung nach dem Schema sp *M(i) × *M(k) mit den Kennziffern 1 \leq (i,k) \leq 4 gebildet werden, von denen jedes einem Energiedichtetensor proportional ist. Mit *T(i,k) = $\alpha/2$ s p $^{2}\overline{M}_{(i)}$ \times $^{2}\overline{M}_{(k)}$ ergibt sich dann als Gesamtschema die Hypermatrix $(\tilde{T}_{(i,k)})_4$, deren tensorielle Elemente mit 55 a und den beiden homogenen Tensoren der Vektorquellen P(2) + P(1) plizit darstellbar sind. Bei dieser expliziten Darstellung aller Matrizenelemente zeigt sich aber zwangsläufig, daß alle diese Elemente Sonderfälle des Tensors $\overline{T}_{(22)}$ $\overline{T}_{(11)}$ sind, das heißt, jedes der 16 Elemente kann auf den aus der Differenz des ersten und zweiten Diagonalelementes gebildeten Tensors zurückgeführt werden. Für diesen Tensor gilt aber $\tilde{T}_{(22)} - \tilde{T}_{(11)} = \alpha/2 \text{ sp} (\tilde{M}_{(2)} \times \tilde{M}_{(2)})$ - \overline{M} (1) \times \overline{M} (1) = $\alpha/2$ (\overline{W} (2) - \overline{W} (1)) = \overline{T} , das heißt, alle Elemente aus $({}^{2}\overline{T}_{(ik)})_{4}$ sind Sonderfälle von 56. Damit ist aber der universelle Charakter von Terwiesen. Wegen M(-) muβ es einen Fall des Cravitationsfeldes geben, in welchem nur nifest wird, während $\overline{\mu}$ latent bleibt. Nach den vorangegangenen Un-

tersuchungen kann es sich dabei aber nur um den statischen Fall handeln. Wird dieser statische Fall angenommen, dann folgt aus 48 unter Vernachlässigung der Beziehung 10 die Differentialfassung des empirischen Gesetzes 8 B II 2 . Diese Approximation ist aber identisch mit $\sigma_0 = \sigma$, also $\overline{\mu} = \overline{0}$. Die Limesrelation $\overline{\mu} \rightarrow \overline{0}$ kann dann auf T angewendet werden und dies liefert zunächst für die zeitartige Ränderung $\underline{1}$ i \underline{m} $\overline{\Gamma}$ \times $\overline{\mu}$ = $\overline{0}$ und für die reine Zeitkomponente $\frac{1}{n}$ i $\frac{m}{n}$ $\frac{m}{n}$ $\frac{\pi}{n}$ - $\alpha/2$. Der raumartige Matrizenabschnitt wird dagegen gemäß $\frac{1}{\mu}$ i $\frac{m}{\sigma}$ $\left[T_{ik}\right]_3 = \alpha/2$ $\frac{\pi}{\tau}$ dem Tensor gravitativer Raumspannungen des R_3 (nach C II 1) proportional, so daß sich dieser Spannungstensor als approximierter Sonderfall von ${}^{2}\overline{1}$ ergibt. Die Approximationsvoraussetzung $\overline{\mu}$ ightarrow $\overline{0}$ ist äquivalent mit der Annahme einer verschwindenden Mesofeldkonstante β = owas $\omega \rightarrow \infty$ zur Folge hätte. Wird $\beta = 0$ in 2T eingesetzt, so hat dies die gleiche Approximation wie $\overline{\mu} \rightarrow \overline{o}$ zur Folge. Dies bedeutet aber, daß ω < ∞ nur auf β > 0 , also auf $\bar{\mu}$ \neq $\bar{\nu}$ zurückgeht, wobei $\overline{\mu}$ + \overline{o} ein Ausdruck von σ_o + σ , also der Beziehung lo ist.

Es ist naheliegend nunmehr auch die Vektorquellen des gravitativen Energiedichtetensors im R_{+4} , also $\overline{\text{div}}_{+4}$ $\overline{\text{T}}$ zu untersuchen. Die raumzeitliche Vektordivergenz $\overline{\text{div}}_{+4}$ $\overline{\text{T}}$ zerfällt in einen im R_3 gegebenen Anteil $\overline{\xi}(3)$ und in einen zeitartigen Anteil $\overline{\xi}$ 4 = \overline{e}_4 ξ 4, also $\overline{\text{div}}_4$ $\overline{\text{T}}$ = $\xi(3)$ + $\overline{\xi}$ 4. Für diese bei den Anteile folgt ξ_4 = \overline{e}_4 $\overline{\text{div}}_{+4}$ $\overline{\text{T}}$ = $1/\omega$ ξ_{-1} OS_k/O ξ_k + $1/\omega$ η = $1/\omega$ (div $\overline{r} \times \overline{\mu}$ + η) mit \overline{S} = $\overline{r} \times \overline{\mu}$. Gilt die Gleichung ξ 1 d., so ist offenbar η = - ξ 1 div ξ 2 ξ 3. Also ξ 4 = 0. Liegt aber der allgemeine Fall der Gleichung ξ 1 b vor, und ist ξ 4 ξ 5 ξ 6 ξ 7, was auch div ξ 7 ξ 7, also ξ 8 ξ 9 + ξ 9 div ξ 9 ξ 9, so daß ξ 9 - ξ 9 ξ 9. Für den raumartigen Quellenanteil gilt

(3)
$$\begin{bmatrix} \alpha & \Gamma_{1}^{2} & -\eta_{1,2} & -\eta_{1,3} \\ -\eta_{2,1} & \alpha & \Gamma_{2}^{2} & \eta_{2,3} \\ -\eta_{3,1} & -\eta_{3,2} & \alpha & \Gamma_{3}^{2} \end{bmatrix} - \alpha/2 \ \overline{\text{div}} \quad {}^{2} = \overline{E} + \frac{\overline{S}}{\omega^{2}}$$

Hierin ist

$$\begin{bmatrix} \alpha & 1 & - & \pi_{1,2} & - & \eta_{1,3} \\ - & \eta_{2,1} & \alpha & 2 & - & \eta_{2,3} \\ - & \eta_{3,1} & - & \eta_{3,2} & \alpha & 3 \end{bmatrix} = \alpha \quad g_1 \quad g_k \quad 3 \quad - \quad \alpha \quad R_+^2 \quad \mu_1 \quad \mu_k \quad 3$$

wenn $\overline{\mu}$ $\overline{\mu}$ brücksichtigt wird. Dies zeigt, da der approximierte Tensorfluß aus C II l eine Approximation dieses räumlichen Tensorabschnittes ist, daß als räumliche Kraftdichte aufgefaßt werden kann, welche auf eine gravitative Feldquelle einwirkt. Mit dem raumzeitlichen Vektor $\overline{\xi}$ = $\overline{\xi}$ (hier ist $\overline{\xi}$ der zeitartige Kraftdichteanteil) wißd demnach

$$\overline{\mathbf{div}}_{+4} \stackrel{\circ}{=} \overline{\mathbf{q}} \stackrel{\circ}{=} \overline{\xi} \stackrel{\circ}{=} \overline{\xi$$

das heißt, die Quelle des raumzeitlichen Energiedichtetensors ist ein raumzeitlicher ponderomotorischer Vektor. Alle Beziehungen gravitativer Tensoren die im Vorangegangenen entwickelt wurden, sowie die Temsor- und Vektoreigenschaften sind gegen Transformationen der Gruppe \hat{A}_{+} des Relativitätsprinzips gravitativer Feldstörungen invariant, doch braucht sich diese Invarianz keineswegs auch auf die Gruppe \hat{A}_{-} des elektromagnetischen Relativitätsprinzips zu erstrecken. \hat{A}_{-} und \hat{A}_{+} sind offenbar nur Untergruppen eines übergeordneten Relativitätsprinzips, so daß es notwendig erscheint, dieses Prinzip zu synthetisieren. Zuvor wird jedoch ein Invariantenvergleich der beiden Untergruppen notwerdig.

3.) Vergleich der Invarianten.

Alle Größen die sich auf das elektromagnetische Relativitätsprinzip beziehen, werden im Folgenden mit der Indizierung (-) und
diejenigen, die sich auf das Relativitätsprinzip gravitativer Feldstörungen beziehen mit der Indizierung (+) versehen. Kenneichnen
die 1 k 4 die Dimensionen einer vierdimensionalen Mannigfaltigkeit, so wird für die Koordinaten $\eta_{+k} = \begin{cases} & \text{und } \eta_{-k} = x_k \end{cases}$ mit $\eta_{+4} = \omega$ t und $\eta_{-4} = \text{ict gesetzt. Für die beiden Inva-}$ rianten folgt dann $\chi_{+1} = \chi_{+1} = 0$, was für die Metrik

d s $_{\pm}^{*}$ = $\frac{4}{k=1}$ d $\eta_{\pm k}^{*}$ ergibt, das heißt, es gibt für die beiden Relativitätsprinzipien eine zweideutige Raumzeit R $_{\pm 4}$, deren metrische Fundamentaltensoren durch

dert werden. Der metrische Unterschied zwischen elektromagnetischen und gravitativen Vorgängen liegt demnach im Wesentlichen darin, daß sich gravitative Vorgänge in einer euklidischen Raumzeit R_{+4} mit $\overline{g}_{+} = \overline{E}$ und elektromagnetische Vorgänge sich in einer pseudoeuklidischen reellen oder euklidisch komplexen Raumzeit R_{-4} abspielen. Die metrischen Invarianten werden also zusammengefaßt in

Zu jedem R_{+3} gehören also die Zeitangaben η_{+4} , so daß der eigentliche metrische Unterschied zwischen R+4 und R-4 durch diese Zeitangabe zustande kommt. Die Raumzeitsysteme R+4 verhalten sich demnach über dem reellen algebraischen wie euklidische, beziehungsweise pseudoeuklidische vierdimensionale Punktmannigfaltigkeiten, worin jeder Punkt durch ein Quadrupel durch drei Qrts- und einer Zeitangabe bestimmt wird. Zugleich muß jedoch angegeben werden, ob es sich um eine Zählung im System R₊₄ oder R₋₄ handelt. Die Raumzeitpunkte können demnach als Ereignisse aufgefaβt werden und eine Folge solcher Punkte in zeitlicher Richtung wäre dann eine Raumzeitlinie, die auch als Schicksal oder Geschehen eines Punktes aus dem R₊₃ aufgefaβt werden kann. Irgendein Bereich des R+3 wird dann in die jiziert, hinsichtlich seines Schicksals als Raumzeitlinienbundel dargestellt. Die relative Gleichzeitigkeit wird demnach durch $\eta_{+4} = con\$$ gekennzeichnet, so daß stets eine dreidimensionale Punktmannigfaltigkeit, welche die dreidimensionale Hyperfläche R+3 in den R+4

bildet, als gleichzeitig angesprochen werden kann. Der physische R_{±3} erscheint demnach als ausgeartete Abbildung der R_{±4}, derart, daβ die Abbildungsmatrix den Matrizendefekt 1 hat und außerdem so beschaffen ist, daβ die Abbildung aus dem R_{±4} die gravitative und diejenige aus dem R_{±4}, die elektromagnetische Struktur der Hyperfläche R_{±3} darstellt. Eine Raumzeitlinie mit Angabe einer Richtung und eines Richtungssinnes ist dann das Feld eines polaren Raumzeitvektors, dessen Erweiterung zum Begriff des Raumzeittensors führt. Ganz entsprechend können nichtgerichtete Funktionen der Raumzeitkoordinaten als raumzeitliche Skalarfelder beschrieben werden, so daβ alle Methoden der mehrdimensionalen Tenspranalysis und analytischen Infinitesimalgeometrie auf die Raumzeitstrukturen R_{±4} angewendet werden können.

In Gleichung 57 definiert die erste Invariante die beiden Relativitätsprinzipien. Die Zweideutigkeit in 🔭 verschwindet, wenn imaginär gewählt wird, weshalb im Folgenden immer die imaginäre Zeitzählung im R_4 verwendet werden soll, wodurch die hyperbolisch reelle Metrik zu einer euklidisch komplexen wird. R4 und auch R4 haben somit eine euklidische Metrik, doch ist R+4 über dem reellen, und R_4 über dem komplexen algebraischen Körper aufgespannt. Zusammen mit den beiden Ausbreitungsgesetzen gravitativer, beziehungsweise elektromagnetischer Feldstörungen ergeben sich aus dieser Invarianzforderung die beiden Gruppen gleichberechtigter Inertialsystem me, welche durch die raumzeitlichen Bransformationsmatrizen $\widehat{\mathbf{A}}_{\perp}$ charakterisiert sind. Die beiden Matrizen A, beziehen sich aber nur auf den Zusammenhang von zwei Koordinatensystemen C, und C, welche gleichorientiert und achsenparallel sind und sich somit const relatin zueinander bewegen, daß zu Beginn der Bewegung ihre Koordinatennullpunkte zusammenfallen und die und die Relativbewegung längs der gemeinsamen η+1 -Achse erfolgt. Liegt der allgemeine Fall beliebig gegen einander gedrehter Koordinaten und beliebig orientierter Relativgeschwindigkeit vor, so werden die Transformationsmatrizen mit \hat{A}_+ gekennzeichnet. Während \hat{A}_+ orthogonal ist, erscheint \hat{A} unitär, so da β für beide Matrizen, von den verschiedenen algebraischen Körpern abgesehen, der Zusammenhang A . A . E

gilt. Auch hat eine Analyse dieser Matrizen gezeigt, daß in beiden Fällen / \hat{A}_{+} / / / ist. Im speziellen Fall achsenparalleler und gleichorientierter Koordinatensysteme C_{+} und C_{+} (mit (\mathbf{v}_{1}) constrelativ bewegt) werden für \hat{A}_{+} explizite Darstellungen möglich, die eine gewisse Verwandtschaft zwischen \hat{A}_{+} und \hat{A}_{-} aufzeigen, wenn die beiden Geschwindigkeitsmaße β_{+} = \mathbf{v}/ω und β_{-} = $\mathbf{v}/i\mathbf{c}$ verwendet werden. Zusammengefaßt folgt für den Vergleich der Transformationsgruppen

$$\hat{A}_{\pm} - \hat{A}_{\pm}^{x} = \hat{E}, \quad |\hat{A}_{\pm}|_{4} = 1$$

$$(1+\beta_{\pm}^{2})^{-1/2} \circ \circ - \beta_{\pm} (1+\beta_{\pm}^{2})^{-1/2}$$

$$\hat{A}_{\pm} = \begin{pmatrix} (1+\beta_{\pm}^{2})^{-1/2} & \circ & \circ \\ \circ & \circ & \circ \\ \circ & \circ & \circ \\ + \beta_{\pm} & (1+\beta_{\pm}^{2})^{-1/2} & \circ & \circ \\ \end{pmatrix}$$

$$\beta_{+} = v/\omega, \quad \beta_{-} = v/ic, \quad (v,v) = const. \quad 58.$$

Die beiden Relativitätsprinzipien und auch die aus ihnen resultierenden Transformationsgruppen der Schar gleichberechtigter, raumzeitlicher Inertialsysteme (v',v)= const. existieren also nebeneinander in zwei metrisch verschieden strukturierten Raumzeiten R,4 . Tatsächlich kann es aber nur ein Tensorium des Geschehens in Raum und Zeit, also nur eine Raumzeit R_μ geben, so daß eine Synthese des elektromagnetischen Tensoriums R_{-4} und des gravitativen Tensoriums R_{+4} zu einem gemeinsamen Tensorium R4 der sogenannten Somawelt möglich sein mu β . Die Raumzeit R_{μ} soll als Somawelt bezeichnet werden, Weil sich im R4 das elektromagnetische und auch gravitative Geschehen als Wechselwirkung zwischen den einzelnen materiellen Strukturen abspielt, und weil die Quanten Elektromagnetischer Strahlung alle ruhenden Materiefeldquanten erzeugen können, was den Schluβ nahelegt, daβ diese elektromagnetischen Quanten Prototypen der ponderablen Materiefeldquanten sind. Eine Synthese der Somawelt aus den R+4 nur auf eine Sysnthese der Gruppen und ihrer Invarianten, also der Tensoren in den R₊₄ zurückgehen, doch kann diese Somasysnthesis nur durchgeführt werden, wenn zuvor die Invarianten in den R+4 verglichen werden. In der speziellen Form der Matrizen A aus Gl. 58

entsprechen die Zeilen 2 und 3 denen einer vierreihigen Einheitsmatrix, so daß nur die beiden nicht identischen Transformationen untersucht zu werden brauchen. Mit $\eta_{+1} = x_{+}$ und $\eta_{+4} = u_{+}$ wird der Zusammenhang zwischen dem System C, und dem mit (v/v)= const. relativ bewegten System C1 im Fall der gleichorientierten Achsenparallelität dargestellt durch $x_{\pm}^* = f(x_{\pm}, u_{\pm})$ und $u_{+}^{*} = w (x_{+}, u_{+})$. Die Bewegung von C_{+}^{*} in C_{+} erfolgt in C_{+} nach dem Bewegungsgesetz $x_{+} = q(u_{+})$, was ein Raumzeitdiagramm darstellt, Unabhängig von (v',v)= const. oder v = v (t) wird der Bewegungszustand von C durch die Tangentenneigung des Raumzeitdiagramms relati ${f v}$ zur ${f u_+}$ -Achse angegeben. Für den Neigungswinkel folgt ϕ_{\pm} = arc tg dx_{\pm}/du_{\pm} = arc tg β_{\pm} • $\sqrt{\pm 1}$, weil stets $dx_{\pm}/dt = (v'v)$ und $u_{\pm} \sim t \cdot \sqrt{\pm 1}$ ist. Wenn die durch \hat{A}_{\pm} beschriebenen Gruppen gelten, ist immer β_+ = const. und damit auch $φ_+$ = const., so daβ das Bewegungsgesetz von C_+^* in C_+ gemäβ $q(u_+) = \beta_+ \cdot t \sqrt{\pm 1}$ mit $\beta_+ = const.$ eine Schar von Nullpunktsgeraden in C, ist. Es handelt sich um Nullpunktsgeraden, weil sich für $(\mathbf{v}', \mathbf{v}) = \mathbf{o}$ die Koordinatennullpunkte der Systeme decken sollen. Der Unterschied zwischen den Gruppen \widehat{A}_+ äußert sich im Verhalten von ϕ_{\pm} . Die von o verschiedenen Elemente von $\stackrel{\frown}{A}_{+}$ bleiben für alle Werte β_+ \geq o reell und erfahren auch für β_+ \longrightarrow ∞ keine Singularität. Es ist

ne Intervall o $\leq \beta_+ < \infty$. Für \widehat{A}_- dagegen tritt eine Singularität als Unendlichkeitsstelle bereits für i $\beta_- \to 1$ auf, während für i $\beta_- \to 1$ die Elemente, welche β_- enthalten ihre Realität verändern. Die Elemente , welche im Intervall o \leq i $\beta_- < 1$ reell sind, werden für i $\beta_- \to 1$ imaginär und umgekehrt, so daß i β_- im halboffenen Intervall o \leq i $\beta_- < 1$ definiert ist. Der Wert β_+ = o ist für beide Gruppen zulässig, doch verschwindet an dieser Stelle der Unterschied zwischen \widehat{A}_+ und \widehat{A}_- ; denn es ist

l i m \hat{A}_+ = l i m \hat{A}_- = \hat{E}_- Dieser Unterschied zwischen den $\beta_+ \to 0$
Gruppen \hat{A}_+ äußert sich auch im Definitionsbereich von ϕ_+ . Wegen $0 \le i$ $\beta_- < 1$ gilt auch $0 \le \phi_- < \pi/4$, während nur elektromagnetische Prozesse i β_- = 1 und ϕ_- = $\pi/4$ wird, aber i $\beta_- > 1$ und $\phi_- > \pi/4$ nicht möglich ist. Weil $\beta_+ > 1$ zulässig ist, kann auch $\phi_+ > \pi/4$ möglich werden. Die geometrische Interpretation der beiden Gruppen \hat{A}_+ läuft demnach auf eine Drehungstransformation des Raumzeitdiagramms von \hat{C}_+ in denjenigen von \hat{C}_+ hinaus. Diese Interpretation wird zusammengefaßt in

$$\sqrt{\pm 1} \cdot \beta_{\pm} = \operatorname{tg} \varphi_{+} , \lim_{\beta_{\pm} \to 0} \widehat{A}_{\pm} = \widehat{E} ,$$

$$0 \leq \beta_{+} < \infty , 0 \leq i \beta_{-} < 1 ,$$

$$\lim_{\beta_{+} \to \infty} \widehat{A}_{+} = \begin{pmatrix}
0 & 0 & 0 & -1 \\
0 & 1 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 0$$

Auch die beiden reellen Drehungen φ_{+} können für die Intervallgrenzen von β_{+} · $\sqrt{+}$ 1 untersucht werden. Zunächst ist lim φ_{+} = 0, doch wird lim φ_{-} = $\pi/4$, aber lim φ_{+} = $\beta_{+} \rightarrow 0$

= $\pi/2$. Zur weiteren Untersuchung dieser Zeitachsendrehung wird es zweckmäßig ψ_{\pm} = arc tg β_{\pm} einzuführen. Im R_{+4} bleibt ψ_{\pm} = ϕ_{\pm} eine reelle Drehung, während im R_{-4} die Drehung ψ_{\pm} wegen β_{\pm} = $-\beta_{\pm}^{\times}$ imaginär wird. Mit sec 2 ψ_{\pm} = $1 + tg^{2}$ ψ_{\pm} = $1 + \beta_{\pm}^{2}$ wird cos ψ_{\pm} = $(1+\beta_{\pm}^{2})^{-1/2}$ und sin ψ_{\pm} = $(1+\beta_{\pm}^{2})^{-1/2}$, was zur Darstellung = $(1+\beta_{\pm}^{2})^{-1/2}$.

führt. Mit der Relation

$$e^{i\alpha} = \cos \alpha + i \sin \alpha \text{ wird } e^{\frac{t}{i}} = \cos \psi \pm i \sin \psi = \frac{i \psi_{\pm}}{i \psi_{\pm}} = \frac{i \psi$$

= i t g ψ_{\pm} = i β_{\pm} oder i ψ_{\pm} = ARTG i β_{\pm} =

= 1/2 ln $(\frac{1+i\beta_{\pm}}{1-i\beta_{\pm}})$ und dies ist eine explizite Darstellung

von \forall_{\pm} in Logarithmusform. Gibt es $1 \le 1 \le n$ Geschwindigkeiten $(\mathbf{v}_{\mathbf{l}}, \mathbf{v}_{\mathbf{l}})$, welche zur Gesamtgeschwindigkeit $\mathbf{v}_{\mathbf{l}}$ überlagern, so

wirde dieser Beschleunigungsprozeß einer Aufeinanderfolge von n Drehungen $\psi \pm 1$ entsprechen, so daß $\beta \pm 1$ tg $\beta \pm 1$ gilt,

Handelt es sich nur um zwei Geschwindigkeiten mit den undimensionier ten Maßen $\beta_{\pm 1}$ beziehungsweise $\beta_{\pm 2}$, welche sich zu $\beta_{\pm 1}$ addiet $\beta_{\pm 1}$ $\psi_{\pm 2}$

ren, so gilt β_{\pm} = tg $(\psi_{\pm 1} + \psi_{\pm 2})$ = $\frac{-1}{1-t g \psi_{\pm 2} \cdot tg \psi_{\pm 2}}$

 $\frac{\beta_{\pm 1} + \beta_{\pm 2}}{1 - \beta_{\pm 1} \cdot \beta_{\pm 2}}, \text{ woraus hervorgeht, daß das vierdimen-}$

sionale Additionstheorem dreidimensionaler Geschwindigkeiten in

 β_{\pm} = tg ψ_{\pm} mit ψ_{\pm} = $\chi_{\pm 1}$ $\psi_{\pm 1}$ enthalten ist. Auch für die Grehungen ψ_{\pm} gelten die Limesrelationen χ_{\pm} = 0,

aber lim $\psi_- = \pi/4$ und lim $\psi_+ = \pi/2$. Diese Art $i\beta_- \rightarrow 1$

von Drehungen werden also zusammengefaßt in

$$\beta_{\pm} = \operatorname{tg} \quad \psi_{\pm} \quad \psi_{\pm} = \frac{1}{1 + i \beta_{\pm}}$$

$$i \quad \psi_{\pm} = \frac{1}{2} \operatorname{lu} \quad (\frac{1 - i \beta_{\pm}}{1 - i \beta_{\pm}})$$

$$A_{\pm} = \begin{pmatrix} \cos \quad \psi_{\pm} & o \quad o \quad - \sin \quad \psi_{\pm} \\ o \quad 1 \quad o \quad o \\ o \quad o \quad 1 \quad o \\ \sin \quad \psi_{\pm} \quad o \quad o \quad \cos \quad \psi_{\pm} \end{pmatrix}$$

Diese besondere Gestalt von A_{\pm} kennzeichnet aber die Transformationen von A_{\pm} als reelle und diejenigen von A_{\pm} als imaginäre Drehungen. Wird wieder mit x_{\pm} und u_{\pm} das Raumzeitdiagramm von C_{\pm}^{\bullet} in C_{\pm} aufgetragen, so ist das Diagramm nur dann vollständig, wenn die Einheitsstrecken festgelegt sind. Mit $\eta_{\pm 2} = \eta_{\pm 3} = 0$ folgt für die beiden Invarianten $x_{\pm}^2 + u_{\pm}^2$, was es deshalb für C_{\pm} nahelegt den Einheitskreis $x_{\pm}^2 + u_{\pm}^2 = 1$ und in C_{\pm} die zwei gleichzeitionen Hyperbelm $x_{\pm}^2 - u_{\pm}^2 = \pm \frac{1}{2}$, welche durch die Asymtoten $x_{\pm}^2 - u_{\pm}^2 = 0$ begrenzt werden, zur Festlegung der Einheitsstrecke zu verwenden; denn im $R_{\pm 4}$ bleibt in der Projektion $\eta_{\pm 2} = \eta_{\pm 3} = 0$ die Figur $x_{\pm}^2 + u_{\pm}^2 = 1$ ebenso wie im $R_{\pm 4}$ nach der gleichen Projektion $x_{\pm}^2 - u_{\pm}^2 = 1$ gegen A_{\pm} invariant und außerdem liefern die Nullstellen dieser Kurven die Einheitsstrecken in C_{\pm} , welche somit ebenfalls gegen A_{\pm} invariant bleiben. Aus den beiden Relativitätsprinzipien, welche durch A_{\pm} gekennzeichnet werden folgt daß es zwei Raumzeitstrukturen $R_{\pm 4}$ mit den metrischen Eigenschaften A_{\pm} geben muß, derart, daß $A_{\pm 4}$ durch eine

Cuklidisch reelle beziehungsweise euklidische komplexe Metrik

ausgezeichnet ist. Aus $ds_{\pm}^2 = k=1$ $d\eta_{\pm k}^2$ folgt wegen $d\eta_{\pm k}^2 = 3$ k=1 k=1 $d\eta_{\pm k}^2 + k = 1$ k=1 $d\eta_{\pm k}^2 + k = 1$ k=1 $d\eta_{\pm k}^2 + k = 1$ k=1

 $\frac{3}{k=1} \left(\frac{d\eta_{\pm k}}{d\eta_{\pm 4}} \right)^2 = \beta_{\pm}^2 \quad \text{die Beziehung } \left(\frac{ds_{\pm}}{d\eta_{\pm 4}} \right)^2 = 1 + \beta_{\pm}^2,$

oder $ds_{\pm}/d\eta_{\pm 4} = (1+\beta_{\pm}^2)^{1/2}$, wobei nur der Zweig $ds_{\pm}/d\eta_{\pm 4} = 0$ in Betracht kommt. Aus dieser Beziehung geht hervor, $da\beta$ der Raumzeitlinienverlauf gegen A_{\pm} invariant ist; denn für die Richtungs - kosinus $\alpha_{\pm 1}$ zwischen s_{\pm} und den $\eta_{\pm k}$ des $R_{\pm 4}$ gilt $\alpha_{\pm 1} = d\eta_{\pm 1}/ds_{\pm} = d\eta_{\pm 1}/d\eta_{\pm 4}$. $d\eta_{\pm 4}/ds_{\pm} = \beta_{\pm 1} \cdot (1+\beta_{\pm}^2)^{-1/2}$. Für 1 = 4 wird $\beta_{\pm 1} = 1$

weil $d\eta_{\pm 4}/d\eta_{\pm 4} = 1$ ist. Die $\alpha_{\pm 1}$

sind Richtungskosinms der Winkel $\frac{1}{2}$. Ruht der Bereich relativ zum R_3 , das heißt, ist $(\nu^i v) = 0$ und also auch $\beta_+ = 0$ und $\beta_{+k} = 0$ für $k \leq 3$, so gilt $\alpha_{+k} = 0$, aber $\alpha_{+4} = 1$, das heißt, dies ser Bereich führt keine Bewegung im R_{+3} aus, sondern verändert nur zeitlich seinen inneren Zustand, Die invarianten Raumzeitlinien werden also beschrieben durch

$$\frac{ds_{\pm}/d\eta_{\pm l_{+}}}{ds_{\pm}/d\eta_{\pm l_{+}}} = \frac{(1+\beta_{\pm}^{2})^{\pm l_{+}}}{2}, \quad \alpha_{\pm l_{+}} = \frac{d\eta_{\pm l_{+}}/ds_{\pm l_{+}}}{2} = \frac{\beta_{\pm l_{+}}}{2} \frac{(1+\beta_{\pm}^{2})^{-1/2}}{2}, \quad \alpha_{\pm l_{+}} = \frac{d\eta_{\pm l_{+}}/ds_{\pm l_{+}}}{2} = \frac{\beta_{\pm l_{+}}}{2} \frac{(1+\beta_{\pm}^{2})^{-1/2}}{2}, \quad \alpha_{\pm l_{+}} = \frac{d\eta_{\pm l_{+}}/ds_{\pm l_{+}}}{2} = \frac{\beta_{\pm l_{+}}}{2} \frac{(1+\beta_{\pm}^{2})^{-1/2}}{2}, \quad \alpha_{\pm l_{+}} = \frac{d\eta_{\pm l_{+}}/ds_{\pm l_{+}}}{2} = \frac{\beta_{\pm l_{+}}}{2} \frac{(1+\beta_{\pm}^{2})^{-1/2}}{2}, \quad \alpha_{\pm l_{+}} = \frac{d\eta_{\pm l_{+}}/ds_{\pm l_{+}}}{2} = \frac{\beta_{\pm l_{+}}}{2} \frac{(1+\beta_{\pm}^{2})^{-1/2}}{2}, \quad \alpha_{\pm l_{+}} = \frac{d\eta_{\pm l_{+}}/ds_{\pm l_{+}}}{2} = \frac{\beta_{\pm l_{+}}}{2} \frac{(1+\beta_{\pm}^{2})^{-1/2}}{2}, \quad \alpha_{\pm l_{+}} = \frac{d\eta_{\pm l_{+}}/ds_{\pm l_{+}}}{2} = \frac{\beta_{\pm l_{+}}}{2} \frac{(1+\beta_{\pm}^{2})^{-1/2}}{2}, \quad \alpha_{\pm l_{+}} = \frac{d\eta_{\pm l_{+}}/ds_{\pm l_{+}}}{2} = \frac{\beta_{\pm l_{+}}}{2} \frac{(1+\beta_{\pm}^{2})^{-1/2}}{2}, \quad \alpha_{\pm l_{+}} = \frac{d\eta_{\pm l_{+}}/ds_{\pm l_{+}}}{2} = \frac{\beta_{\pm l_{+}}}{2} \frac{(1+\beta_{\pm}^{2})^{-1/2}}{2}, \quad \alpha_{\pm l_{+}} = \frac{\eta_{\pm l_{+}}}{2} \frac{(1+\beta_{\pm}^{2})$$

We gen
$$\beta_{\pm 1}^2$$
 $\beta_{\pm \ell}^2$ = β_{\pm}^2 wird $\beta_{\pm 1}^2$ $\beta_{\pm 1}^2$ + $\beta_{\pm 1}^2$

 $1/1+\beta_{\pm}^{2}$ β_{\pm}^{2} = 1, das heißt, für die Cosinus der Winkel gilt in beiden Raumzeitsystemen das Theorem β_{\pm}^{2} cos β_{\pm}^{2}

Die Grenze der Geschwindigkeiten liefert auch Grenzen dieser Winkel. So folgt für den Züstand der Ruhe im R_{±3}, also für $\beta_{\pm \ell} = 0$ mit $1 \le \ell \le 3$ zunächst cos $\beta_{\pm \ell} = 0$ und cos $\beta_{\pm \ell} = 1$, mit anderen Worten: die $\beta_{\pm \ell} = \pi/2$ bilden die Winkel der Raumzeitlinien mit dem R_{±3}, während $\beta_{\pm \ell} = 0$ angibt, daß sich die Raumzeitlinie mit den Zeitachsen der R_{±4} deckt. Für $\beta_{\pm \ell} \to \infty$ gilt $\beta_{\pm \ell} \to \infty$ diesem Fall also verläuft die Raumzeitlinie der grauitstiven Winkenschaften.

diesem Fall also verläuft die Raumzeitlinie der gravitativen Wirkung in allen drei Richtungen des R_{+3} simultan, während sie zur Zeitachse des R_{+4} orthogonal verläuft. Dieser Sachverhalt kann nur so interpretiert werden, daß $\beta_{+} \rightarrow \infty$ virtuell ist, weil A_{+} nur ein Relativitätsprinzip gravitativer Feldstörungen nach Gleichung 48 für $m_{0} = 0$ und hinreichend geringe Feldintensitäten $\sigma \approx 0$ be schreibt und daher nur die Invarianz solcher Systeme gravitativer Feldstörungen fordert, während für alle materiell elektromagnetischen Systeme eine Invarianz gegen A_{-} mit i $\beta_{-} < 1$ zu fordern ist. Diese Trennung des Gültigkeitsbereiches der A_{+} muß eingehalten werden, doch ändert dies nichts an ihrem Charakter Untergruppen zu sein. Die hypotletische übergeordnete Gruppe muß dabei eine Invarianz sowohl

gegen A als auch gegen A umfassen, doch kann sie sich nur auf gravitativ materielle Korrelation beziehen. Liegt approximativ nur ein elektromagnetisch-materielles System im R_h vor, dann braucht dieses nicht gegen die hypothetische übergeordnete Gruppe, wohl aber , und ein analog approximiertes gravitatives System im R₄₄ gegen A₄ invariant sein. Tatsächlich muß jedoch immer die Invarianz in Bezug auf die übergeordnete Gruppe gefordert werden, weil alle elektromagnetisch-materiellen Systeme wegen der sie definieren 🕳 den Trägheit und dem Äquivalenzprinzip von Trägheit und Gravitation an gravitative Feldstrukturen gekoppelt sind, så daß die Gravitations-Materiefeldkorrelation immer vorliegt. Die Beziehung lo bleibt dabei richtig, weil die gravitative Feldmasse in m (r) enthalten ist. Der analoge Grenzfall im $R_{\underline{4}}$, nämlich i $\beta_{\underline{3}} \to 1$ kann für die cos V_k nicht durchgeführt werden, weil es zur Divergenz cos 🖒 _k -> ∞ kommen würde, was für den Cosinus sinnlos ist. Für das Theorem der Weltlinienwinkel gilt also

$$\frac{4}{k=1} \cos^{2} \mathcal{S}_{\pm k} = 1, \lim_{\beta_{+} \to \infty} \mathcal{S}_{+1} = 0,$$

$$\lim_{\beta_{+} \to \infty} \mathcal{S}_{+4} = \pi/2, \lim_{\beta_{+} \to 0} \mathcal{S}_{\pm 1} = \pi/2,$$

$$\lim_{\beta_{+} \to 0} \mathcal{S}_{\pm 4} = 0.$$
59a.

Während sich im Vorangegangenen der Vergleich nur auf die spezielle Form Gleichung 58 der beiden durch \widehat{A}_{\pm} gekennzeichneten Gruppen bezog, erscheint es notwendig, diesen Vergleich auch für den allgemeinen Fall \widehat{A}_{\pm} durchzuführen, das heißt, die zueinander mit (v,v) const. relativ bewegten Raumzeitsysteme C_{\pm} und C_{\pm}^{*} sind weder gleich orientiert noch achsenparallel. Im speziellen Fall konnten \widehat{A}_{\pm} als reelle Drehungen β_{\pm} $\sqrt{\pm 1}$ = tg ϕ_{\pm} der ebenen Raumzeitdiagramme aufgefaßt werden, wobei im reallen Zeitmaß u_{\pm} die Ebenen aller Raumzeitdiagramme reelle Ebenen bleiben. Wird in der euklidisch reellen beziehungsweise euklidisch komplexen Metrik

 $ds_{\pm}^2 = \frac{1}{k=1} d\eta_{\pm k}^2$ das reelle Zeitmaß $u_+ = \eta_{+4} = \omega t$, beziehungsweise elektromagnetisch $u_- = -i \eta_{-4} = c t$ einge führt, so ergab sich für die reelle Drehung $tg \eta_{\pm} = d\eta_{\pm 1}/du_{+}$ und

 $\eta_{\pm k}^*$ wird mit $\eta_{\pm 1} = x_{\pm}$ und $\eta_{\pm 2} = \eta_{\pm 3} = 0$ (die Gruppe A liefert für diese Koordinaten identische Transformationen) die vereinfachte Invariante auch in C_+^{\bullet} wegen der Invarianz gelten muß. Die Einheitsstrecken müssen in dem Raumzeitdiagrammmnoch festgelegt werden. In C, ge schieht dies mit Hilfe des Einheitskreises $x_{+}^{2} + u_{+}^{2} = 1$ und in mit den beiden gleichseitigen Hyperbeln in der Asymtotenform - $u^2 = \pm 1$, deren Asymtoten durch $x^2 - u^2 = 0$ beschrieben werden. Bei einer Verallgemeinerung stehen die Transformatormazur Diskussion, so daβ die Konstruktion der ebenen Raumzeitdiagramme in die vierdimensionalen Raumzeitsysteme R $_{f \perp 4}$ zu übertragen ist. Diese Konstruktionen werden im R₊₄ zur Einheitskugel k=1 $\eta_{+k}^{2} + u_{+}^{2} = 1$, welche von k=1 $\eta_{+k}^{2} + u_{+}^{2} = 0$ tangiert wird, während im R_4 der einschalige beziehungsweise zwei schalige Hyperbelraum $\frac{2}{k-1}$ $\eta_{-k}^2 - u_-^2 = \pm 1$ vom Asysmp- $\frac{2}{k=1}$ η_{-k}^2 - u_{-k}^2 = o asymptotisch berührt wird. Die Schnitte dieser dreidimensionalen Räume mit der Ebene n+1 u+ fert dann die Konstruktion der ebenen Raumzeitdiagramme, weil η_{+2} o wegen der durch \widehat{A}_{+} zum Ausdruck gebrachten identischen Transformation dieser Koordinaten gesetzt werden kann. Zur Vervollständigung der Konstruktion im R_4 wird auf der positiven Schale de\$ zweischaligen Hyperbelraumes ein Dunkt A mit den Koordinaten nak A und u_A angenommen, zu dessen Radiusvektor DA der konjugierte $\sum_{k=1}^{\eta_{-k}} \eta_{-k} \cdot \eta_{-kA} - u_u_A = o \text{ gehört,}$ Durchmesserraum $\frac{2}{k=1}$ η_{-k}^{2} - u_{-k}^{2} = 1 ein Ellipsoid ist, weldesseh Schnitt mit ches zur Einheitskugel η_{-k}^2 = 1 wird, wenn sich A mit dem Scheitelpunkt des zweischaligen Hyperbelraumes deckt; denn für diesen Scheitelpunkt wird u = o und der konjugierte Durchmesserraum ist nicht mehr im R_4, sondern nur noch im R_3 defihiert.

Im R_{+4} liege A in $\frac{3}{k=1} \eta_{+k}^2 + u_{+}^2 = 1$, was für den

konjugierten Durchmesserraum k=1 η_{+k} η_{+kA} + u_+ u_{+A} =0 liefert. Das Wesen von A_+ liegt nun darin, A_+ in C_+ und C_+ die Einheitsstrecke OA und die gleiche Maßfläche, nämlich der kon-

jugierte Durchmesserraum $\frac{1}{k+1}$ η_{+k} , η_{+kA} \pm u_{+} u_{+A} = 0 und sein Schnitt mit $\frac{1}{k+1}$ η_{+k} \pm u_{+} = 1 verwendet wird wobei hinsichtlich des R_{-4} der Schnittraum nur ein Ellipsoid in Bezug auf C_{-} ist, welches für u_{-} = 0 zur Einheitskugel wird, während es im C_{-} immer eine Einheitskugel ist und in Bezug auf C_{-} erscheint der Schnittraum in C_{-} als Ellipsoid. Der Übergang von C_{-} nach C_{-} kann also durch eine Drehung der η_{-k} dargestellt werden, an welcher u_{-} nicht teilnimmt. Gegen diese Drehungen sind also die

Summen $\frac{3}{k-1}$ η_{-k}^{*2} und $\frac{3}{k-1}$ η_{-k}^{*2} - u^{*2} invariant. Gleiches kann auch mit dem Koordinaten von C durchgeführt werden. Im R₊₄ gelten nach der raumzeitlichen Konstruktion ganz analoge Verhältnisse,

nur sind hier die Summen $\frac{2}{k=1}$ η_{+k}^{*2} und $\frac{2}{k=1}$ η_{+k}^{*2} + u_{+}^{*2} gegen solche Drehungen invariant, was auch für das System C_{+} gilt. Auf jeden Fall sind die Maßstrecken, nämlich \overrightarrow{OA} und die Maßflächen in in den Systemen C_{+} und C_{+}^{*} die Gleichen. Da die vierdimensionale Konstruktion auf die Konstruktion der zweidimensionalen Raumzeitdiagramme zurückgeht, und zwar in Form einer Verallgemeinerung, und da weiter diese Diagramme unmittelbar einen Ausdruck der speziellen Formen \widehat{A}_{+} sind, muß die verallgemeinerte vierdimensionale Konstruktion ein Ausdruck der allgemeinen Formen \widehat{A}_{+} sein. Da jeder Punkt der positiven Schalen von \widehat{A}_{-k}^{*} - \widehat{u}_{-k}^{*} - \widehat{u}_{-k}^{*}

k=1 η_{+k}^2 + u_+^2 = 1 ein System C mit einem anderen C verbindet und zwar durch jeweils eine Transformation der Form $\frac{\lambda}{1}$ muß es eine dreifach unendliche Schar gleichberechtigter Bezugssystem C in den Raumzeitsystemen R_{+4} geben; denn sowohl

 $\frac{2}{k=1} \eta_{+k}^{2} + u_{+}^{2} = 1 \text{ als auch } \frac{3}{k=1} \eta_{-k}^{2} - u_{-}^{2} = -1$ beschreibt eine dreifach unendliche Punktmannigfaltigkeit. Durch den

 $\frac{3}{k-1}$ $\eta_{-k}^2 - u_-^2 = 0$ im R_{-4} beziehungsweise $\frac{1}{k=1}$ η_{+k}^2 + u_+^2 = 0 im R_{+4} werden R_{-4} in verschiedene Bereiche unterteilt. Der R₄ wird durch $\eta_{k=1}^2$ η_{-k}^2 - η_{-k}^2 in drei Bereiche, nämlich u^2 7 $\frac{2}{k=1}$ η^2_{-k} für u_- 7 o sowohl, als auch für u < o und in u < < $\underset{k=1}{\overset{*}{\longleftarrow}}$ η_{-k}^{*} aufgeteilt; denn die beiden Hyperbelräume werden durch Scharen 🗕 🛨 r mit dem Scharparameter o 🚄 r 🚾 1 dargestellt. Analog wird der R_{+4} durch $\underset{k=1}{\overset{*}{\rightleftharpoons}}$ η_{+k}^{*} + u_{+}^{*} = 0 aufgeteilt. Allerdings ist die Begrenzung kein Asymtotenraum mit konischer Metrik, vielmehr ist ein ganzer Halbraum möglich, weil bei einer reellen Koordinatendrehung $\phi_+ = 4$ (u_+ , u_+) im Bereich zwischen o und $\pi/2$ möglich ist, während ϕ nur zwischen o und $\pi/4$ definiert wird. Unabhängig von diesen Konstruktionen können R₊₄ hin sichtlich u_+ aufgeteilt werden. Offenbar beschreibt u_+ = o die R_{+3} in einem Gegenwartszustand, während die Reumzeitpunkte $u_{+} > o$ später und u_{+} < o früher liegen. Die später liegenden Raumzeitpunkte befinden sich in einem Horbereich und sind zukünftig, während die früher liegenden zu einem Nachbereich gehören und vergangen sind. Zukunft und Vergangenheit beziehen sich dabei auf den Gegenwartszusstand u = o. Im Falle des R_4 sind sind Vor- und Nachbereich Kegel, die durch einen imaginären Zwischenbereich getrennt sind. Im Fall des R,4 dagegen nicht; denn hier handelt es sich um reelle Halbräume o $\frac{2}{\pi}$ ϕ_{+} $\frac{2}{\pi}$ $\pi/2$ ohne imaginären Zwischenbereich. Die Aufteilung der R_{+4} durch die Begrenzungen k=1 η_{+k}^2 + u_{+}^2 = 0 geht auf die vierdimensionalen Konstruktionen $\underset{k=1}{\overset{<}{\leqslant}}$ η_{-k}^2 - u_{-}^2 = ± 1 η_{+k}^2 + u_+^2 = 1 zurück, die wiederum eine Erweiteund rung der ehenen Raumzeitdiagramme sind und diese Raumzeitdiagramme bringen die speziellen Transformationen \widehat{A}_{ullet} zum Ausdruck. Die vierdimensionalen Konstruktionen sind Erweiterungen der Raumzeitdiagramme und beschreiben mithin die allgemeinen Transformationen $\widehat{\Lambda}_+$

das heißt, sie sind gegen A. invariant. Wenn dies aber so ist, muβ auch die Aufteilung der Raumzeitsysteme R+4 gegen A+ sein, das heißt, diese Aufteilung ist von der speziellen Wahl gleichberechtigter Koordinatensysteme C, unabhängig. Werden in dem Raum-R₊₄ zwei Punkte 1 und 2 angenommen und wird das Bezeitsystem zugssystem so gedreht, daβ die Zeitachse der geradlinigen Verbindung beider Punkte parallel läuft, was wegen der Invarianz der Einheit immer möglich ist, so folgt für die Länge der Raumzeitlinien immer

$$\frac{1}{2} = \sqrt{\frac{1}{2}} \cdot \int_{1}^{2} \sqrt{\frac{4}{4}} \quad \text{was im Fall des } R_{4} \text{ zu s} = \frac{1}{2}$$

$$= \int_{1}^{2} \sqrt{\frac{3}{4}} = c \int_{1}^{2} dt \sqrt{1 + \beta^{2}} \quad \text{wird},$$

= f (u_) irgendein Zeitgesetz ist, das heißt, in diesem

Fall ist s gekrümmt. Nur für $\frac{1}{k-1}$ d η_{-k}^2 = 0, also $i\beta$ =const

wird s geradlinig, was im R₄ das Theorem $\int_{1}^{2} \sqrt{du^{2} - \frac{3}{k-1}} d\eta^{2}_{-k}$

du zur Folge hat. Mit anderen Worten, die geradlinigen

Raumzeitlinien im R_4 sind diejenigen maximaler Eigenzeit und vom Büschel der Nullpunktsgeraden im R_4 von welchem jede einem Wert = const. im Intervall o \leq i β < 1 entspricht, hat diejenige die maximaleEigenzeit, die sich mit der Zeitachse deckt, für deren Richtungskosinus, also α_{-k} = 0, aber α_{-k} = 1 gilt. Für den R₊₄ liegen andere Verhältnisse vor; denn hier gilt im allgemeinen Fall β_{+} = f (u₊) gekrümmter Raumzeitlinien

 $\sqrt{d u_{+}^{2} + \sum_{k=1}^{3} d \eta_{+k}^{2}}$ und diese Länge wird mindestens

 $\int_{-\infty}^{\infty} d u_{+}$, so daß die beiden Theoreme identisch sein mit

die Extremaltheoreme der Eigenzeiten in den Strukturen $R_{\pm 4}$ darstellen.

Die \widehat{A}_{\pm} beschreiben offensichtlich den speziellen Fall von Transformationen, welche im ebenen Raumzeitdiagramm darstellbar sind, weil C_{\pm} und C_{\pm}^{+} gleich orientiert und achsenparallel sind. Auf jeden Fall sind diese Transformationen linear. Bei der Untersuchung der allgemeinen Transformationen \widehat{A}_{\pm} muß berücksichtigt werden, daß \widehat{A}_{\pm} Sonderfälle von \widehat{A}_{\pm} sind, so daß die zu \widehat{A}_{\pm} gehörenden Transformationen ebenfalls linear sein müssen. Es kommt also darauf an, die allgemeinste Form eindeutiger affiner Abbildungen der $R_{\pm 4}$ zu

finden, welche $\frac{1}{k+1}$ η_{\pm}^2 invariant lassen. Bezeichnen die $\alpha_{\pm 1k}$ die Elemente der \hat{A}_{\pm} , so sind die allgemeinen affinen Abbildungen, welche den geforderten Bedingungen genügen, durch $\eta_{\pm 1}^2$

- = $\alpha_{\pm ik}$ $\alpha_{\pm i}$ gegeben, das heißt, die Koeffizienten bilden

das Orthogonalsystem j=1 $\alpha_{\pm i,j}$ $\alpha_{\pm j,k}$ = δ_{ik} und können als Richtungsgrößen interpretiert werden. Diese Orthogonalität der Koef-

fizienten folgt, wenn die Koordinaten der R₊₄, also die $\eta_{\pm 1}$, kartesisch sind (in Vektorform also $\overline{\eta}_{\pm 1}$ · $\overline{\eta}_{\pm k}$ \sim $\delta_{i,k}$) aus der Invarianz des Quadrates des vierdimensionalen Fahrstrahls \overline{r}_{\pm}

k=1 η_{+k} . Die α_{+ik} kömnen wegen des affinen Charakters der allgemeinen Lineartransformation zu Λ_{+} = $(\alpha_{+ik})_4$ zusammengefaßt werden; denn diese Koeffizienten kennzeichnen eine Transformation

der Koordinaten in den R+4, welche mit der gesuchten Verallgemeinerung A der A identisch ist. Für die Transformation von $\vec{r}_{\pm} = \sum_{k=1}^{7} \vec{\eta}_{\pm k} \text{ gilt } \vec{r}_{\pm} = (\alpha_{\pm 1,k})_4 \cdot \vec{r}_{\pm} \text{ oder invers } \vec{r}_{\pm} = (\alpha_{\pm 1,k})_4 \cdot \vec{r}_{\pm}$ $= (\alpha_{\pm k,i})_{4} \cdot \vec{r}_{\pm}' = \stackrel{\wedge}{\underline{A}_{\pm}}' \vec{r}_{\pm}' \cdot \text{Andererseits ist } \vec{r}_{\pm}' = \stackrel{\wedge}{\underline{A}_{\pm}} \cdot \vec{r}_{\pm}'$ $oder \vec{r}_{\pm} = \stackrel{\wedge}{\underline{A}_{\pm}}' \vec{r}_{\pm}' \cdot \text{was verglichen } \stackrel{\wedge}{\underline{A}_{\pm}}' \cdot \vec{r}_{\pm}' = \stackrel{\wedge}{\underline{A}_{\pm}}' \vec{r}_{\pm}' \cdot \text{lie-}$ fert. Mit anderen Worten, $\frac{\hat{A}}{\underline{A}}$ • $\frac{\hat{A}}{\underline{A}}$ = \hat{E} zeigt, daß $\frac{\hat{A}}{\underline{A}}$ ebenso wie $\frac{\hat{A}}{\underline{A}}$ im R_{+4} orthogonal und im R_{-4} unitär ist. Zur vollständigen Beschreibung von $\frac{\hat{A}_{+}}{A_{+}}$ muß das Verhalten von $|\hat{A}_{+}|_{A_{-}} = |\alpha_{+i,k}|_{A_{-}}$ Untersucht werden. Wegen der Orthogonalität $\delta_{i,k}$ der Matrizenkoeffizienten ist $\alpha_{+ik} = + \frac{1}{k} \alpha_{+kk} + 0$ das heißt, | 1/4 + o kennzeichnet A, als regulär; denn, wären A singulär, so hätten die kanonisch äquivalenten Formen einen von Null verschiedenen Matrizendefekt, was 1 4 = o zur Folge hätte, was aber mit der Orthogonalität $\underset{j=1}{\overset{\leftarrow}{=}} \alpha_{\pm i,j} \cdot \alpha_{\pm j,k} = \delta_{ik}$ im Widerspruch steht. Wird $|\frac{\Lambda}{4}|_4$ \neq o entwickelt, und kennzeichden Minor der Zeile i und Spalte k der Determinante, se gilt $|\hat{A}_{\pm}|_4 \cdot \alpha_{\pm i,k} = Am \text{ oder als Determinante der Minoren}$ $\begin{vmatrix} A_{m} \\ k \end{vmatrix}_{4} = \begin{vmatrix} A_{\pm} \\ 4 \end{vmatrix}_{4} + \alpha_{\pm 1, k} \begin{vmatrix} A_{\pm} \\ 4 \end{vmatrix}_{4} = \begin{vmatrix} A_{\pm 1, k} \\ 4 \end{vmatrix}_{4} + \begin{vmatrix} A_{\pm 1, k} \\ 4 \end{vmatrix}_{4} = \begin{vmatrix} A_{\pm 1, k} \\ 4 \end{vmatrix}_{4}$ Nach einem Gesetz der Determinantentheorie ist stets , was für n = 4 für die Determinante der Minore eraten Grades $\begin{vmatrix} 1 \\ Am \\ b \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} A \\ A \\ b \end{vmatrix}_{1}^{3}$, also im Vergleich $\begin{vmatrix} A \\ A \\ 4 \end{vmatrix} = 1$ liefert. Nach Radizierung entfällt der negative Zweig, weil die Determinante selbst eine stetige Koeffizientenfunktion ist und bei den zugelassenen identischen Transformationen nur + 1 in Betracht kommen kann. Es gilt daher $|\hat{A}_{+}|_{4} = + 1$. Wenn dies aber so ist, so sind die Determinantenkoeffizienten mit den Minoren 1. Grades der

Determinante identisch; denn es ist $\stackrel{\triangle}{Am} = \alpha_{\pm ik} \cdot \stackrel{\triangle}{A}_{\pm} \stackrel{A}{}_{+} = \alpha_{\pm i,k}$. Die Eigenschaften der allgemeinen Transformationen der mit β_{\pm} =const bewegten Bezugssysteme C_{\pm} und C_{\pm}^{*} in den $R_{\pm 4}$ sind also zusammengefaßt in $\stackrel{\triangle}{B}_{\pm}^{*} = \stackrel{\triangle}{A}_{\pm}^{*} \cdot \stackrel{\triangle}{A}_{\pm}^{*} \cdot \stackrel{\triangle}{A}_{\pm}^{*} = \stackrel{\triangle}{E}^{*} \cdot \stackrel{\triangle}{A}_{\pm}^{*} \stackrel{A}{}_{+} = + 1 \dots 61$. Die Elemente von $\stackrel{\triangle}{A}_{\pm}^{*}$ sind im $R_{\pm 4}^{*}$ alle reell, im $R_{\pm 4}^{*}$ dagegen sind die Jenigen Elemente welche den Index 4 nur einmal enthalten imaginar, alle anderen aber reell; denn nur so kann die Realität der Koordinaten in den $R_{\pm 3}^{*}$ gewahrt werden. Auch ist das Element $\alpha_{\pm 4}^{*}$, $\alpha_{\pm 4$

gonalität $(\alpha_{\pm i}, j) \cdot (\alpha_{\pm j}) \cdot (\alpha_{\pm i}) \cdot (\alpha_{\pm j}) \cdot (\alpha_{\pm i}) \cdot (\alpha_$

gehen nach diesen Beziehungen tatsächlich aus A hervor. Die Ortho-

wiesen werden.

4.) Somasynthesis der Gruppen und Tensoren.

Die gravitativen und elektromagnetischen Prozesse, welche offensichtlich die Materiefeldquanten umfassen, verlaufen nach dem Vorangesgangenen in zwei Raumzeitstrukturen $R_{\pm 4}$ und sind zwei Invarianzford derungen unterworfen, deren Gruppen durch die allgemeinen Transformationsmatrizen \widehat{A}_{\pm} oder speziell \widehat{A}_{\pm} ausgedrückt werden, wobei stets \widehat{A}_{\pm} orthogonal, aber \widehat{A}_{\pm} unitär ist. Die metrische Struktur von $R_{\pm 4}$ sowohl, als auch von $R_{\pm 4}$ ist euklidisch, doch spannt sich $R_{\pm 4}$ mit den reellen $\eta_{\pm k}$ über dem reellen , und $R_{\pm 4}$ über dem komplexen algebraischen Körper auf, weil von den Koordinaten $\eta_{\pm k}$ (es ist $1 \le k \le 4$) die Zeitzählung $\eta_{\pm 4}$

imaginär ist. Dies bedeutet, daß von den (3) = 6 Koordinatenebenen im R₄ insgesamt 3 komplexe Ebenen sind, während von den $\binom{4}{3}$ = 4 dreidimensionalen Hyperflächen wiederum drei komplex sind. Im R+4 gibt es dagegen überhaupt keine komplexen Unterräume. Wegen der metrischen Identität der R₊₄ liegt es nahe, eine vierdimensionale, also raumzeitliche Somawelt metrisch so zu konstruieren, daß die R+4 Sonderfälle dieser Somawelt R4 sind, doch ist eine solche metri sche Konstruktion euklidisch nicht möglich, weil die beiden euklidischen Raumzeitstrukturen R₊₄ über zwei verschiedenen algebraischen Körpern definiert sind. Aus diesen Gründen ist offensichtlich die metrische Konstruktion einer Somawelt R_4 , welche R_{+4} als metrische Sonderfälle enthält, im Vierdimensionalen nicht ohneweiteres möglich, doch ist es denkbar, daβ eine höhere dimensionierte Welt existiert, deren raumzeitliche Projektion je nach Art des Projektionsvorganges R₄₄ oder R₄ liefert. Unabhängig davon jedoch ergibt sich die Möglichkeit eine Somasysnthesis der Gruppen A und ihrer Invarian ten so durchzuführen, daß die Somainvarianten sowohl in R_{+4} A als auch im R A invariant erscheinen; denn die physikalischen Feldgrößen der Materiefelder (R_4) sind immer mit gravitativen Feldgrößen (R,4) verkoppelt, weil die allgemeinenTrägheit und damit nach dem Aquivalenzprinzip die Gravitation jedes Materiefeld definiert. Im R+4 gilt für freie Gravitationsfeldwirkungen die Invarianz gegen A, während im R_4 die elktromagnetisch-materiellen invariant sind. Eine evewtuelle Sysnthese der Prozesse gegen beiden Gruppen A zu einer übergeordneten Transformationsgruppe muβ dann zur Folge haben, daß die Korrelation zwischen Gravitation und den elektromagnetisch-materiellen Strukturen aller Materiefeldquanten gegen diese übergeordnete Gruppe invariant bleibt. Wenn auch eine einfache Synthese der R₊₄ zum R_A durch eine einfache Überlagerung nicht möglich ist, so kann dieser R4 doch als ein metrischer Korrelationsbereich aufgefaßt werden, welcher die Grenzfälle verbindet und in welchem (im Fall einer euklidischen Metrik) eine Invarianz gegen die übergeordnete Gruppe gefordert werden. Ist P irgendeine physikalische Feldgröße, so wäre P = A . P die Invariante im R_{-4} und $P_{+} = \widehat{A}_{+}$ · P die jenige im R_{+4} Für die Invariante in beiden Strukturen würde sich eine Zweideutig- $= \underbrace{\hat{A}}_{+} P \quad \text{oder} \quad P \quad = \underbrace{\hat{A}}_{-}$ P_ ergeben. Die Möglichkeit einer solchen Somasysnthesis der Transformationsgruppen 🚉

ist grundsätzlich nur dann gegeben, wenn $P_{+} = P_{-} = P_{+}$ ist, also wenn $O = \stackrel{\wedge}{A}_{+} P_{-} - \stackrel{\wedge}{A}_{-} P_{+} = P_{-} \stackrel{\wedge}{A}_{+} \stackrel{\wedge}{A}_{-} - \stackrel{\wedge}{A}_{-} \stackrel{\wedge}{A}_{-} \stackrel{\wedge}{A}_{+})$ oder $(\underbrace{A}_{+} \times \underbrace{A}_{-})_{-} = \hat{O}$ ist, das heißt, die \underbrace{A}_{+} müssen kommutieren; denn dann kann $B = A \cdot A$ als neue Gruppe aufgefaßt werd den, deren Untergruppen die A sind. Die Transformation in der Somawelt lautet dann P' . B . P . Für den Kommutator folgt $(\stackrel{\wedge}{\underline{A}}_{+} \times \stackrel{\wedge}{\underline{A}}_{-})_{-} = (\stackrel{4}{\underset{v=1}{\leq}} \alpha_{+i\gamma} \cdot \alpha_{-\gamma k})_{4} - \stackrel{4}{\underset{\gamma=1}{\leq}} \alpha_{-i\gamma} \cdot \alpha_{+\gamma k})_{4} =$ = ($\underset{v=1}{\overset{+}{\smile}}$ $(\alpha_{+i\gamma} \cdot \alpha_{-\gamma k} - \alpha_{-ik} \cdot \alpha_{+\gamma k}))_4$. Wegen der Orthogon nalität deriehungsweise Unatarität der Matrizenelemente gilt also $\frac{1}{\gamma+1}$ $(\alpha_{-i\gamma} \cdot \alpha_{+\gamma k} - \alpha_{+ik} \cdot \alpha_{-\gamma k}) = \delta_{ik} \cdot ((\alpha_{-kk} \cdot \alpha_{+kk})^{-1})$ - $(\alpha_{+kk} \cdot \alpha_{-kk})^{-1}) = 0$, weil $\alpha_{-kk} \cdot \alpha_{+kk} = \alpha_{+kk} \alpha_{-kk}$ howme tiert. Dies bedeutet aber unmittelbar $(\widehat{A}, \times \widehat{A})$ = \widehat{o} , woraus die Existenz von $\widehat{B} = \widehat{A}_+$ · \widehat{A}_- hervorgeht. Für \widehat{B} · \widehat{B}^* fokgt dann weil wegen der gleichen Orthogonalität auch die Kommutatoren $(\widehat{\underline{A}}_{+}^{\times} \times \widehat{\underline{A}}_{-})_{-} = (\widehat{\underline{A}}_{+}^{\times} \times \widehat{\underline{A}}_{-}^{\times})_{-} = \widehat{\widehat{\widehat{O}}} \text{ nachweisbar sind, folgt } \widehat{\underline{B}} \cdot \widehat{\underline{B}}_{-}^{\times}$ $= \widehat{\underline{A}}_{+}^{\times} \widehat{\underline{A}}_{-}^{\times} - \widehat{\underline{A}}_{+}^{\times} \widehat{\underline{A}}_{-}^{\times} = \widehat{\underline{A}}_{+}^{\times} \widehat{\underline{A}}_{-}^{\times} - \widehat{\underline{A}}_{-}^{\times} = \widehat{\underline{A}}_{-}^{\times} - \widehat{\underline{A}}_{-}^{\times} - \widehat{\underline{A}}_{-}^{\times} = \widehat{\underline{A}}_{-}^{\times} - \widehat{\underline{A}}_{ \frac{\hat{A}}{\underline{A}}$ $\frac{\hat{A}}{\underline{A}}$ = $\frac{\hat{A}}{\underline{A}}$ ist. In \underline{B} ist \underline{A} , orthogonal, aber $\hat{\underline{A}}$ unitar, so daβ $\frac{\dot{a}}{\dot{B}}$ · $\frac{\dot{b}}{\dot{B}}$ = $\frac{\dot{a}}{\dot{B}}$ die Somamatrix $\frac{\dot{a}}{\dot{B}}$ ebenfalls als unitär gekennzeichnet wird; denn der komplexe Charakter eines Elementes wird durch reelle Faktoren nicht geändert. Mit B = (bik)4 kann immer wegen des unitären Verhaltens $\begin{vmatrix} \hat{B} \end{vmatrix}_4 = \frac{\pi}{k-1} b_{kk} + o$ erreicht werden, das heißt, $\frac{?}{B}$ beschreibt ebenfalls wegen des verschwindenden Matrizendefektes eine reguläre affine Abbildung der Somawelt. Die Entwicklung in die Minore ergibt $|\widehat{B}|_4$ · $b_{ik} = B_{ik}$, also $|\widehat{B}_{ik}|$ $= \left| \frac{\wedge}{B} \right|_{4} \cdot \left| \frac{\wedge}{b_{ik}} \right|_{4} = \left| \frac{\wedge}{B} \right|_{4} \cdot \text{was mit } \left| \frac{1}{Bm} \right|_{4} = \left| \frac{\wedge}{B} \right|_{4}^{R}$ verglichen $\frac{R}{B}$ 4 = \pm 1 liefert, wovon jedoch nur der positive

Zweig in Betracht zu ziehen ist. Die Somasysnthesis der Gruppen läuft also für den allgemeinen Fall auf die Beziehung

hinaus. Im speziellen Fall achsenparalleler und gleichorientierter Koordinatensysteme C' und C, welche sich längs der gemeinsamen $\eta_{+}\Lambda$ - Achse mit (v,v') = const. in der Somawelt relativ zueinander bewegen (Bewegung zu der Somawelt bezieht sich hierbei nicht auf eine metrische Konstruktion, sondern auf die Invarianz hinsichtlich \hat{B}), wird entsprechend auf den speziellen Matrizen \hat{A}_{+} auch die spezielle Form $\hat{B} = \hat{A}_{+}$. \hat{A}_{-} . Wegen der Eigenschaften aus Gleichung 62, welche auch für \hat{B} gelten müssen und $\hat{B}_{1k} = \frac{4}{\sqrt{21}} \hat{A}_{+1k} \cdot \hat{A}_{-\gamma k}$ wird $\hat{B}_{1,1} = \mathcal{R} (1 - \beta_{+} \beta_{-}) = \hat{B}_{4,4}$, ferner $\hat{B}_{2,2} = \hat{B}_{3,3} = 1$ und $\hat{B}_{1,4} = -\mathcal{R} (\beta_{+} + \beta_{-}) = -\hat{B}_{4,1}$, während alle übrigen Matrizenelemente verschwinden, wenn zur Kürzung $\mathcal{R} = (1 + \beta_{+}^{2})$. (1 + β_{-}^{2}) verwendet wird. Unter Verwendung der reellen beziehungsweise imaginärem Drehung ψ_{+} erfährt diese Darstellung eine weitere Vereinfachung; denn mit cos $\psi_{+} = (1 + \beta_{+}^{2})$ und \hat{A}_{-} und \hat{A}_{-} wird, wenn bestimmte trigonometrische Additionstheoreme verwendet werden, $\hat{B}_{1,1} = \hat{B}_{4,4} = \hat{A}_{+4,4}$

$$= \frac{1 - \beta_{+} \cdot \beta_{-}}{\sqrt{(1 + \beta_{+}^{2}) \cdot (1 + \beta_{-}^{2})}} = \cos \psi_{+} \cdot \cos \psi_{-} - \sin \psi_{+}.$$

• $\sin \psi_- = \cos (\psi_+ + \psi_-)$ und $B_{4,1} =$

$$= \frac{\beta_{+} + \beta_{-}}{\sqrt{(1+\beta_{+}^{2}) \cdot (1+\beta_{-}^{2})}} = \cos \psi_{+} \cdot \sin \psi_{-} + \cos \psi_{-}$$

• $\sin \psi_{+} = \sin (\psi_{+} + \psi_{-})$, was für B im speziellen Fall die vereinfachte Darstellung in Form aufeinanderfolgender Drehungen ermöglicht. Aus i $\psi_{+} = 1/2$ l n $(1+i\beta_{+}/1-i\beta_{+})$ folgt,

daß ψ_- rein imaginär, während ψ_+ = ϕ_+ mit der reellen Drehung identisch ist, das heißt, ψ_- = ψ_+ + ψ_- kann komplexe Drehung der Zeitachse von C' gegen C eingeführt werden. Die Synthesis \hat{B} kann also durch zwei aufeinanderfolgende Raumzeitdrehungen interpretiert werden, von denen die eine reell im R_{+4} , die andere imaginär im R_{-4} ist, woraus die Superposition die komplexe Drehung in \hat{B} entstehen läßt. Während also \hat{A}_+ durch eine reelle und \hat{A}_- durch eine imaginäre Drehung bestimmt wird, ist \hat{B} durch eine komplexe Drehung in der Somawelt charakterisiert. Für den komplexen Drehwinkel $\psi_ \psi_+$ folgt also wegen der Logarithmusdarstellung

i
$$\gamma = 1/2$$
 ln $\frac{(1+i\beta_+) \cdot (1+i\beta_-)}{(1-i\beta_+) \cdot (1-i\beta_-)}$ und mit dieser komplexen

Drehung werden die von Null verschiedenen Elemente von \hat{B} zu $B_{1,1}$ = $B_{4,4}$ = $B_{3,3}$ \hat{B} sowie $B_{1,4}$ = $B_{3,3}$ = 1, also

Diese Darstellung macht $B \cdot B = E$ und $|B|_4 = 1$ evident, doch zeigt eine weitere Untersuchung, daß sich A_+ als Grenzfälle von B ergeben. Wird nämlich angenommen, daß gravitative Wirkungen als Fernkraftfeld mit $\omega \to \infty$ fortschreiten, sowird für alle $v < \infty$ der Grenzprozeß $\lim_{h \to \infty} \beta_+ = 0$ mit dem Prozeß $\lim_{h \to \infty} \beta_+ \to 0$ identisch und in dieser Limesrelation wird $\lim_{h \to \infty} \beta_+ \to 0$ wird analog $\lim_{h \to \infty} \beta_+ \to 0$

c $\rightarrow \infty$ aber $\omega < \infty$ ahgenommen, so wird $\lim_{c \to \infty} i\beta = 0$ mit $\lim_{c \to \infty} \phi = \lim_{c \to \infty} 1 + i\beta = 0$ identisch, was 2 i $\lim_{c \to \infty} \phi = \lim_{c \to \infty} 1 + i\beta = 0$

= 2 i γ_+ , also 1 i m B = \hat{A}_+ zur Folge hat. Die Untergruppen i β_- o \hat{A}_+ erscheinen demnach als Grenzwerte von B. Läßt man schließlich noch beide Geschwindigkeitsmaße gegen Null konvergieren, das heißt, approximiert man sowohl gravitative als auch elektromagnetische Prozesse als Fernkraftwirkungen, so wird 1 i m \hat{A}_+ = 1 i m $\hat{A}_ \hat{E}_-$

Mit anderen Worten, die Transformationen werden identisch, was die klassische Mechanik charakterisiert. Für Gleichung 62a gelten demnach die Limesrelationen

Die Transformationen \hat{B} (dies gilt auch für den allgemeinen Fall der Gleichung 62) erscheinen demnach so, als ob die Elemente von \hat{A} durch diejenigen von \hat{A}_+ korrigiert wären und umgekehrt. Mit Hilfe von \hat{B} oder besser mit mit der \hat{B} definierenden Größe ψ erscheint es möglich, das Intervall der in der Somawelt möglichen Geschwindigkeiten im R_3 zu untersuchen. Offensichtlich gilt

$$TGi \psi = \frac{e^{i \psi} - e^{-i \psi}}{e^{i \psi} + e^{-i \psi}}$$
, also lim $TGi \psi = 1$. Mit

e[±]i ψ .= cos ψ [±] i sin ψ ist aber auch TG i ψ = i tg ψ und auch hierfür gilt die Relation i lim tg ψ = 1. Andererseits ist o = lim TG i ψ = i lim tg ψ , was für i ψ das Intervall o \leq i ψ < ∞ nahegelegt und in der Form o \leq TG i ψ <label{eq:total_local_total_local_total_local_total_

 $\frac{\beta_{+} + \beta_{-}}{1 - \beta_{+} \cdot \beta_{-}}, \text{ das heißt, für das halboffene Intervall folgt}$

o
$$\leq$$
 i $\frac{\beta_{+} + \beta_{-}}{1 - \beta_{+} \beta_{-}} < 1$. Die linke Intervallgrenze liegt wegen

 $\beta_+ = v'/\omega$ und i $\beta_- = v/c$ offensichtlich bei(v',v) = 0, während die andere Grenze unabhängig von $0 \le \beta_+ < \infty$ nach \hat{A}_+ durch i $\beta_- \rightarrow 1$, also $v \rightarrow c$ angenähert wird. Für i $\beta_- = 1$ wird

nämlich i $\frac{\beta_{+} + \beta_{-}}{1 - \beta_{+} \cdot \beta_{-}} = 1$, was aber die Intervallgrenze kenn-

zeichnet. Wird i β > 1, so wird auch die Intervallgrenze überschritten, was aber nicht möglich ist, weil i ψ nicht mehr als gegen unendlich divergieren kann. Aus der Logarithmusdarstellung

2 i
$$\psi$$
 = 1 n $\frac{(1+i\beta_{+})(1+i\beta_{-})}{(1-i\beta_{+})(1-i\beta_{-})}$ folgt, daß tatsächlich für $i\beta_{-} \rightarrow 1$

diemUnenælichkeitsstelle von i γ erreicht wird, und zwar so, daß in jedem Fall unabhängig von der Zählung $\beta_+ \geq o$ grundsätzlich für i $\beta_- \rightarrow 1$ diese Singularität auftritt, während für i $\beta_- > 1$ das Vorzeichen des reellen Faktors $\frac{1+i}{1-i}\frac{\beta_-}{\beta_-}$ im Logarithmus um-

springt, was zu e^{2i} Y < o führen müßte, was aber mit der Natur der e - Funktionen im Widerspruch steht. Zwar läßt \widehat{A}_+ beliebige Geschwin digkeiten $o \le \beta_+ < \infty$ zu, doch wird dies durch den Einfluß von \widehat{A}_- in \widehat{B} wieder kompensiert, so daß in der Somawelt nur das Geschwindigkeitsintervall

für ponderable Materie (i $\beta_{\perp} < 1$) und i $\beta_{\perp} = 1$ für den Sonderfall elektromagnetischer Induktionsvorgänge zulässig ist, was nur darauf zurückgehen kann , daß in der Somawelt materielle und gravitative Strukturen stets miteinander verkoppelt auftreten. Nur die frei fortschreitenden gravitativen Feldstörungen laufen mit ist w nur der Betrag der eigentlich imaginären Ausbreitungsge schwindigkeiten i . Es können auch drei fortschreitende Gravitationswellen nur für div $\overline{r} \times \overline{\mu} + o$ auftreten, was nach dem Ausbreitungsgesetz dieser Wellen nur beim Orthogonalitätsverbot cos (T, T) + o möglich ist. Freie Gravitationsstrahlung div $\bar{f} \times \bar{\mu} \neq 0$ ist aber weder im R₄ noch in der korrelierenden Somawelt, sondern nur im R_{+4} definiert, wo \hat{A}_+ ausschließlich gilt und wegen o < v' < ∞ ohne weiteres ω 7 c zuläßt. Gleichung 63 sagt also wegen des Verhaltens von A aus, daβ in der Somawelt Gravitations- und Materiefeldwirkungen grundsätzlich gekoppelt sind, was wiederum mit der Definition des Materiefeldes überein stimmt. Diese Koppelung gravitativer (R+4) und elektromagnetischmaterieller (R_4) Strukturen in einer korrelativen Somawelt R4 dingt eine Interpretation von $\beta_{+} = v^{2}/\omega$. Im R_{4} ist $i\beta_{-}v/c$ offensichtlich das Ma β eiher Translation v = const im R_{-3} , während analog im R_{+4} das Ma β β_{+} durch v^* definiert ist. Da die $R_{\downarrow 4}$ separat nicht existieren, aber im R_4 die Translation iß nach 63 das Verhalten von B allein bestimmt, ist v' in der ursprünglichen Form (bezogen auf den fingierten R+4) in der Somawelt nicht mehr interpretierbar. In A_+ , aber auch in \widehat{B} ist zwar o $\leq \beta_+ < \infty$ zulässig, doch führt $\beta_+ \rightarrow \infty$ zu dem widersprüchlichen Verhalten der \mathcal{N}_{+k} (β_{+}) in der Form \mathcal{N}_{+1} o und $\mathcal{S}_{+4} \rightarrow \pi/2$ mit $1 \leq 3$

für $\beta_+ \rightarrow \infty$. Zwar ist v' im R_{+4} als Translation v' = const im R_{+3} interpretierbar, was $o \leq \beta_{+} < \infty$ der \widehat{A}_{+} bedingt, doch ist dies im R4 nicht mehr möglich, weil hier gravitative und elektromagnetisch- materielle Strukturen wegen der Existenz von B stets korreliert sind. Aus diesem Grunde mu β v im R_{χ} des R_{μ} als latente, aber gravitativ bedingte Geschwindigkeit erscheinen, was für v^* nur die Interpretation $v^{*2} \sim \phi$ (r) zuläßt, wenn ϕ (r) das gravitative Beschleunigungswiveau der elektromagnetisch- materiellen Struktur im R_3 ist, Wegen v = const aus A kommt für ϕ (r) nur der gravitostatische Fall in Frage, der aber durch das approximierte statische Gravitationsgesetz r q · e - A = const mit Im A = o und q = 1 - $\sqrt{1-3} \varphi/8 c^2$ beschrieben wird. Wegen Im A = o ist auch I m q e-q = o, was Imq = o bedingt, und diese Realitätsforderung kann nur durch 1 - 3φ/8c² > o erfüllt werden, was im Fall der Gleichheit bereits zu 3w = 4 c führte. Da $3\phi/8c^2 = 2\phi/3$ w gilt, und stets wegen $v^{*2} \sim \phi$ der Zusammenhang $3v^{*2} = 2 \varphi$ zur Definition von v^* verwendet werden kann, folgt für die Interpretation von β_+ die Darstellung β_+^* = $3\phi/8c^2$ = $2\phi/3w^2$ = v^{*2}/w^2 . Aus der Realitätsforderung I m q = 0 wird damit aber $1 - \beta_+^2 \ge 0$ oder $\beta_+ \le 1$. Da es kei ne materielhe Struktur ohne Gravitation geben kann, ist stets ϕ > o und damit auch v^* > o , wenn überhaupt eine Struktur im R_{Δ} gegeben ist, so da β β , γ o bleibt, während β , = o den R_3 als Leerraum kennzeichnet. Da i β 👱 o nur für materielle Strukturen sinnvoll ist, muß also stets β_+ > o bleiben. In der Somawelt wird also wegen der Existenz von B und der nicht trænnbaren Korrelation zwischen gravitativen und elektromagnetisch- materiellen Strukturen die Interpretation $3 v^{*2} = 2 \varphi$ (r) erzwungen, was wegen der Realitätsforderung I m A = o aus r q e^{-q} = A für β_+ offene Intervall o $< \beta_{+} \le 1$ festlegt, was aus den Gruppen A_{+} und $\widehat{\mathbf{B}}$ allein nicht hervorgeht. Dieser nur im $\mathbf{R_4}$ durch die Realitätsforderung gegebene Sachverhalt wird zusammengefaßt in

 $\omega_{\beta_{+}} = v^{*}$, $3 v^{*2} (R_{4}) = 2 \varphi(r)$, I m q = 0,

wodurch evident wird, daß der durch β_+ verursachte Widerspruch hinsichtlich der \mathcal{N}_{+k} tatsächlich nicht existiert. Auch zeigt sich, daß in \hat{B} der Faktor \hat{A}_+ nur als Korrektur vom A_- erscheint, welche bei den empirisch zugänglichen ponderablen Systemen wegen $\beta_+ \ll 1$ weit unter den verfügbaren Meßbarkeitsgrenzen liegt,

zumal auch in den relativistischen Geschwindigkeitsbereichen β iβ bleibt. Es kann also in sehr guter Näherung für empirische Untersuchungen β λ gesetzt werden. Die Konstruktion von ß und der speziellen Form ß ist an die Voraussetzung v = const gebunden. Da aber in dieser Transformatormatrix immer Å als kommutativer Faktor auftritt, also gravitativ- materielle Korrelationen gegen ß invariant bleiben, hat diese Matrizenkonstruktion präzis einen er kenntnistheoretischen Wert in Bezug auf die Somasynthesis der Feldtensoren. Hinsichtlich der realen Bewegung ponderabler Materie kann ß immer nur einen approximativen Charakter tragen, weil in ß auch die Gravitationsvorgänge durch Å berücksichtigt sind, und nur für sehr schwache Gravitationsfelder die Gültigkeitsbedingung der raumzeitlichen Lineartransformationen v = const näherungsweise erreich bar ist.

Sind die q_i irgendwelche Koordinaten einer Somawelt welche gemäß \overline{q}_i $\overline{q}_k \sim \delta_{ik}$ ein Orthogonalsystem bilden, so ist immer $\stackrel{4}{\stackrel{}{\stackrel{}{=}}} q_i^2$ gegen $\stackrel{6}{\stackrel{}{\stackrel{}}}$ invariant; denn es gilt $\stackrel{4}{\stackrel{}{\stackrel{}{=}}} 1$ q_i^2 = $(q_1 \cos \psi - q_4 \sin \psi)^2 + q_2^2 + q_3^2 + (q_1 \sin \psi + q_4 \cos \psi)^2$ $\stackrel{4}{\stackrel{}{\stackrel{}{=}}} 1$, wegen $\cos^2 \psi + \sin^2 \psi = 1$. Eine Invarianz gegen $\stackrel{6}{\stackrel{}{\stackrel{}{\stackrel{}}{\stackrel{}}}}$ folgt in ähnlicher Weise. Es ist \overline{q} = $\stackrel{4}{\stackrel{}{\stackrel{}{\stackrel{}}}} 1$ q_i^2 und $\stackrel{6}{\stackrel{}{\stackrel{}}} 1$ $\stackrel{6}{\stackrel{}{\stackrel{}}} 1$ $\stackrel{6}{\stackrel{}} 1$ $\stackrel{6}{\stackrel{6}{\stackrel{}} 1$ $\stackrel{6}{\stackrel{}} 1$ $\stackrel{6}{\stackrel{6}} 1$ $\stackrel{6}{\stackrel{6} 1} 1$ $\stackrel{6}{\stackrel{6} 1} 1$ $\stackrel{6}{\stackrel{6} 1} 1$ $\stackrel{6$

Die Einheitsvektoren $\overline{e}_{\pm k}$ der $\eta_{\pm k}$ in den $R_{\pm 4}$ sollen das normierte Orthogonalsystem $(\overline{e}_{\pm i} \cdot \overline{e}_{\pm k})_4$ = \overline{E} bilden, so daß $\overline{r}_{\pm k}$ = $\overline{e}_{\pm k}$ $\overline{e}_{\pm k}$ und sein Quadrat die Invarianten der Gruppen $\overline{A}_{\pm k}$ liefern. Auch der Differentialoperator $\overline{V}_{\pm k}$ = $\overline{e}_{\pm k}$ $\overline{e}_$

Tensoren, nämlich ${}^*\overline{N}_{(-\mathcal{X})} = \sqrt{\varepsilon_0/2}$ ${}^*\overline{M}_{(-\mathcal{X})}$ beziehungsweise ${}^*\overline{N}_{(+\mathcal{X})} = \sqrt{\alpha/2}$ ${}^*\overline{M}_{(+\mathcal{X})}$, deren Dimensionierung jeweils die Quadratwurzel einer Energiedichte ist, wenn für \mathcal{X} die Werte 1 oder 2 gelten. Mit der weiteren Kürzungschiffre (-1, -2, +1, +2) = (1,2,3,4) folgt für die Iteration dieser Tensoren ${}^*\overline{T}_{(ik)} = s$ p ${}^*\overline{N}_{(i)} \times {}^*\overline{N}_{(k)}$, und diese 16 Raumzeittensoren mit 1 * * * * * * * müssen Energiedichtetensoren sein, welche in der als Energiematrix bezeichneten Übermatrix

 $\hat{T} = (\tilde{T}_{(ik)})_4 \cdot \tilde{T}_{(ik)} = sp \tilde{N}_{(i)} \times \tilde{N}_{(k)}$

(-1, -2, +1, +2) = (1,2,3,4), ${}^{2}\overline{N}_{(1,2)} = {}^{2}\overline{M}_{(-1,-2)} \sqrt{\epsilon_{0}/2}$

zusammengefaβt sind. T liefert also das Schema aller im materiellgravitiven, beziehungsweise im elektromagnetisch-gravitativen Korrelationssystem möglichen Energiedichtetensoren. Da die Feldtensoren sämtlich antisymmetrisch, beziehungsweise antihermitesch sind, müssen zumindest die Diagonalelemente von T symmetrisch, beziehungsweise hermitesch sein, was jedoch nicht für alle Extradiagonalen Elemente der Fall zu sein braucht. Das Gesamtschema T zerfällt seinem Bau entsprechend in drei hinsichtlich der Invarianz verschiedene Matrizen abschnitte. Der elektromagnetisch-materielle Abschnitt wird aus den vier Elementen ${}^{2}\overline{T}(-\chi,-\chi)$ mit λ = 1 beziehungsweise λ = 2 im R_n aufgebaut; der zweite gravitative Abschnitt aus den zwier Elementen $^{2}\overline{T}(+\mathcal{R}_{+}+\lambda)$ im R_{+4} und der dritte/Abschnitt aus den acht gravitativ-materiellen beziehungsweise gravitativ-elektromagnetischen Korrelationselementen $^{2}\overline{T}(\pm\mathcal{R}$, $\mp\lambda$) in dem aus den strukturell synthetisierten R4 der Somawelt. Nach dieser Analyse gibt es also einen elektromagnetischen einen gravitativen und einen korrelativen Energiedichtetensor, von denen jeder aus der Summe der Elemente des betreffenden Matriżenabschnittes zusammengesetzt sein muβ. Für die materielle, beziehungsweise elektromagnetische Energiedichte gilt dann die gegen \hat{A} invariante Form $\tilde{T}(e)$

 $= \mathcal{R} \underbrace{\stackrel{?}{\downarrow}}_{,\lambda=1}$ $\stackrel{?}{\Box}_{(-\mathcal{R},-\lambda)}$ des R_{-4} und für die gravitative Energiedichte im R_{+4} die gegen $\stackrel{\wedge}{\underline{A}}_{+}$ invariante Form $\stackrel{?}{\Box}_{(g)}$

(+2+2) • Der korrelative Matrizenabschnitt schließlich liefert die gegen $\stackrel{\frown}{B}$ im $R_{\prime 4}$ invariante korrelative Energiedich te $^{2}\overline{T}_{(w)} = \underbrace{\times}_{\bullet,\lambda=1}^{\bullet} (^{2}\overline{T}_{(-\mathcal{X}+\lambda)} + ^{2}\overline{T}_{(+\mathcal{X}-\lambda)})$ Es ist $^{2}\overline{T}_{(e)}$ $^{2}\overline{T}_{(e)}$ · $\stackrel{\wedge}{\underline{A}}_{-}$ und $^{2}\overline{T}_{(g)}^{*}$ = $^{2}\overline{T}_{(g)}$ · $\stackrel{\wedge}{\underline{A}}_{+}$, während bei der Summation beider Energiedichten ${}^2\overline{T}_{(e)}^{\dagger}$ mit \hat{A}_{+} und ${}^2\overline{T}_{(g)}^{\dagger}$ mit \hat{A}_{-} transformiert werden muβ, so daß sich die elektromagnetisch-gravitati ve Energiesumme $\overline{T}(e)$ + $\overline{T}(g)$ = $\overline{T}(e)$ \hat{A} + $\overline{T}(g)$ \hat{A} = $\overline{T}(e)$ \hat{A} - \hat{A} + $\overline{T}(g)$ \hat{B} = $\overline{T}(e)$ \hat{A} - \hat{A} - \hat{A} + $\overline{T}(g)$ \hat{B} ergibt. Völlig evident ist die Invarianz $\overline{T}_{(w)}^{\bullet} = \overline{T}_{(w)}^{\bullet} \cdot \underline{B}$ Jedes Materiefeldquant muß ein solches gravitativ-elektromagnetisches Korrelationssystem sein, wobei auch die freien Gravitationswellen als $^{2}\overline{T}_{(e)} = ^{2}\overline{T}_{(w)} = ^{2}\overline{o}$ implizient werden. Die gesamte Sonderfall Energiedichte \overline{T}_+ eines solchen Korrelationssystems muß sich dann additiv gemäß \overline{T}_+ = $\overline{T}_{(e)}$ + $\overline{T}_{(g)}$ + $\overline{T}_{(w)}$ aus den drei partiellen Energiedichten zusammensetzen, im im R4 definiert und gegen B invariant sein. T, kann dabei immer als die Iteration eines einheitlichen elektromagnetisch-gravitativen Feldtensors M = aufgefaßt werden; denn es gilt \overline{T}_{+} = $\overline{T}_{(e)}$ + $\overline{T}_{(g)}$ + $\overline{T}_{(w)}$ = $= \underbrace{i, k \neq 1}^{4} \overset{?}{T}(ik) = i, k = 1 \text{ sp } \overset{?}{N}(i) \overset{?}{N}(k) = \text{sp } (i = 1) \times (k =$ Feldtensor $\overline{M} = \frac{1}{k-1} \overline{N}_{(k)}$ gesetzt wird. Nicht alle extradiagogonalen Elemente der Energiematrix sind hermitesch, doch wirkt die Summation zu $^{2}\overline{T}_{\perp}$ zwangsläufig hermitesierend, was aber keineswegs ausschließt, daß in den einzelnen extradiagonalen Elementen antihermitesche Anteile existent sind. $^{2}\overline{T}_{\perp} = ^{2}\overline{T}_{\perp}^{\times}$ hat wiederum $^{2}\overline{M} = - ^{2}\overline{M}^{\times}$ zur Folge. Die gegen die Gruppensynthese B invariante Somasynthesis der Tensoren wird also beschrieben durch $^{*}\overline{T}_{+} = sp ^{*}\overline{M} \times ^{*}\overline{M} , ^{*}\overline{M} = \underbrace{\sharp}_{k=1}^{*} ^{*}\overline{N}_{(k)}$ zusammen mit 64 sowie 55 und 9 eine explizite Darstellung

 $^2\overline{T}_+$ und $^2\overline{M}$ ermöglicht.

Das hermitesche Schema $^2\overline{T}_+$ beschreibt auf jeden Fall die Dich-

von

te der Gesamtenergie eines Materiefeldquants, wobei die Ponderabilität unwesentlich ist. Der Anteil ${}^2T_{(g)}$ ist dabei im R_{+4} , aber ${}^2T_{(e)}$ im R_{-4} und ${}^2T_{(w)}$ in beiden Strukturen gleichermaßen definiert, so daß ${}^2T_{+}$ und damit jedes Meteriefeldquant Strukturfortsetzungen in beiden Somawelten R_{+4} hat, Die Feldquellen des Tensorfeldes in den R_{+4} müssen denn die Vektordivergenzen $\overline{\text{div}}_{+4}$ ${}^2T_{+}$ = $\begin{cases} \pm \\ \pm \end{cases}$ sein, welche als ponderomotorische Kraftfelddichte $\begin{cases} \pm \\ \pm \end{cases}$ $= \begin{cases} \pm \\ \pm \end{cases}$ in diesen Raumzeitsystemen erscheinen. Es ist völlig evident, daß die Tensorquelle $\begin{cases} \pm \\ \pm \end{cases}$ im R_{-4} und umgekehrt $\begin{cases} \pm \\ - \end{bmatrix}$ im R_{+4} ihrerseits quellens frei sein muß, was zu den beiden Skalarbeziehungen div_{+4} $\begin{cases} \pm \\ \pm \end{cases} = 0$ führt. Mit den Operatoren $P_{(\pm,\pm)}$ = div_{+4} div_{+4} ergeben sich also aus 65 die beiden skalaren Operatorgleichungen

welche als partielle Differentialgleichungen zweiter Ordnung quadratische Tensorkomponenten in eine Wechselbeziehung zueinander setzen. Da die Tensorsysnthesis 65 nach 64 sowie 55 und 9 aus den Komponenten von \overline{E} , \overline{H} , $\overline{\Gamma}$ und $\overline{\mu}$ aufgebaut sind, deutet 65 a eine differentielle Verknüpfung dieser Vektoren durch zwei skælare Operatorgleichungen im Fall des Photons an. Offensichtlich existieren nach 65 a explizite Darstellungen imponderabler Photonen in den eindeutigen Formen $\overline{\Gamma}$ (\overline{E} , \overline{H}) und $\overline{\mu}$ (\overline{E} , \overline{H}), doch kann 65 a nicht in dieser Form explizit gelöst werden. Auf jeden Fall wird durch diese beiden Operatorgleichungen eine Synthesis in der Beschreibung elektromagnetisch-materieller und gravitativer Prozesse angedeutet.

Die Energiematrix ist zwar als Übermatrix symmetrisch, doch gilt diese Symmetrie nicht für alle extradiagonalen Tensorelemente. Die Hermitezität von ${}^{\circ}\overline{T}_{+}$ geht auf den additiven Bildungsprozeß dieses Tensors zurück, dessen Natur die Kompensation antihermitescher Anteile bedingt. Ein antihermitescher Ergenzungsanteil ${}^{\circ}\overline{T}_{-} = -{}^{\circ}\overline{T}^{\times}_{-}$ kann also weder energetisch, noch in Bezug auf ${}^{\circ}\overline{M}$ relevant sein, wohl aber in Bezug suf die Operatorgleichung 65 a. Werden mit 55 und 9 die Extradiagonalen Elemente von \widehat{T}_{-} dargestellt, dann zeigt sich, daß die zu ${}^{\circ}\overline{T}_{-}$ und ${}^{\circ}\overline{T}_{-}$ gehörenden Elemente symmetrisch sind, während die Asymmetrie erst bei den zu ${}^{\circ}\overline{T}_{-}$ gehörenden Elementen auftritt. Dies bedeutet aber, daß der antisymmetrische Ergänzungsten-

 $2 \stackrel{?}{=} \frac{2}{\chi_{1} \chi_{2} \chi_{1}} \stackrel{?}{=} \frac{2}{(-\chi_{1} + \chi_{2})} - \stackrel{?}{=} \frac{1}{(+\chi_{1} - \chi_{2})}$ den korrelativen Elementen der Energiematrix aufgebaut wird. Zwar ist + *o , doch ist dieser Anteil in *T = *T + *T energetisch nicht relevant. Andererseits folgt aber aus der kanonischen Feldmechanik C I 1, daß ein antisymmetrischer Anteildes Ener giedichtetensors immer einen Spintensor definiert. Da nach der Tensor synthesis dieser Spinanteil T aber nur auf die korrelativen Elemente der Energiematrix zurückseht, welche sowohl im R+4 definiert sind, muß geschlossen werden, daß auch der quantisierte Spin aller Materiefeldquanten im R_4 auf die gravitativmaterielle Korrelation zurückgeht. Ausgenommen sind dabei die Energiebeträge freier Gravitationswellen, weil hier im Gegensatz zum Spek trum aller Materiefeldquanten $\overline{T} = \overline{T}_{(g)}$ nur im R_{+4} definiert ist. Die allgemeine Gravitation ist demnach nicht nur eine allgemeine verbindliche Eigenschaft aller Materiefeldquanten, sondern sie muβ darüberhinaus wegen ${}^{2}\overline{T}$ + ${}^{2}\overline{O}$ in ihrer Korrelation mit den Strukturen des R_4 auch die Spineigenschaften der Materiefeldquanten bestimmen. In den $R_{\pm 4}$ gilt nicht nur $\overline{\text{div}}_{\pm 4}$, sondern auch $\overline{\text{div}}_{\pm 4}$ \overline{T} = $\{\pm + 0\}$, und dies hat ebenfalls die Quellen- $O = P(\pm, \pm)$; $^{2}\overline{T} = P(\pm, \mp)$; $^{2}\overline{T}_{+} + P(\pm, \mp)$; $^{2}\overline{T}_{-}$ also vier Operatorgleichungen P(± ; ; T = o zur Folge. Im Fall der Photonen werden durch diese vier Gleichungen aber die Feld vektoren F, H, E und H durch die Koordinaten der drückt. Dies bedeutet aber , daß die Feldgrößen selbst als metrische Strukturen darstellbar sind und zwar in der aus den R sierten Somawelt R_4 , in welcher $\stackrel{\wedge}{B}$ übergeordnete Gruppen der $\stackrel{\wedge}{A}_+$ gilt. Die Fassung ξ + \bar{o} bezieht sich immer auf die R , in denen gemeinsem T eines jeden Materiefeldquants definiert ist. Da T aber weder in der einen, noch in der anderen Raumzeit allein existiert (ausgenommen sind die Gravitationswellen im R₊₄), muß stet sein. Nur in der synthetisierten Somawelt R4 existmert *T vollständig, so daß im R_4 stets $\overline{\text{div}_4}$ *T = $\overline{\text{o}}$ erreichbar ist wodurch die Erhaltungssätze von Energie und Impuls ausgedrückt werden R_4 ($R_{+,n}$) die aufgrund \hat{B} und $^*\bar{M}$ aus den $R_{\pm n}$ Drückt synthetisierte Somawelt mit den Raumzeitkoordinaten xk aus, dann sagt die

Ergänzung der Tensorsynthesis

$$2 \cdot {}^{2}\overline{T}_{-} = \frac{2}{R \cdot \lambda + 1} ({}^{2}\overline{T}_{(-R,+\lambda)} - {}^{2}\overline{T}_{(+\lambda,-R)}) = \frac{2}{R \cdot \lambda + 2} + {}^{2}\overline{T}_{-} + {}^$$

aus, daß die allgemeine Gravitation der Materiefeldquanten in ihrer Korrelation mit dem R_A die Spineigenschaften der Materiefeldquanten bestimmt. Weiter erscheinen die Feldgrößen stets als metrische Strukturen, welche von den Koordinaten des Ra oder von denen der abhängen. Auch gilt in der Somawelt R4 das Erhaltungsprinzip, ausgedrückt durch die Quellenfreiheit des Energiedichtetensors. Dieses Ergebnis legt es nah, die Synthesis der Somawelt auf eine allgemeine Struktursynthesis im R4 auszudehnen, derart, daβ die gravitativen und materiellen, beziehungsweise elektromagnetischen Feldgrößen als Sonderfälle einer einheitlichen mesobarischen Korrelationsstruktur auftreten, welche sich aus einer metrischen Struktursynthese des ergeben muβ. Zuvor erscheint es jedoch angebracht, das zur Möglichkeit dieser Strukturen führende System P(± +) + T + 0 zu analysieren; denn hier erscheinen die phänomenologischen Feldvektoren \overline{E} , \overline{H} und $\overline{\Gamma}$ durch das Mesofeld \overline{u} in einer wechselseitigen Korrelation zu stehen. Auch muβ wegen div Fremdfeldsystem und damit diese Mesofeldkorrelation ändern, so daβ es zwischen verschiedenen energetischen Systemen Feldkorrespondenzen im Sinne von Wechselwirkungen geben muß, wenn diese Systeme durch irgendwelche Wirkungsfelder im Zusammenhang stehen. Ein solcher Zusammenhang ist aber immer gegeben, weil nach 10 an jedes energetische System zumindest ein gravitatives Wirkungsfeld gekoppelt sein muβ.

5.) Approximierte Mesofelkorrelation

und Feldkorrespondenzen.

Zur Analyse der Mesofeldkorrelation erscheint es notwendig. \overline{R} und \overline{R} , also die Somasynthesis der Tensoren explizit anzugeben. Mit den Kürzungen \overline{q}_+ = $(\overline{E} \stackrel{+}{=} R_- + \overline{H}) \cdot \sqrt{\epsilon_0/2}$ und \overline{p} =

$$= \overline{g}, \sqrt{\alpha/2} \quad \text{wird} \quad \overline{N}_{(1)} + \overline{N}_{(2)} = \begin{bmatrix} 0 & q_{+3} - q_{+2} - 1 & q_{-1} \\ - & q_{+3} & 0 & q_{+1} - 1 & q_{-2} \\ q_{+2} - & q_{+1} & 0 - 1 & q_{-3} \\ 1 & q_{-1} & 1 & q_{-2} & 1 & q_{-3} & 0 \end{bmatrix}$$

und
$$\overline{N}_{(3)}$$
 + $\overline{N}_{(4)}$ =
$$\begin{bmatrix} 0 & p_3 - p_2 - p_1 \\ - & p_3 & 0 & p_1 - p_2 \\ p_2 - & p_1 & 0 & -p_3 \\ p_1 & p_2 & p_3 & 0 \end{bmatrix}$$
, weil $\overline{N}_{(3)}$ + $\overline{N}_{(4)}$ =

= $\overline{M}_{(+)}$ • $\sqrt{\alpha/2}$ ist. Mit der weiteren Kürzung $\overline{W} = \overline{p} + \overline{q}_+$ und $\overline{q} = \overline{p} + \overline{q}_-$ folgt dann für den einheitlichen Feldtensor

$$\begin{bmatrix}
0 & w_3 - w_2 - q_1 \\
- & w_3 & 0 & w_1 - q_2 \\
w_2 - & w_1 & 0 - q_3 \\
q_1 & q_2 & q_3
\end{bmatrix}, \overline{w} = \overline{p} + \overline{q}, \overline{q} = \overline{p} + i \overline{q},$$

$$\overline{q}_{\pm} = (\overline{E} \pm R_{\pm} \cdot \overline{R}) \cdot \sqrt{\epsilon_0/2} , \overline{p} = (\overline{r} + 2R_{\pm} \cdot \overline{\mu}) \cdot \sqrt{\alpha/2}$$

Fürdie Iteration dieses einheitlichen Feldtensors *T, = s p *M *M ergibt sich denn ebenfalls explizit

$$\overline{T}_{+} = \begin{bmatrix} w_{i} & w_{k} - q_{i} & q_{k} - \overline{w}^{2} & \delta_{ik} \end{bmatrix}_{3} RD \begin{bmatrix} s_{k} & -\overline{q}^{2} & s_{k} \end{bmatrix}_{1},$$

$$\overline{S} = \overline{w} \times \overline{q}$$

wenn RD $\begin{bmatrix} b_k & b_k \end{bmatrix}_1$ die zeitliche Ränderung des räumlichen Tensorabschnittes $\begin{bmatrix} a_{1k} \end{bmatrix}_3$ ist, so daß die gekürzte Schreibweise

den antihermiteschen Anteil von 2T folgt analog, wenn sein Bildungs-

gesetz 66 verwendet wird

$$\bar{T}_{-} = \begin{bmatrix} \circ & \phi_{3} & - & \phi_{2} & - & \phi_{1} \\ - & \phi_{3} & \circ & \phi_{1} & - & \phi_{2} \\ \phi_{2} & - & \phi_{1} & \circ - & \phi_{3} \\ \phi_{1} & \phi_{2} & \phi_{3} & \circ \end{bmatrix} , \quad \bar{\phi} = \bar{p} \times (\bar{q}_{+} - i \; \bar{q}_{-}) \dots$$

Mit dieseh Beziehungen 67 bis 67 b sind aber alle Tensorsynthesen vorgegeben, so daβ nunmehr die Mesofeldkorrelation untersucht werden

kann.

Zur Durchführung dieses Programmes wird es zunächst notwendig die Koordinaten so zuwählen, daß $R = R_3$ und $\eta_{\pm k} = \eta_k$, beziehungsweise $e_k = e_k$ für $1 \le k \le 3$ wird, was immer möglich ist. Die Forderung $R_{\pm 3} = R_3$, also $(\bar{e}_{\pm i} - \bar{e}_{ik})_3 =$ kann zwar immer erfüllt werden, doch verlaufen die Zeitachsen in den nicht mehr parallel und eine von ihnen kann nicht mehr orthogonal zum Unterraum Rz verlaufen; denn nach A beziehungsweise kommt es im Raumzeitdiagramm zu einer geschwindigkeitsabhängigen Zeitachsendrehung • $\sqrt{\pm 1}$ = t g ϕ_+ • Andererseits bilden die Gravitationspotentiale Geschwindigkeitsniveaus, so daβ eine faktische Relativgeschwindigkeit die Umgebung eines Materiefeldquants durch latente Geschwindigkeitspotentiale $v = f \cdot (\overline{p}, \overline{q}_{\pm}, \eta_{\pm k})_{1}^{+} \neq 0$ vorhanden sind, welche β_{\pm} \neq 0 und ϕ_{\pm} \neq 0 kennzeichnen. Wenn auch in den R die normierten Orthogonalsysteme aufgespannt werden können, so ist im allgemeinen doch, gerade wegen der Gravitationsfelder (et. # E , wobei sich die Abweichung von E auf die zeitartigen Elemente erstrecken kann. Wenn dies aber so ist, so kann grundsätzlich ein Koordinatensystem η $(\overline{p}, \overline{q}_{+})$ für $1 \leq k \leq 3$ und t = t $(\overline{p}, \overline{q}_{+})$ gewählt werden (t definiert $\eta_{\pm n}$), in welchem das normierte Orthogonalsystem • \overline{e}) \approx E approximative erreicht wird. Allerdings sind bei Zugrundelegung dieses Systems die gemeinsamen Differentialoperationen zwar euklidisch, aber nicht mehr koordinatenunabhängig . Auch sind diese Operationen approximativer Natur und gelten für nur hinreichend schwache Gravitationsfeldpotentiale, was für die latenten

Geschwindigkeitsniveaus v im Maß β_{\pm} · $\sqrt{\pm 1}$ = t g ϕ_{\pm} < 1 zur Folge hat. Die nachstehenden approximativen Untersuchungen gelten also nur für diesen Fall und werden erst in der Limesrelation β_{\pm} in t g ϕ_{\pm} = 0 exakt, doch ist dieser Limes physikalisch β_{\pm} \rightarrow 0 nicht realisierbar, weil seine Existenz ein Materiefeldquant ohne Gravitationsfeldniveau, also nach dem Äquivalenzprinzip von Trägheit und Gravitation ein Materiefeld aben Fall abe

Gravitationsfeldniveau, also nach dem Aquivalenzprinzip von Trägheit und Gravitation ein Materiefeld ohne Trägheit voraussetzen würde, was aber im Widerspruch zu der Definition des Materiegeldes steht. Wird angenommen, daβ diese Approximationsbedingung erfüllt iss, dann geht die Zweideutigkeit des P - Operators allein auf die Doppeldeutigkeit der Zeitzählung und die Drehung tg = o der Zeitaghsen zueinander zurück. Auch für die Quellenverteilung + wird diese Zweideutigkeit durch dieses Zeitverhalten in den R ver_ ursacht. In div ${}^{2}\overline{\mathbf{T}}$ beschreibt $\overline{\xi}$ die raumzeitliche Quellendichte im R_{-4} , das heißt, den elektromagnetischen Quellenteil von $^{2}\overline{T}$, von welchem gravitative Wirkungen in den R₄₄ eingreifen, welche durch die gravitativen Anteile in 66 bestimmet werden. Analog kenndie gravitativen Quellenteile von T elktromagnetische Wirkungen (bestimmt durch die elektromagnetischen Anteile in Gleichung 66) in den R_4 eingreifen. Die elektromagnetischen und gravitativen Größen bedingen sich demnach gegenseitig. Diese Eigenschaft gilt für jedes energetische System *7(j) sich die Wechselbeziehung aller dieser Systeme untereinender durch ausdrücken läβt.

Hier stehen die Einzelsysteme j über die $\{j\}$ in korrespondenzhaften Wechselwirkungszusammenhängen , wobei die Feldkorrespondenz durch Wirkungsfelder über den R_3 vermittelt wird. Auf diese Weide bilden alle j ein übergeordnetes System ${}^2\overline{T}(j) = {}^2\overline{T}$ mit den Tensorquellen $\{\pm\} = \{\pm\} =$

auch die korrespondierenden Fremdsysteme enthalten sein können. Die Quellenfreiheit von { und damit P(+ bezieht sich dabei stets auf das gesamte Korrespondenzsystem. Für die beiden Operatoren P, und P, welche in ihrer Einwirkung auf $^*\overline{\mathbf{T}}$ die elektromagnetischen und gravitativen Strukturen in Wechselbeziehungen setzen, gibt es die beiden Möglichkeiten P+ . Im erten Fall würde der Übergang zwischen elektromagnetischen und gravitativen Feldgrößen der sich nach Gleichung 66 im ursprünglichen elektromagnetisch-gravitativen System einer Wechselwirkung mit einem Fremdsystem abspielt.sich nach verschiedenen Formen vollziehen, das heißt, der Übergang einer elektromagnetischen in eine gravitative Feldgröße erfolgt nach einem anderen Gesetz als der umgekehrteProzeβ und die vier Feldvektoren selbst wären allein durch Naturkonstanten und die Raumzeitkoordinaten darstellbar, weil die beiden komplexen Operatorgleichungen 66 für *T in vier reelle Differentialgleichungen gespalten werden können, welche die vier Feldvektoren $\overline{\Gamma}$, $\overline{\mu}$, \overline{E} und \overline{H} als Unbekannte enthalten. Im zweiten würde dagegen eine echte Korrelation zwischen den elektromagnetischen und gravitativen Feldgrößen des Systems vorliegen das heißt, bei der Wechselwirkung mit einem Fremdsystem ξ_+ ist die Korrelation zwischen den Feldgrößen des arsprünglichen Systems in beiden Richtungen gleich, also der Übergang von elektromagnetischen in gravitative Wirkungen bei dieser Korrelation genügt dem gleichen Gesetz wie der inverse Prozeβ und die komplexe Differentialgleichung. bestimmt wird, spaltet in zwei reelle Difwelche durch ferentialgleichungen, welche jeweils ein Paar von Feldgrößen durch das andere ausdrückt. Wenn auch 'T ein vollständig abgeschlossenes konservatives System ist, so kann * T in den R niemals quellenfrei sein, weil die gravitativ- materiellen Strukturen von $R_{\pm 4}$ liegen, und durch ξ \dagger \bar{o} korrespondieren. Strukturen muß dagegen im Fall des konservativen Korrespondenzsystems stets quellenfrei sein, så daß $P(\pm \pm \pm)$; \bar{T} den statisch stabilen Zustand aller korrelativen Feldgrößen des Systems *T beschreibt. Durch die doppelte Divergenzbildung und die Iteration des Feldtensors zu T bedingen das quadratische Auftreten der Mesofeldkorrelation und der übrigen Feldvektoren und die zweite

Ordnung der differentiellen Operatorwirkung.

Die vier in Gleichung 66 zusammengefaßten Operatorgleichungen verknüpfen die Komponenten E und H des elektromagnetischen Feldes mit dem zugehörigen Gravitationsfeldvktor 🖡 durch das Mesofeld ū. so daß die vier, durch Gleichung 66 beschriebenen, partiellen Differentialgleichungen 2. Ordnung über dem komplexen algebraischen Körper auch als quadratische Mesofeldgleichungen bezeichnet werden können Hierbei ist aber zu berücksichtigen, daß diese Mesofeldgleichungen nut approximativer Natur sein können, weil, wie schon erwähnt, die Gravitationsfeldniveaus zugleich Geschwindigkeitpotentiale sind, welche zwar latent wirken, aber trotzdem eine reelle, beziehungsweise komnach B beziehungsweise B plexe Koordinatendrehung in den R_ verursachen. Zur expliziten Darstellung dieser quadratischen komplexen Mesofeldgleichungen werden die Gleichungen 67 a und 67 b auf 66 angewendet. Zunächst folgt, mit 67 a für den hermiteschen, also energetisch relevanten Tensoranteil o = $P(\pm,\mp)$; \bar{T}_{+} = div \bar{div} $\bar{T}_{(3)}$ $(0/0 \eta_{\pm 4} + 0/0 \eta_{\mp 4})$; div $\bar{S} - \frac{0^2}{0 \eta_{+4} 0 \eta_{-4}} \bar{q}^2$, wenn T₍₃₎ der räumliche hermitesche Tensorabschnitt ist. Aus dieser Darstellung ergibt sich sofort die Identität P₊ = P₋ hinsichtlich T das heißt, in Bezug auf den hermiteschen Tensor gilt eine quadratische Mesofeldgleichung, welche eine eindeutige Beziehung zwischen den elektromagnetisch-materiellen (R_A) und gravitativen (R₁) Feldgrößen aufzeigt. Die Umformung dieser Operatorgleichung mit 67 a liefert wegen div $\overline{\text{div}}^{2} \overline{T}(3) = \frac{3}{i,k=1} \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2} \eta_{1} \sqrt{2} \eta_{2}}$ $(w_i \ w_k - q_i \ q_k - \overline{w}^2 \ \delta_{ik}) = 2 \overline{w} \text{ grad div } \overline{w} + (\text{div } \overline{w})^2$ = 2 \overline{q} grad div \overline{q} = $(\text{div }\overline{q})^2$ = div grad \overline{w}^2 + W; (w-q), schließlich 2 · $(\overline{w}$ grad div \overline{w} = \overline{q} grad div \overline{q} + 1/2 $(\text{div }\overline{w})^2$ = $= 1/2 \, (\text{div } \overline{q})^2 \,) - \text{div grad } \overline{w}^2 + 1/c \, (3/4 - i) \cdot \text{div } \overline{S} +$ + $3i/4c^2$ ²/ t^2 (\overline{q}^2) = W ; 6q-w) mit der Kürzungsoperation $\frac{2}{1,k-1} (@w_i/@\eta_k \cdot @w_k/@\eta_i - @q_i/@\eta_k \cdot @q_k/@\eta_i) = W;(w-1)$ Diese Eindeutigkeit des Operators gilt nicht mehr in bezug auf T _ ; denn es ist, wenn 67 b verwendet wird $\overline{\text{div}}_{\underline{+}4}$ $\overline{T}_{\underline{-}}$ = rot $\overline{\Phi}$ $- \sqrt{n} \eta_{\pm 4} + \overline{\theta}_{\pm 4} +$ - 0/0 n tu div \$\overline{\pi} + \overline{\pi}_{\pm 4} \cdot \overline{\p

unabhängig davon, wie $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{4}$ also t g ϕ_{\pm} beschaffen ist. In Bezug auf T ist also P + P , so daß in diesem energetisch nicht relevanten Anteil die quadratische Mesofeldgleichung keinen eindeutigen Zusammenhang der Feldgrößen zeigt. Der Quelle des räumlichen Matrizenabschnittes von T ist wegen div [T_ik]3 Wirbel und gemäβ div rot = o im R₃ selbst quellenfrei. Aus $\operatorname{div} \overline{\phi} = \operatorname{o} \operatorname{folgt} \operatorname{dann} \operatorname{unmittelbar} \operatorname{div} \overline{p} \times (\overline{q}_{+} - i \overline{q}_{-}) =$ = const (t) oder gespalten div $\overline{p} \times \overline{q}_{\perp} = a$ und div $\overline{p} \times \overline{q}_{\perp} = b$, womit in der eineindeutigen quadratischen Form substituiertemerden kann. Die Mesofeldgleichungen für T sagen also aus, daβ die Vektorprodukte zwischen den gravitativen und den elektromagnetischen Feldgrößen im R_z zeitlich konstante Skalardivergenzen haben. In der eineindeutigen Fassung ist div \overline{S} = div $\overline{w} \times \overline{q}$ = A + i div . , $\overline{\mathbf{q}}_{\perp}X$ $\overline{\mathbf{q}}_{\perp}$, wenn mit den beiden konstanten Divergenzen substituiert wird. Damit folgt für die quadratischen Mesofeldgleichungen zweiter Ordnung, welche die Mesofeldkorrelationen zwischen den Feldvektoren approximativ beschreiben

2 (\overline{w} grad div \overline{w} - \overline{q} grad div \overline{q}) +

+ div (\overline{w} - \overline{q}) • div (\overline{w} - \overline{q}) + \overline{w} ; (\overline{w} - \overline{q}) - div grad \overline{w} +

+ (3/4 i + 1) • θ/θ t div $\overline{q}_+ \times \overline{q}_-$ + 3i/2c • (\overline{q} + \overline{q} + \overline{q}) = 0.

div $\overline{p} \times \overline{q}_+$ = const (t) , \overline{w} ; (\overline{w} - \overline{q}) =

- $\frac{3}{1,k=1}$ ($\theta w_1/\theta \eta_k$ • $\theta w_k/\theta \eta_1$ - $\theta q_1/\theta \eta_k$ • $\theta q_k/\theta \eta_1$)••••

was jedoch nur im Fall hinreichend schwacher Feldgrößen und der räumlichen Kongruenz $R_{\pm 3}$ = R_3 , also der Approximationsbedingung

gilt.Während der eineindeutige Teil von 68, also die in zwei reelle Gleichungen spaltbare partielle Differentmalgleichung zweiter Omdnung die eineindeutige Mesofeldkorrelation beschreibt, liefern die beiden räumlichen Divergenzen Zusatzbedingungen, so daβ tatsächlich 68 neb ben der Mesofeldkorrelation auch die vier Feldvektoren als Strukturen der R approximativ beschreibt. Typisch für dieses System quadratischer Mesofeldgleichungen ist die Tatsache, daβ die Vektoren in und μ niemals getrennt, sondern immer nur im einheitlichen Vektor p synthetisiert auftreten. p ist demnach ein gravitativer Feldvektor

dessen Verlauf F (makromar) durch u korrigiert wurde. Die Materiefeldquanten müssen weiterhin grundsätzlich so beschaffensein, daß die gravitativ-elektromagnetischen Korrelationen $\bar{p} \times \bar{q}$ lich konstante räumliche Skalardivergenzen haben. Aus diesem Grunde kann Gleichung 68 tatsächlich dahin interpretiert werden, daβ der in dieser Gleichung zum Ausdruck gebrachte Zusammenhang zwischen elektromagnetischen und gravitativen Feldvektoren so beschaffen ist, daß die Materiefeldquanten durch eine ständige Wechselbeziehung zwischen Gravitations- und Materiefeld beziehungsweise zwischen Gravitation und Elektromagnetismus definiert sind. Kommt es zu irgendwelchen Wechselwirkungen mit Fremdsystemen, so wird diese innere Korrelation gestört, was dazu führen muß, daß die gravitativen und elektromagnetischen Bestimmungsstücke sich in ein anderes Wechselwirkungsverhältnis einstellen, welches wiederum stabil sein muß und durch 68 beschrie ben werden kann. Bei der Neueinstellung dieser Korrelation zwischen den gravitativen und elektromagnetischen Feldgrößen eines Systems auf Grund dieser dynamischen Korrespondenz mit einem Fremdsystem müssen offensichtlich die gravitatigen und elektromagnetisch-materiellen Feldgrößen ineinander übergehen, was dazu führt, daß das Fremdsystem gravitativ oder elektromagnetisch beeinflußt wird. Diese Beeinflussung muβ aber die elektromagnetisch-gravitative Korrelation des Fremdsystems verändern, was wiederum eine korrespondierende Rückwirkung auf das ursprüngliche System haben kanh und so weiter. Wenn also zwei materielle Systeme in eine Wechselwirkung treten, so kommt es nur dann zu einer regelrechten Feldkorrespondenz, wenn die Systeme in einer gegenseitigen Dynamik ihrer, durch 68 beschriebenen, elektromagnetisch gravitativen Korrelationen verändern. Der erste Anlaβ zu dieser dynamischen Feldkorrespondenz kann eine elektromagnetische oder gravitative Wirkung sein, welche makromar nach dem elektromagnetischen Induktionsgesetz oder aber nach Gleichung 48 von einem System emittiert und vom anderen empfangen wird. Eine allgemeine Theorie von dynamischen Feldkorrespondenzen in der Somawelt setzt . Ligdoch eine Präzisierung der approximativen quadratischen Mesofeldkorrelation 68 voraus, welche vom speziellen Koordinatensystem unabhängig ist.

Wegen der quadratischen Verknüpfung 68 aller Feldgrößeh in einem unbekannten R₄ können auch die Beziehungen 9 und 55 nur approximativen Charakter tragen, das hebβt, die vier Vektordivergenzen müssen sich gegenseitig korrigieren. Diese wechselseitige Korrektur muß dabei den linearen Charakter behalten. Jeder elktrischen Ladung kommt eine ponderable Masse zu, so daß lineare Verknüpfung der raum-

zeitlichen Strome nur additiver Natur sein kann. Die Linearität selbet wird notwendig, weil sich unter Vernachlässigung der elektromagnetis schen oder gravitativenFeldgrößen 25 a B II 4 oder 48 geben muβ. Dies bedeutet aber weiterhin, Maß jeweils nur eine Vektordivergenz aus dem R4 mit einer entsprechenden aus dem R4 additiv kombiniert werden derf. Damit wird das ganze Problem der linearen Tensorsynthesis zweideutig, denn für die überhaupt möglichen Kombinationen ist nur \overline{P} mit $\overline{P}_{(1)}$ und $\overline{\text{div}}_{-4}$ $\overline{M}_{(-2)}$ mit $\overline{P}_{(2)}$ als Fall (1) beziehungsweise \overline{P} mit $\overline{P}_{(2)}$ und $\overline{\text{div}}_{-4}$ * $\overline{M}_{(-2)}$ fall (2) durchführbar. Beide Zweige der Kombination müssen analysiert werden, bis die eindeutige Entscheidung durch irgendein empirisches Ergebnis aus B getroffen werden kann. Zur Durchführung der Synthese kommt es zunächst darauf an. die Systeme 9 und 55 durch Multiplikation mit $\sqrt{\epsilon_0}$ oder $\sqrt{\alpha}$ auf die gleiche Dimensionierung zu bringen. Für (1) ergibt sich denn $\overline{P}/\sqrt{\varepsilon_o}$ + $\overline{P}_{(1)}$ = $\overline{\text{div}}_{-4}$ $^{2}\overline{\text{M}}_{(-1)}$ \cdot $\sqrt{\varepsilon_{0}}$ + $\overline{\text{div}}_{+4}$ $^{2}\overline{\text{M}}_{(+1)}$ \cdot $\sqrt{\alpha}$ sowie $\overline{P}_{(2)} \cdot \sqrt{\alpha} = \overline{\text{div}}_{-4} \cdot \overline{M}_{(-2)} \cdot \sqrt{\varepsilon_0} + \overline{\text{div}}_{+4} \cdot \overline{M}_{(+2)} \sqrt{\alpha}$, während (2) durch $\overline{P}/\overline{\varepsilon_0} + \overline{P}_{(2)} \cdot \sqrt{\alpha} = \overline{\operatorname{div}}_{-4} \cdot \overline{M}_{(-1)} \cdot \sqrt{\varepsilon_0} +$ + $\overline{\operatorname{div}}_{+4}$ · ${}^{2}\overline{\operatorname{M}}_{(+2)}$ · $\sqrt{\alpha}$ und $\overline{\operatorname{P}}_{(1)}$ · $\sqrt{\alpha}$ = $\overline{\operatorname{div}}_{-4}$ ${}^{2}\overline{\operatorname{M}}_{(-2)}$ · $\sqrt{\varepsilon_{0}}$ + + $\overline{\text{div}}_{+4}$ $\overline{M}_{(+1)}$ • $\sqrt{\alpha}$ gekennzeichnet wird. Mit 9 und 55 wird aus (1) nach Abspaltung der Zeitkoordinate rot $(\overline{H} \cdot \sqrt{\mu_0} + \overline{\mu} \cdot \sqrt{\beta})$ --1/c · θ/θ t (\overline{E} · $\sqrt{\varepsilon_0}$ + 3/4 \overline{g} · $\sqrt{\alpha}$) = $g \overline{v} \sqrt{\mu_0}$ + + $\sigma_0 = (g \sqrt{\mu_0} + \sigma_0 \sqrt{\beta}) = (g \sqrt{\pi_0} + g \sqrt{\alpha}) + g$ + 1/c / t ($\overline{H} \sqrt{\mu_o}$ - 3/4 $\overline{\mu} \sqrt{\beta}$) = -0/0 t d/d \overline{F} (m_o -m) $\sqrt{\beta}$, sowie die Skalardivergenzen div (i \overline{E} $\sqrt{\varepsilon_0}$ + \overline{g} $\sqrt{\alpha}$) = i $S/\sqrt{\varepsilon_0}$ + + σ_0 / α und div $(-i \overline{H} / \overline{\mu_0} + \overline{\mu} / \overline{\beta}) = (\sigma_0 - \sigma) / \sqrt{\alpha}$. Da auf jeden Fall der R3 reell ist, dekomponieren die komplexen Skalardivergenzen wieder in die separaten Formen ε_0 div Ξ = \mathcal{S} und div \overline{H} = o der elektromagnetischen Induktion, sowie α div \overline{g} = = σ_0 und div $\overline{\mu}$ = ω (σ_0 - σ) des Gravitationsgesetzes 48. Die Koppelung elektromagnetischer und gravitativer Feldgrößen erscheint in (1), also nur in den Rotorgesetzen, welche die partiellen Zeitdifferentiationen enthalten. Auch für (2) ergibt sich diese Separation, während in den Rotorbeziehungen die Feldvektoren ver tauscht erscheinen. Es gilt für den zweiten Fall

rot $(\overline{H} \ \sqrt{\mu_o} + \overline{g} \ \sqrt{\alpha}) - 1/c \cdot / t \cdot (\overline{E} \ \sqrt{\varepsilon_o} + 3/4 \overline{\mu} \sqrt{\beta}) =$ = $g \sqrt{\sqrt{\epsilon_0}} - \theta/\theta t \cdot d/dF \cdot (m_0 - m) \sqrt{\beta}$ und rot $(\overline{E} \ \sqrt{\varepsilon_0} + \overline{\mu} \ \sqrt{\beta}) + 1/c \ \theta/\theta t \ (\overline{H} \ \sqrt{\mu_0} - 3/4 \overline{g} \ \sqrt{\alpha}) =$ - σ_0 \overline{v} $\sqrt{\beta}$ mit den gleichen Skalardivergenzen ε_0 div \overline{E} - S, $\operatorname{div} \ \overline{H} = o \ \operatorname{und} \ \operatorname{gravitativ} \ \alpha \ \operatorname{div} \ \overline{g} = \sigma_{0}$, sowie $\operatorname{div} \ \overline{\mu} = \sigma_{0}$ = ω (σ₀ - σ). Beide Fälle beschreiben elektromagnetisch-gravitative Induktionsgesetze für welche die Approximationsbedingung 68 a nicht erfüllt zu sein braucht, weil wegen des linearen Charakters der Zeitachsenkosinus e₊₄ • e₋₄ nicht auftritt und die Zeitkoordinate abgespalten wurde. Die Wechselbeziehung zwischen den Feldgrößen müßte besonders deutlich dann erscheinen, wenn eine pomderable Masse ohne Ladungen stationär bewegt wird; denn dann gilt g = 0, $\sigma_0 \neq 0$, $\bar{v} = const$ und daher $\bar{E} = \bar{0}$, sowie $\bar{H} = \bar{0}$. Wird weiter angenommen, daß die gravitative Felstärke der homogenen und völlig isotropen ladungsfreien Masse hinreichend klein bleibt. dann kann immæer σ_o - σ \approx o wegen der geringen Feldenergiedichte approximativ gesetzt werden. Als Folge der Isotropie ist o =const Wird weiter gefordert, daß die Masse nicht nur eine räumliche, sondern auch zeitlich konstante Dichte hat, so daß nicht nur die Massenbewegung, sondern auch der Massengustand zeitlich stationär bleibt. dann muß approximativ $\bar{g} \approx \bar{o}$ und $\bar{\mu} \approx \bar{o}$ sein , was rot $\bar{g} \approx \bar{o}$ und rot $\overline{\mu} \approx \overline{0}$ zur Folge hat. Unter der Voraussetzung einer stationär bewegten isotropen, homogenen und in ihrer Dichte zeitlich konstanten Masse, welzhe keine elektrischen Ladungen trägt, und in der keine elektrischen Ströme fließen, gilt zunächst für die Divergenzen div $\overline{E} = o$, div $\overline{H} = o$, sowie α div $\overline{g} = \sigma_o$ und div $\overline{\mu} \approx o$ für hinreichend geringe gravitative Felddichten. Für die beiden Fälle nehmen die Rotorgesetze dagegen die Formen rot \overline{H} $\sqrt{\mu_o} \approx \overline{v} \sigma_o$ $\sqrt{\beta}$, rot $\overline{E} \approx \overline{o}$ als (1) und rot \overline{E} $\sqrt{\epsilon_o} \approx$ \approx $\sigma_{_{\! O}}$ \overline{v} $\sqrt{\beta}$, rot \overline{H} \approx \overline{o} als (2) an. Durch die Spezialisierung und Approximation wird das Problem der eindeutigen Entscheidung symmetrisch, so daß mit dem zweideutigen Vektor ($\overline{H} \sqrt{\mu_o}$, $\overline{E} \cdot \sqrt{\varepsilon_o}$)= - \overline{A} $\sqrt{\beta}$ beide Fälle in der Form rot $\overline{A} \approx \sigma_{_{\mbox{\scriptsize O}}}$ integrierbar werden. S_{ind} \bar{w} und \bar{w} die azimutalen beziehungsweise die hierzu orthogonale Winkelgeschwindigkeit, dann folgt nach einer Transformation der x_i des R_3 in Polarkoordinaten für \overline{x} = const. die Darstellung \overline{v} = \overline{r} + \overline{r} ($\overline{\omega}$ + \overline{w}) durch einen translatorischen Anteil. Zur weiteren Vereinfachung soll σ_0 nur eine Achsenrotation \overline{w} + \overline{o} stationär durchführen, während \overline{r} = \overline{o} und $\overline{\omega}$ = \overline{o} sein soll. Dies bedeutet aber \overline{r} = const., so daß gefordert werden darf, daß die rotierende Masse M das Volumen 4/3 π r^2 ausfüllt. Mit

$$\sigma_0 = \frac{3M}{4 \pi r^3}$$
 und $\overline{v} = \overline{r} \times \overline{w}$ wird also rot $\overline{A} \approx \frac{3M}{4\pi r^3} \overline{r} \times \overline{w}$.

Da voraussetzungsgemäß die gravitative Felddichte gering bleibt (was im allgemeinen auch bei makromaren Massen kosmischer Größenordnung erfüllt ist), kann χ M \approx - r^2 g mit g • r/r = r in sehr guter Näherung gesetzt werden. Dies bedeutet aber rot r r -

 $-\frac{3g}{4\pi \ \text{$r$}} \ \overline{r} \ X \ \overline{w} = \frac{3}{4\pi \ \text{r}} \ \overline{w} \ X \ \overline{g}. \text{ Ist d } \overline{F} \text{ ein von 2 } \pi \text{ } r$ begrenztes Element einer Meridianfläche, dann ist 🗡 (w X g ,dF)=0, weil w die zeitliche Änderung des Längengrades ist. Die Integration längs einer solchen vom Meridian begrenzten Kreisfläche liefert also 4 π χ (rot Ā d F ~ 3) w χ g d F = 3/2 r² $\cdot \int |\vec{w} \times \vec{g}| d \phi$, wenn ϕ der Zentriwinkel ist. Nach dem Integrationsgesetz eines Feldrotors ist aber { rot A d F = \$ A d s= = ϕA_h d s = r $\int A_h$ d ϕ , wenn d s = r d ϕ ein Meridian element und Ah die zum Meridian parallele Horizontalintensität der betreffenden Feldgröße ist. Substitution liefert 8 π χ $\left(\begin{array}{ccc} A_h & d \end{array} \phi \approx \right)$ \approx 3 r $\int |\bar{w} \times \bar{g}| d \phi$, oder nach Differentiation $8\pi \mathcal{H} A_h \approx$ ~ 3 r / w x g / = 3 r w g sin. A = 3 r w g. • $\sin (\pi/2 - \phi) = -3 \text{ r w g cos } \phi$, wenn $\sqrt{3}$ die Poldistanz und φ der Breitengrad ist. Einsetzen von \mathcal{H} M = - \mathbf{r}^* g liefert dann als Lösung $A_h \approx 3/8\pi$ M · W/r cos π = 1/2 r $_0^2$ w cos π_i das heiβt, die magnetische (1) oder elektrische (2) Horizontalintensität ist der halben Drehimpulsdichte und dem Cosinus des Breitengrades direkt proportional. Explizit gilt ($\overline{\mathtt{H}}_{h}$ $\sqrt{\mu_{o}}$, $\overline{\mathtt{E}}_{h}$ $\sqrt{\epsilon_{o}}$) \sim \approx 1/2 σ_{c} r² w $\sqrt{\beta}$ cos ϕ und hieraus wird deutlich, das meßbare Feldintensitäten wegen der außerordentlichen Kleinheit des Faktors Vβ nur im Fall makromarer Massen kosmischer Größenordnung auftreten können. Tatsächlich wird nach 19 B H 4 eine dem Cosinus der geegraphischen Breite proportionale geomagnetische Horizontalintensität

empirisch nachgewieden, deren Verlauf durch (1) richtig wiedergegeben wird. Eine entsprechende elektrische Horizontalintensität müßte wegen $\varepsilon_0 \ll \mu_0$ um mehrere Zehnerpotenzen stärker sein, doch kann ein solches Phänomen empirisch nicht festgestellt werden. Aus dieser Analyse folgt unmittelbar H_h . $\sqrt{\mu_0} \approx 1/2$. $\sqrt{\beta}$ σ_0 r w wos ϕ , doch wird im Fall einer realen Substanz 2 H_t $\sqrt{\mu_0} \approx \mu$ $\sqrt{\beta}$ σ_0 . . r w cos ϕ gemessen, weil die natürliche Materie über eine magnetische Permæabilität μ + 1 verfügt und daß gemäß (1) erreg te Magnetfeld induktiv auf die rotierende Materie zurückwirkt. Die makromaren , nicht approximierten linearen Mesofeldgleichungen werden also eindeutig durch das System

rot
$$(\overline{H} \sqrt{\mu_0} + \overline{\mu} \sqrt{\beta}) - 1/2$$
 $O/O t$ $(\overline{E} \sqrt{\epsilon_0} + 3/4)$ $(\overline{r} \sqrt{\alpha} + \overline{\mu} \sqrt{\beta})) = (\mathcal{G} \sqrt{\mu_0} + \sigma_0 \sqrt{\beta}) \overline{v}$,

rot $(\overline{E} \sqrt{\epsilon_0} + \overline{r} \sqrt{\alpha} + \overline{\mu} \sqrt{\beta}) + 1/c$ $O/O t$ $(\overline{H} \sqrt{\mu_0} - 3/4) \overline{\mu} \sqrt{\beta}) = -O/O t$ $d/d\overline{F} (m_0 - m) \sqrt{\beta}$, ϵ_0 $div \overline{E} = \mathcal{G}$
 α $div \overline{r} = \sigma$, $div \overline{H} = o$, $div \overline{\mu} = \omega (\sigma_0 - \sigma)$ 69

zusammengefaßt, welches nicht nur 9 und 55 impliziert, sondern auch 19 und 25 aus B II 4 und 8 B II 2 richtig wiedergibt. Die Sonderfälle ponderabler, neutraler oder geladener Materie und imponderabler Photonen werden durch die Wahl von und σ bestimmt. Im Gegensatz zu 68 ist 69 nicht der Bedingung 68 a unter worfen, doch können die Quellen und Feldwirbel aus 68 mit 69 substituiert werden.

Allgemein beschreibt das System 69 einen Zusammenhang zwischen ponderabler Materie, elektrischer Ladung, sowie zwischen elektromagnetischen und gravitativen Wirkungsfeldern. Offensichtlich sind die Naturkonstanten ε_0 , μ_0 , α und β den Vektoren \overline{E} , \overline{H} , $\overline{\Gamma}$ und $\overline{\mu}$ koordiniert, so da β \overline{A} . \sqrt{a} = \overline{A} zur Kürzung verwendet werden kann. Damit wird 69 zu rot $(\overline{H}+\overline{\mu})-(\overline{E}/c+\frac{1}{2})+\frac{1}{2}/\omega$ = $(\sqrt{g}\sqrt{\mu_0})+\sigma_0$. \sqrt{g}) $\cdot \overline{v}$, rot $(\overline{E}+\overline{\Gamma}+\overline{\mu})+\frac{1}{2}/\omega$ = 0/0 t $d/d\overline{F}$ (m_0 - m_0) $\cdot \sqrt{g}$, $\sqrt{\varepsilon_0}$ div \overline{E} = $\sqrt{\alpha}$ div $\overline{\Gamma}$ = σ , div \overline{H} = σ , div $\overline{\mu}$ = ω (σ_0 - σ) \sqrt{g} . Dieser Zusammenhang beschreibt im Vakuum σ_0 = σ und σ σ und

gravitativen Wirkungsfeld. Im Fall hinreichend schwacher Felder σ σ_0 = 0 mit approximativ werschwindender Feldmasse kann diese gravitativ- elektromagnetische Wechselbeziehung explizit durch das Vakuumsystem rot $(\overline{H} + \overline{\mu}) - (\overline{E}/c + \overline{L}/\omega + \overline{\mu}/\omega) = \overline{\sigma}$, rot $(\overline{E} + \overline{L} + \overline{\mu}) + \overline{H}/c - \overline{\mu}/\omega = \overline{\sigma}$, div $\overline{E} = \text{div } \overline{H} = \frac{1}{2}$ div $\overline{L} = \frac{1}{2}$ o beschrieben werden. Die Separation von $\overline{L} = \frac{1}{2}$ und $\overline{L} = \frac{1}{2}$ in der Form rot $\overline{L} = \frac{1}{2}$ zeigt, daß $\overline{L} = \frac{1}{2}$ der einheitliche Gravitation.

der einheitliche Gravitationen ist, der über das Mesofeld $\overline{\mu}$ and as elektromagnetische Feld gekoppelt ist, so daß dieses Mesofeld im Fall der elektromagnetisch- gravitativen Wechselbeziehung als Koppelungsfeld interpretiert werden muß. Zur weiteren expliziten Beschreibung dieser Koppelung wird von den approximierten Vakuumbeziehungen die erste skalar mit \overline{E} + \overline{g} und die zweite skalar mit \overline{H} + $\overline{\mu}$ multipliziert und beide Beziehungen voneinander subtrahiert. Mit der Kürzung Q/c = $-\overline{E}$ rot $\overline{\mu}$ + \overline{E} \overline{g}/ω + \overline{H} rot \overline{E} - \overline{H} $\overline{\mu}/\omega$ und Ē rot H - H rot Ē - (Ē · Ē + H H) · 1/c = = - div $\overline{E} \times \overline{H}$ - η/c = - (div $\overline{E} \times \overline{H}$ + η) · 1/c wird div \overline{E} X \overline{H} = - Q + η , oder nach Gradientenbildung grad div $\overline{E} \times \overline{H}$ = - grad Q + grad $\hat{\eta}$. Hierin ist offensicht-= - grad Q die zeitliche Anderung einer ponderomotoris schen Kraftdichte, welche als Trägheitskraft erscheinen muß und wegen des Aquivalenzprinzips von Trägheit und Gravitation als gravitative Wirkung zu interpretieren ist. Allerdings erscheinen wegen der Darstellung von Q die gravitativen Feldgrößen multiplikativ an E und H gekoppelt. Der rein elektromagnetische, aber ponderomotorisch erscheinende Strahlungsdruck & verursacht durch E X H wird beschrieben durch $f_e = \operatorname{grad} \eta - \int \operatorname{div} \operatorname{grad} \overline{E} \times \overline{H} \cdot \operatorname{d} t$ oder ξ_e = grad η - div grad $\overline{E} \times \overline{H}$, womit in grad div $\overline{E} \times \overline{H}$ = ξ_p + grad η = ξ_p + ξ_e + div grad $\overline{E} \times \overline{H}$ wegen grad $\eta = \overline{\xi}_e + \text{div grad } \overline{E} \times \overline{H}$ substituiert werden kann. Da lm R3 stets grad div - div grad = rot rot ist, folgt \(\xi_e \) $\xi_{\rm p}$ = grad div $\bar{\rm E} \times \bar{\rm H}$ - div grad $\bar{\rm E} \times \bar{\rm H}$ = rot rot $\bar{\rm E} \times \bar{\rm H}$. in dieser Operatorgleichung wird also die Summe von zwei Kraftdichte-

änderungen ausgedrückt durch rot rot $\overline{E} \times \overline{H}$. Während $\overline{\xi}_e$ Strahlungsdruck beschreibt, kennzeichnet { einen gravitativen Vorgang, der als kontrabarisch bezeichnet werden soll, wenn dieser Gravitationsvorgang $\{p \rightarrow (max) \text{ den Maximalwert erreicht. Für einer}\}$ Festwert rot rot $\vec{E} \times \vec{H} = \text{const}$ ist dies in $\xi + \xi p$ $\xi_e = \overline{o}$ möglich. Die Kontrabarie $\xi_{r} = \text{rot rot } \overline{E} \times \overline{H}$ wird also durch die kontrabarische Bedingung $\xi_e = \bar{0}$ oder grad $\dot{\eta}$ - div grad $\overline{E} \times \overline{H} = \overline{o}$ ermöglicht. Da stets rot grad = \overline{o} ist und (rot X div grad) = o kommutiert, wird durch Rotorbildung die kontrabarische Bedingung zu \bar{o} = rot (grad $\dot{\eta}$ -- div grad $\overline{E} \times \overline{H}$) = - rot div grad $\overline{E} \times \overline{H}$ oder div grad rot $\overline{E} \times \overline{H} = \overline{o}$. Diese kontrabarische Bedingung gestattet eine Umformung der kontrabarischen Wirkung . Rotorbildung liefert rot ξ_p = rot rot $\overline{E} \times \overline{H}$ = rot (grad div -- div grad); $\overline{E} \times \overline{H} = -$ div grad rot $\overline{E} \times \overline{H} = \overline{0}$, das heißt, ξ ist gamäß rot ξ_p = \bar{o} wirbelfrei, was nur die Gradientendarstellung $\bar{\xi}_p$ = grad ϕ als Ausdruck der kontrabarischen bedingung zuläβt. Substitution liefert demnach als kontrabarisches Gleichungssystem die Operatorbeziehung grad ϕ = rot rot $\overline{E} \times \overline{H}$ wonach EXH zur zeitlichen Anderung eines ponderomotorischen Gradientenfeldes (Gravitationsprozeß) wird, wenn auf $\Xi \times \overline{H}$ der Feldrotor doppelt einwirkt.

Die inverse Separation von $\bar{\Gamma}$ and $\bar{\mu}$, also rot $\bar{\mu}$ - $(\bar{\Gamma} + \bar{\mu})$ 1/ ω = \bar{E}/c - rot \bar{H} und rot $(\bar{\Gamma} + \bar{\mu})$ - $\bar{\mu}/\omega$ = - rot \bar{E} - \bar{H}/c liefert in völliger Analogie - div $\bar{\Gamma} \times \bar{\mu}$ - - $\hat{\epsilon}$ = Q_e mit $\hat{\epsilon}$ = $\bar{\Gamma}$ $\hat{\Gamma}$ - $\bar{\mu}$ $\hat{\mu}$, während Q_e die zu Q an naloge elektromagnetische Größe ist. Die vektoranalytische Operatorent wicklung läuft der kontrabarischen Entwicklung völlig parallel. Ist φ das elektromagnetische Analogon zu φ , dann ergibt sich für ein elektromagnetisches Gradientenfeld das dynabarische Gleichungssystem grad φ = rot rot $\bar{\Gamma} \times \bar{\mu}$, wonach eine freie Gravitationswirkung $\bar{\Gamma} \times \bar{\mu}$ in einen elektromagnetischen Proze φ φ transformierbar ist.

Da grad φ ein elektromagnetischer Prozeß der Egergiedichte φ

ist, muß ein Operator T existieren, derart, daß T; grad ϕ = \overline{E} \overline{K} \overline{K} zum elektromagnetischen Strahlungsfeld wird. Substitution mit der ϕ \overline{A} ϕ = \overline{B} Beziehung liefert den Ausdruck \overline{E} \overline{K} \overline{K} = \overline{K} \overline{K} \overline{K} ; rot rot \overline{K} \overline{K} \overline{K} , mit welchem in der kontrabarischen Beziehung gemäß grad ϕ = rot rot \overline{E} \overline{K} \overline{K} = rot rot \overline{K} ; rot rot \overline{K} \overline{K} substituiert werden kann. Da \overline{K} und somit auch \overline{K} = rot rot \overline{K} \overline{K} substituiert werden kann. Da \overline{K} und somit auch \overline{K} = rot rot \overline{K} \overline{K} substituiert von den elektromagnetischen Bestimmungsstücken abhängt, aber ϕ eine gravitative Energiedichte ist, beschreibt grad ϕ = \overline{K} \overline{K} \overline{K} den Übergang von \overline{K} \overline{K} \overline{K} über ein elektromagnetisches System in die ponderomotorische Gradientenkraft eines gravitativen Systems, so daß grad ϕ = \overline{K} \overline{K} \overline{K} als telebarische Beziehung und \overline{K} als telebarischer Operator bezeichnet werden kann.

Ganz analog muß ein Operator W existieren, welcher die gravitative Wirkung des kontrabarischen Vorganges gemäß $\Gamma \times \mu = W$; grad $\phi = W$; rot rot E = H in eine Substitution für die dynabarische Beziehung transformiert, was zu grad $\phi = \text{rot}$ rot W; rot rot $E \times H = D$; $E \times H$ führt. Wegen W; grad $\phi = \Gamma \times \mu$ hängt W und damit auch D = rot rot W; rot rot nur von gravitativen Feldgrößen ab, so daß grad $\phi = D$; $E \times H$ als telektronische Beziehung mit dem telektronischen Operator $D \times H$ als telektromagnetische Zustandsänderung grad ϕ eines elektromagnetischen Systems durch Emissionender Absorbtion von $E \times H$ nur über ein gravitatives Feldsystem eines telektronischen Operators gehen kann. Die aus 69 hergeleiteten Beziehungen von Kontrabarie, Dynabarie, Telebarie und Telektronik werden in der approximierten Form $\sigma \approx \sigma_0 = 0$ schwacher Felder im Vakuum $\phi = 0$ beschrieben durch:

 $\sigma \approx \sigma_0 = 0$, = 0, = 0, $= \cot \phi = \cot \overline{E} \times \overline{H}$, $= \cot \phi = \cot \overline{F} \times \overline{\mu}$, $= \cot \phi = \cot \phi = \cot \phi = \cot \phi$, $= \cot \phi = \cot \phi = \cot \phi$, $= \cot \phi = \cot$

Ist der R_3 nicht leer, sondern gibt es ponderable Ladungsträger $\sigma_0 \neq 0$ mit $\mathcal{G} \neq 0$ und $\sigma \neq 0$, dann verschwinden die Divergenzen der Feldvektoren nicht mehr. Wegen div rot = 0 im R_3 folgt aus rot $(\frac{\pi}{H} + \frac{\pi}{L}) - (\frac{E}{C}/C + \frac{\pi}{L}/\omega + \frac{\pi}{L}/\omega) = (\frac{C}{L}/\Gamma_0 + \sigma_0 \cdot \sqrt{\beta}) \cdot \overline{V}$ nach Divergenzbildung

= - $(\mathring{S} \sqrt{\mu_0} + \mathring{\sigma_0} \cdot \sqrt{\beta})$ oder $o = \mathring{S} \cdot \sqrt{\mu_0} + \mathring{\sigma_0} \cdot \sqrt{\beta} +$ + div $(g \sqrt{\mu_0} + \sigma_0 \sqrt{\beta}) \cdot \bar{v} = d/dt (g \sqrt{\mu_0} + \sigma_0 \cdot \sqrt{\beta})$, was einer Kontinuitätsbeziehung elektrisch - gravitativer Ladungen entspricht. Zeitintegration liefert $g = \sqrt{\mu_0} + \sigma_0 = \sigma_0 = \sigma_0$ = a = const(t). Heerin kann als Dichte der allgemeinen elektrisch-gravitativen Ladung $dQ/dV = g + \sigma_0 \sqrt{\beta/\mu_0}$ eingeführt werden, was $dQ/dV \cdot \sqrt{\mu_0} = a$ liefert. Q ist offensichtlich eine der räumlichen Gravitationsfeldverteilung imanente Ladungsverteilung. Ist o' = dm/dV' eine äquivalente gravitative Vergleichsquelle, dann gilt auch σ $\sqrt{\beta}$ = a, wenn wegen des Vergleichs g = o gesetzt wird. Nach der Produktregel folgt durch Division beider Beziehungen dQ/dm . dv dv = $\sqrt{\beta/\mu_0}$ = 1/2 $\sqrt{3R_+/R_-}$ oder dQ/dm = 1/2 dV/dV · $\sqrt{3R_+/R_-}$. Wenn es gelingt dV/dV' aud den äquivalenten Niveauflächen F und F' des Vergleichs zu ermittelne dann ist offensichtlich ein direkter Zusammenhang zwischen elektrischen und gravitativen Feldquellen hergestellt. Eine Divergenzbildung der zweiten Wirbelbeziehung aus 69 führt lediglich zur Quellenverteilung div $\bar{\mu} = \omega (\sigma_0 - \sigma)$ zurück, weil grundsätzlich div H = o bleibt. In der Beziehung $dQ/dm \cdot \sqrt{R/R_{\perp}} = 1/2 \cdot \sqrt{3} \cdot dV/dV$ sind V und V' Volumina, welche von den sphärischen Niveauflächen der Feldverteilungen Q und m begrenzt sind. Wegen der sphärischen Symmetrie gilt also $dV = 4 \pi r^2 dr$ und $dV^9 = 4 \pi r^{92} \cdot dr^9$ $dV/dV' = \frac{r^2 dr}{r^{1/2} dr}$. Die Niveaus beider Feldstrukturen werden dagegen beschrieben durch Q (r) = $4 \pi \epsilon_0 U \cdot r$ und $e^{\mu} (r^{\bullet}) =$ = ψ · r, wobei auf einer Niveaufläche jeweils U = const (r) und ψ = const (r') gilt. variautonen den nach auf derartigen Niveauflächen dQ/dm = $\int \frac{Udr}{\psi dr'} + \pi \epsilon_0 \cdot \chi = \int \frac{Udr}{$ = $1/2 \sqrt{3} \frac{R_{+}/R_{-}}{R_{+}}$. $\frac{r^{2} dr}{r^{2} dr^{2}}$, woraus das Verhältnis der Niveauflächen $r^{2}/r^{2} = 8 \pi \varepsilon_{0}$. $\sqrt{1/3} \frac{R_{-}/R_{+}}{R_{+}}$. U/ψ =const eliminiert werden kann. Wegen dieser Konstanz auf den Niveauflächen gilt $r \sim r$, und daher $V \sim V$, was dV/dV = V/V = const,, beziehungsweise dr/dr' = r/r' = const und damit auch

 $dQ/dm = Q/m = const zur Folge hat. Weil <math>8 \pi \epsilon_0 \cdot \chi \cdot \sqrt{R}$ $1/4 \cdot \sqrt{\varepsilon_0/\alpha}$ und $U/\psi \cdot \sqrt{\varepsilon_0/\alpha} = \sqrt{K/K^{\frac{1}{2}}}$ einem Verhältnis von Wechselwirkungskräften entspricht, gilt (2 r/r) = VK/K, oder $4 \cdot V/V^{\circ} = r/r^{\circ} \cdot \sqrt{K/K^{\circ}}$. Zweifellos sind $K \cdot r = E$ und K' r' = E' die Energien dieser Wechselbeziehungen, deren energetische Niveauflächendurchsätze q \sim r E/V und q $^{\bullet}\sim$ r $^{\bullet}$ E $^{\bullet}$ /V $^{\bullet}$ mit gleichen Proportionalitätsfaktor sind. Quadrierung von 4 V/V = = r/r^9 • $\sqrt{K/K^9}$ liefert 16 $(V/V^9)^2$ = rE/r^9E^9 = q/q^9 • V/V^9 , also 16 V/V, = q/q. Der Energiedurchsatz einer Niveaufläche muβ mit dem Normalenvektor dieser Fläche gleichorientiert sein, so $da\beta \ \overline{q} = \overline{r}_0 \cdot q$ und $\overline{q}' = \overline{r}'_0 \cdot q'$ gilt. Da $\overline{r} \parallel \overline{r}'$ is, mu β auch \overline{q} \parallel \overline{q} , sein. Bei dieser Energie handelt es sich aber bei q um ein mit c, aber bei q' um ein mit w fortschreitendes Feld, so da β \overline{q} . c und \overline{q} . ω die Niveauflächendichten zeitlicher Energieflüsse sind, deren Zeitintegrale gemäß $\tilde{\varkappa}$ = c • • \sqrt{q} d t und \sqrt{q} = ω . \sqrt{q} d t ponderomotorische Kräfte dieser Energieflüsse darstellen, für welche ebenfalls えルカ gelten muß. Da immer 16 V/V = q/q = const ist, muß neben $q \sim q^*$ auch $\bar{\chi} \sim \bar{\chi}^*$ sein. Werden die Dichten dieser_beiden Kräfte auf das Volumen des Q - Systems bezogen, dann gilt $\xi = d\overline{R}/dV$ und $\xi' = d\overline{\chi}'/dV$, sowie $\xi \sim \xi'$ und auch $\xi \sim \xi'$. Da es sich bei diesen beiden Größen wiederum um eine Feldwechselbeziehung gravitativ-elektromagnetischen Art handeln muß, kann immer $\frac{\pi}{\xi}$ = grad ϕ = grad φ erreicht werden, so đaβ das System 69 a anwend bar ist. Nach der telektronischen Beziehung gilt 📜 = grad 🏚 = = rot rot W; rot rot $\overline{E} \times \overline{H}$ und hierin kann wegen $\overline{\xi}$ = grad ϕ mit der kontrabarischen Beziehung ξ = rot rot $\overline{E} \times \overline{H}$ = rot rot W ; ¿ substituiert werden. Wegen daher auch rot rot W; \$ sein , wenn A ein Propertionalitätsfaktor ist. rot v beschreibt einen nichtdimensionierten Operator, welcher ein Wirbelfeld darstellt. Es mu β also auch rot rot W; ξ , dem Azimut α und dem Höhenwinkel \sim in den Intervallen o $\leq \alpha \leq 2 \pi$ und o $\leq \mathcal{N} \leq \pi$ auf einer Niveaufläche direkt proportional sein, weil $\frac{1}{\xi}$ = const. (α, \mathcal{A}) beschrei. ben muß, was nur durch rot rot W; ξ $\sim \alpha \cdot \sqrt[3]{\xi}$ erreicht werden kann. Vergleich mit rot rot W; £, , A liefert für A als einzige Möglichkeit $A = a \cdot \alpha \cdot \sqrt{3}$, wobei a ein noch unbekannter

Zahlfaktor ist. Einsetzen von rot rot W ; ξ a α \mathcal{A} ξ in $\bar{\xi}$ = retrot W ; $\bar{\xi}$ liefert dann $\bar{\xi}$ = a $\alpha \sqrt{\xi}$ $\sim \bar{\xi}$ was partiell nach α und ~ differenzierbar ist. Wegen der Ver tauschbarkeit der Differentiationen ergibt sich mit der Kürzung die räumlich integrierbare Form oder integriert $\dot{\tilde{z}}$ = a $\dot{\tilde{z}}$, + \bar{B} . Für V = o ist offensichtlich immer $\dot{\bar{z}}$ (o) = $\dot{\bar{z}}$, (o) = \bar{o} , was \bar{B} = \bar{o} festlegt. Ganz entsprechend muß auch $\bar{\chi}$ (t = 0) = $\bar{\chi}$ (t = 0) = \bar{o} folgen, so daβ mus $\frac{\dot{z}}{\dot{z}}$ = a \dot{z} nach Zeitintegration \bar{z} = a \bar{z} wird. In die ser Beziehung beschreibt z die partielle Anderung der durch den elektromagnetischen Energiefluß (in der räumlichen Gravitationsfeldverteilung) verursachten Kraft mit Azimut-und Höhenwinkel, während $ar{\chi}^*$ die Kraftwirkung des gravitativen Energieflusses in der gleichen Feldverteilung ist. Da ξ = const $(\alpha, \sqrt{1})$ ist, muß auch $\bar{\chi}$ = = const (α, \mathcal{A}) sein, so da $\beta \ \overline{\mathcal{E}} = a \ \overline{\mathcal{E}}^{\bullet}$ längs der Intervalle von α und \mathcal{A} gemäß $\overline{\mathcal{R}}$ = α \mathcal{E}^{π} \mathcal{R}^{\bullet} d α d \mathcal{A} = = $2 \pi^2$ a $\overline{\chi}$ integrierbar ist. Einsetzen der Zeitintegrale $\overline{\chi}$ = \int \overline{q} c d t und $\overline{\chi}$, = \int \overline{q} , ω d t mit anschließender Zeitdifferentation liefert dann \overline{q} c = $2 \pi^2$ a \overline{q} ω . Berücksichtigung von \overline{q} | \overline{q} , und \overline{g} $\omega = 4$ c liefert 3 q/q. = 8 π^{8} a als Substitution in V/V^{9} . Einsetzen in 16 V/V^{9} =Q/q. ergibt also $V/V^* = a \cdot \pi^*/6$, womit wiederum in $Q/m \cdot \sqrt{R_-/R_+} =$ = $1/2 \cdot \sqrt{3} \cdot V/V$ substituiert werden kann. Diese Substitution ergibt also dad einfache Theorem $Q/m \cdot \sqrt{R}/R_{+} = a \cdot \pi^{2} \cdot \sqrt{3} = \frac{12}{12}$ = $a\pi^2/4.\sqrt{3}$ oder $Q \sqrt{3R} = a \pi^2 m \sqrt{R}$ In dieser Beziehung wird also eine feldartige elektrische Ladungsverteilung Q von latentem Charakter innerhalb einer räumlichen Gravitationsfeldverteilung unmittelbar durch die gravitative Feldquelle m ausgedrückt. Es liegt die Vermutung nahe, daß 69 b der tiefere Hintergrund für die aus 69 hergeleitete Proportionalität zwischen magnetischer Horizontalintensität H_h Drehimpulsdichte, $\eta = mr^2 \Omega / V =$ = $3m\Omega/4\pi r$ und cos ϕ des Breitengrades ϕ in der Form $\mathbf{I}_{\mathsf{h}} \sim \mathbf{\eta}$ cos ϕ einer mit Ω rotierenden kugelförmigen (r) Masse

chne elektrische Ladungs- und Feldverteilung ist.
Nach dieser eindeutigen Linearisierung 69 erscheint wiederum

das Problem einer Synthese der R zum R_{ii} ; denn sowohl auch 69 sind durch eine Trennung der Zeitkoordinate vom kennzeichnet. Tatsächlich ist aber der R₊₄ das Tensorium gravitativer und der R_A das jenige elektromagnetisch-materieller Prozesse, welche aber nach 68 und 69 stets miteinander korrelieren, so daß existent sein muß. Eine allgemeine Koordinaten ein einheitlicher R_{L} transformation zwischen den R über dem gleichen algebraischen Körper ist nicht möglich, doch kann eine nichteuklidische Struktursynthesis der Somawelt vversucht werden, welche eine koordinatenunabhängige Präzisierung der in Gleichung 68 zusammengefaßten Mesofeldgleichungen ermöglicht. Dies wiederum wurde als Mesofeldtheorie eine elektromagnetisch-gravitative Korrelationstheorie und damit eine allgemeine Wechselwirkungstheorie der Materiefeldquanten gestattet, wenn zuvor noch eine quantendynamische Fassung der strukturellen Meso feldgleichungen ermöglicht werden kann.

Kapitel IV

DIE MESOBARISCHE STRUKTURSYNTHESIS

1.) Der mesobarische

Korrelationstensor.

69 können die Quellen und Feldwirbel in 68 substituiert werden. Auf diese Weise entstehen vier in den Feldgrößen quadratische Differentialgleichungen, welche die vier Feldvektoren als Raumzeitstrukturen durch die Koordinaten des R3, t, sowie die Quellen ausdrücken. Die Raumzeitstruktur selber muβ dabei o, o und durch diese Quellen versursacht werden. Zwar besteht die Möglichkeit σ_{α} = 0 und S = 0, doch ist immer σ + 0, wenn überhaupt ein Feldzustand definiert ist. Nach 10 entspricht aber o immer der Dichte freier Feldenergie, so daß die vier Feldvektoren nur verschiedene Strukturzustände dieser einheitlichen Feldenergie sein können, welche entweder als Γ und μ im R_{+4} oder als E und H im R_{-4} definiert sind. Wegen der Paarbildung ponderabler Feldquanten aus Imponderablen, muß engenommen werden, daß auch σ_o und g solche durch o bestimmte Strukturzustände im R_4 sind, was durch 69 b verifiziert ist. In den R+/ sind also jeweils spezielle Zustände der einheitlichen Raumzeitstruktur als Feldgrößen gegeben, welche aber stets miteinander korrelieren. Das gesamte einheitliche Strukturfeld kann jedoch nur in einem Korrelationsbereich Rh beschrieben werden, welcher die R als euklidische Somawelten impliziert. Diese eigentliche Somawelt R_4 konnte auch als mesobarischer Korrelationsbereich bezeichnet werden, weil hier Korrelation gravitativer und elektromagnetisch-materieller Feldzustände erfolgt. Die Struktursynthesis zum R₄ muβ also zu einer einheitlichen Strukturtheorie aller überhaupt möglichen Feldzustände führen.

Ein durch ein Gravitationsfeld definiertes Materiefeldquant des Rt ist hinsichtlich des Materiefeldes im komplexen R4 und

hinsichtlich seines Gravitationsfeldes im reellen R₊₄ beschrieben und muß in Bezug auf seine in den $R_{\pm\mu}$ liegenden Bestimmungsstücke $\hat{\underline{A}}_{+}$, aber hinsichtlich seines einheitlichen Korrelationssysim R_4 ($R_{+,}$) gegenn \hat{B} invariant sein. Diese Invarianz be zieht sich jedoch nur auf gleichberechtigte Inertialsysteme. Da B unitär ist, könnte daraus geschlossen werden, daß aben der noch unbekannte R4 algebraisch komplexer Natur ist. Zur Beschreibung der Korrelation zwischen diesen Materie- und Gravitationsfeldanteilen des Quants werden zwei raumzeitliche Koordinatensysteme in den wendig, die aber niemals zur Deckung gebracht werden können, weil die Niveauflächen eines Gravitationsfeldes Geschwindigkeitspotentiale darstellen und diese Geschwindigkeiten nach B komplexe Koordinatendrehungen verursachen. Die Koordinaten in den R, sind demnach gegeneinander verdreht, so daβ (e · e)4 £ kein normiertes Orthe gonalsystem mehr ist. Es besteht jedoch die Möglichkeit ein cartesisches Koordinatensystem zu verwenden, auf welches eine nichteuklidisc! deformierte raumzeitliche Somawelt bezogen wird. In diesem Fall wäre wegen des nichteuklidischen harakters zwischen ko- und kontravarianten Koordinaten x_i beziehungsweise x zu unterscheiden. Da alle Größen auf diese cartesischen Koordinaten bezogen werden sollen, sind die Feldgrößen aus Gleichung 68 Funktionen der x . Stets müssen die xk des Rz reell zählen, doch ist B unitär, und diese Unitarität äuβert sich nur in der zeitlichen Matrizenränderung, nicht aber im räumlichen Abschnitt. Hieraus wäre zu schließen, daß für x_4 + o stets Im x_4 + o bleibt, das heißt, die unbekannte Zeitdimension des R₄ kann nur komplex oder imaginär, in keinem Fall aber reell zählen. Für das algebraische Verhalten der R4 - Koordinaten muß also $x_k = x_k^{\times}$ mit 1 = k = 3 des R_3 aber $x_4 + x_4^{\times}$ gefordert werden. Die Mesofeldgleichungen 68 gelten nur, wenn die sanz speziellen Koordinaten $\overline{\eta}_{\pm_k}$ η verwendet werden and wenn der Korrelationsbereich zwischen den $R_{\pm 4}$ durch ein normiestes Orthogonalsystem e . e $\approx \delta_{ik}$ nach 68 a approximient durch ein normier -'erden kann. Tatsächlich ist aber die Somawelt R4 der eigentliche orrelationsbereich, welcher die Wechselbeziehungen zwischen den

Strukturen der R vermittelt, so daß 68 unter der Voraussetzung 68 a nicht zur einheitlichen Beschreibung des durch σ † o bedingten Strukturzustandes des R₄ ausreicht. Exakt ist aber

Es ist $ds^2 = \frac{4}{1,m-1}$ $d\overline{\eta}_{-m}$ q $\alpha_{1,m}$ $\alpha_{1,m}$ $\alpha_{1,m}$ $\alpha_{1,m}$ $\alpha_{1,m}$

• d η_{-m} und hierin wird wegen $\eta_{\pm j}$ (x^{\pm})⁴ allgemein d $\eta_{\pm j}$

 $= \underbrace{\frac{3}{1-1}}_{i=1} \underbrace{\frac{3}{0}}_{x=1} dx^{\frac{1}{2}}, \text{ was eingesetzt } ds^{\frac{1}{2}} = \underbrace{\frac{3}{1-1}}_{x=1} dx^{\frac{1}{2}}$

 $= \underbrace{\frac{4}{1,m-1}}_{\substack{i,k=1}} \underbrace{\frac{4}{i,k=1}}_{\alpha_{1,m}} \underbrace{\alpha_{1,m}}_{x^{\underline{i}}} \underbrace{\frac{\alpha_{1,m}}{x^{\underline{i}}}}_{x^{\underline{k}}} \cdot dx^{\underline{i}} dx^{\underline{k}}$

 $= \underbrace{\overset{4}{\underset{i,k=1}{\text{k=1}}}} g_{ik} \cdot dx^{\underline{i}} \cdot dx^{\underline{k}} \quad \text{mit } g_{ik} = \underbrace{\overset{4}{\underset{i,m=1}{\text{m=1}}}} \alpha_{1,m}$

 $\frac{\partial \eta_{+1}}{x^{\frac{1}{2}}} = \frac{\eta_{-m}}{x^{\frac{1}{k}}} \quad \text{ergibt. Die } g_{1,k} = g_{1,k} \quad (x^{\frac{1}{2}})_{1}$

bilden demnach ein metrisches Korrelationsfeld, das heißt, die Metrik im R_4 ist wegen ϵ_{ik} \dagger $\delta_{i,k}$ nicht euklidisch. Zur Kürzung wird

i,k=1 A ik · $x^{\frac{1}{2}}$ $x^{\frac{1}{2}}$ = A i,k $x^{\frac{1}{2}}$ $x^{\frac{1}{2}}$ eingeführt; denn immer wenn in einem Produkt ein Index zweimal (ko- und kontravariant) auftritt, wird über diesem Index die Summe der vier Dimensionen des R_4

gebildet. Liegt eine andere Summationsgrenze als 4 vor, so soll das Summationszeichen verwendet werden. Die Metrik des Korrelationsbereiches kann demnach in die Form d s² = $g_{i,k}$ dx¹ d x² gebracht werden, worin nur für $\alpha \rightarrow E$ im Fall der speziellen Koordinatenwahl geodätischer Koordinaten die $g_{i,k} \sim \delta_{i,k}$ werden. Im allgemeinen ist aber diese Forderung nur eine Approximation; denn wegen der Natur eines jeden, ein Materiefeldquant definierenden Gravitationsfeldes als Niveauflächen Geschwindigkeitspotentiale zu haben und wegen der Eigenschaft von B, āaβ āiese Geschwindigkeitspotentiale komplexe Koordinatendrehungen der R verursachen, sind grundsätzlich die $g_{i,k} + \delta_{i,k}$ und außerdem funktional von den kartesischen $x^{\frac{1}{2}}$ des Korrelationsbereiches R4 abhängig. Da alle mit d s2 verträglichen Koordinatentransformationen der x zu quadratischen Formen der Art d x d x führen, bilden die metrischen Koeffizienten giak des Korrelationsbereiches die Komponenten eines metrischen Fundamentaltensors 2g, der als mesobarischer Korrelationstensor bebezeichnet werden soll; denn die metrische Struktur 2g des Ru wird durch die Korrelation der gravitativen und elektromagnetischen Strukturen der R , nämlich die phänomenologischen Feldgräßen bestimmt. In einem gravitativ-materiellen System, dessen dreidimensionale Projektion nicht nur im R_4 (elektromagnetisch) sondern auch im R_4 (gravitativ) hängt, erfolgt die Korrelation zwischen der gravitativen und elektromagnetischen Struktur in einem nichteuklidischen Korrelationsbereich desssen metrischer Fundamentaltensor teils durch elektro magnetische und teils durch gravitative Strukturgrößen bestimmt wird. Dieser mesobarische Tensor 'g vermittelt also die Korrelation, welche durch die approximierten Mesofeldgleichungen 68 und die Linearform 69 angedeutet wird und zwar derart, daß diese Gleichungen nur für 'g = 'E exakt gelten. Die Problemstellung lautet also: Eine mesobarische Struktursynthesis der Somawelt ist mit durchzuführen, daß ein System tensorieller Differentialgleichungen für die Komponenten von 2g entsteht, welches eine einheitliche Beschreibung aller Feldzustände und ihrer Korrelationen als Strukturzustände des R_{μ} beschreibt. Dieser tensorielle Formalismus ist schließlich so zu fassen, daß er dem allgemeinen Quantisierungsprinzip unterworfen und seine Gültigkeit in den mikromaren Bereich erstreckt werden kann. Zuvor ist jedoch eine Symmetrieuntersuchung erforderlich. Zwar ist definitionsgemäß α = α wegen der Kommutativität skalarer Produkte symmetrisch, doch bleibt

$$\frac{4}{1,m=1} \alpha_{1,m} \alpha_{1,m} \alpha_{+1}/\alpha_{x} \frac{1}{2} \alpha_{1,m} \alpha_{1,m}$$

·
$$0\eta_{+1}/0x^{k}$$
 · $0\eta_{-m}/0x^{i}$, was $g_{i,k} + g_{k,i}$, also $g_{i,k} + g_{k,i}$

zur Folge hat. Wegen des Tensorcharakters von ${}^2\overline{g}$ ermöglicht dies aber die Spaltung ${}^2\overline{g} = {}^2\overline{g}_+ + {}^2\overline{g}_-$ in einen hermiteschen Anteil ${}^2\overline{g}_+ = {}^2\overline{g}_+^{\times}$ und einen antihermiteschen inteil ${}^2\overline{g}_- = {}^2\overline{g}_-^{\times}$. In der Metrik, also der homogenquadratischen Differentialform müssen sich die antihermiteschen Terme wegen der Summation kompensieren. Auch zeigt die Entstehung dieser Metrik, daß der Fundamentaltensor ${}^2\overline{g}_-$ (x_-^k) von den Koordinaten des Argumentberuiches R_4 abhängt und

somit ein raumzeitliches Tensorfeld ist. Dieser Sachverhalt wird beschrieben durch

$$ds^{2} = \varepsilon_{+i,k} dx^{\frac{1}{2}} dx^{\frac{k}{2}} = \underbrace{\frac{4}{i,k=1}}_{i,k=1} \varepsilon_{+ik} dx^{\frac{1}{2}} dx^{\frac{k}{2}},$$

$$c^{2} = (x^{\frac{k}{2}})^{4} = c^{2} = c^{2} + c^{2} = c^{2}, x_{j} = x_{j}^{2},$$

$$c^{4} = c^{2} + c^{2} = c^{2} + c^$$

Wegen der Relativität zwischen Ko- und Kontravarianz kann man auch von den Transformationen $\eta_{\pm k}$ $(x_i)^4$ ausgehen, was zu den kontravarianten Tensorkomponenten

Metrik ds = $\frac{3^{1}k}{1,m=1}$ $\alpha_{1,m}$ $\alpha_{$

ein hermitesches beziehungsweise symmetrisches Feld einer Riemann' schen Metrik und diese Metrik wird nach weiteber Approximation = $\int \lambda_i \delta_{ik} J_4$ = const. zu einer elliptischen, parabolischen oder hyperbolischen Metrik, welche im indefiniten Fall $\lambda_i = +1$, $\lambda_k = -1$ pseudoeuklidisch und im positiv- oder negativdefiniten Fall euklidisch wird. Ein euklidischer R4 liegt also für "g = "E vor. Die R, der gravitativen und elektromagnetischen Strukturen bilden also eine euklidische und eine pseudoeuklidische Somawelt, welche die korrelative Somawelt R4 tangieren. Von jedem Berührungspunkt einer solchen Tangentialwelt mit der Ru geht also ein Büschel von Richtungslinien aus, welches zu einem Büschel von Raumzeitvektoren im R₄ gehören. In den beiden Tangentialwelten nach für die homogen-linearen Koordinatentransformationen nach Art von $\widehat{\underline{A}}_+$ beziehungsweise $\widehat{\underline{B}}$ im Fall ko- oder kontravarianter Koordinatensysteme C und C, wenn die Summationsregel zur Kürzung verwendet wird: $x^{\frac{1}{2}} = \beta \frac{1}{m}$ $x^{\frac{m}{m}}$, $x^{\frac{m}{2}} = \alpha \frac{m}{m}$ $x^{\frac{1}{2}}$ und kovariant $x_k = \beta \frac{1}{k} x^*$ beziehungsweise $x_1^* = \alpha \frac{k}{1} x_k^*$, wobei für die konstanten gemischtverienten Coeffizienten $\alpha^{\underline{m}}$ = const. und $\beta^{\underline{l}}$ =const die Relation α_{i}^{m} • β_{i+1}^{l} = δ_{i+1} gilt. Diese homogen linearen Transformationen können auch in dem R , also für g = E angewendet werden. Ist 'g ein von 'E verschiedenes metrisches Feld, so gelten homogen lineare Transformationen nur für die Koordinatendifferentiale und die gemischtvarianten Koëffizienten werden, wegen des Feldcharakters von '\overline{\overline{E}} \overline{\overline{E}} zu Funktionen dieser Koordinaten, derart, daß im R_4 wegen $\frac{1}{g}$ die allgemeinen Transformationen $x^{\frac{1}{2}}(x^{\frac{1}{2}})_1^4$, beziehungsweise x_1^* $(x_1)_1^4$ und ihre eindeutig Inversen zu Integralen werden, deren Natur nicht linear ist. Aus den totalen Differentialen dieser allgemeihen Transformationen können dann, weil im infinitesimalen Bereich die Linearität trotz 2g erhalten bleibt, die gemischt varianten Koëffizienten als partielle Differentialquotienten ermittelt werden. Dieser Infinitesimalprozeß liefert $\alpha^{\underline{m}} = (\alpha x^{\underline{m}})/(\alpha x^{\underline{i}})$. $\beta^{\frac{1}{\underline{i}}} = \beta x^{\frac{1}{\underline{i}}} / \beta x^{\underline{m}} \quad \text{aus d } x^{\underline{m}} = \alpha^{\underline{m}} d x^{\frac{1}{\underline{i}}} \quad \text{und d } x^{\frac{1}{\underline{i}}} = \beta^{\frac{1}{\underline{i}}} d x^{\underline{m}}.$ Mit Hilfe dieser Transformationen kann ein beliebiges gemischtvariantes Tensorfeld vom Grade m, welches in irgendeinem abstrakten Raum aufgespannt ist, dessen Dimension szahl mindestens gleich m sein muβ, von einem Koordinatensystem in ein anderes transformiert werden, wenn der abstrakte Raum zusätzlich durch ein beliebiges metrisches Fald deformiert ist. Ist der gemischtvariante Tensor m

in n Indizes kontra- und in m - n Indizes kovariant, so ergibt sich für

kehrungen der Koordinatentransformationen nach den algebraischen Gesetzen gemischtvarianter Tensoren für die kovarianten Indizes verwendet werden. Auch können mit den ko- oder kontravarianten Komponenten von g die Varianzstufen der Tensoren verändert werden. Allgemein gilt T. i. und umgekehrt T. gik T.k.

und dieses Gesetz gilt für beliebige Tensorgrade beliebiger Varianzstufen. Es liegt in der Natur ko- und kontravarianter Koordinatensysteme, daß immer ik = δ, k oder gki · gil · δil zu einem k gemischtvarianten Einheitselement wird, was im Fall des hermiteschen Anteils zu ghi, k · gil · δk, l wird. In der mesobarischen Korrelationswelt R sind alle eineindeutigen Koordinatentransformationenzulässig, die den quadratischen Charakter der Metrik 70 invariant lassen, das heißt, nach dem Trägheitsgesetz quadratischer Formen sind zumindest die Komponenten des hermiteschen Anteils von g an die Determinantenbedingungen

gebunden, was die Regularität der Transformationen einschließt. Durch die Darstellbarkeit der Relativbewegungen und die Abhängigkeit von $\alpha = (\bar{e}_{+}, \bar{e}_{-})_{+} + \bar{E}_{-}$ von der momentanen Relativgeschwindigkeit,

welche wiederum im ruhenden materiellen System durch Gravitationsfeld niveaus (elektromagnetische Feldquelle der Gravitation) dargestellt werden kann, wurde die Einführung des mesobarischen Korrelationstensors $\frac{1}{2}$ \pm $\frac{1}{2}$ notwendig, der wegen der Feldeigenschaft $\frac{1}{2}$ ($x^{\frac{1}{2}}$) die Existenz eines metrisch von den R abweichenden Korrelations-

bereiches R_4 fordert. Die $R_{\pm h}$ mit $\overline{g} = \overline{E}$ erscheinen dann metrisch als tangentiale Somawelten, welche durch die mesobarische Korrelationsstruktur R_{μ} in einer metrischen Wechselbeziehung stehen. Annlich wie B eine Somasynthesis der Gruppen und Tensoren im Fall gleichberechtigter Inertialsysteme ermöglicht, begründet die Existenz des nichthermiteschen mesobarischen Korrelationstensors eine mesobari sche Struktursynthesis der Somawelt, durch welche die Strukturen der in wechselseitige Zusammenhänge gesetzt werden. Diese Struktursynthesis hat metrischen Charakter, weil der mesobarische Korrelati onstensor die Metrik eines Korrelationsbereiches R4 mit seinem hermiteschen Anteil definiert und somit als nichthermitescher metrischer Fundamentaltensor einer korrelativen Somawelt aufgefaßt werden kann. Die durch *g ermöglichte Struktursynthesis läuft jedoch zugleich au eine wechselseitige Korrespondenz der R durch den metrischen abweichenden mesobarischen Korrelationsbereich hinaus. Die Existenz von * \bar{g} # * \bar{g} × zeigt, daß die Somawelt dreifach strukturiert ist. Die euklidischen $R_{\pm a}$ tangieren R_4 mit *g der die Korrelation zwischem den R herstellt. Die zu $= (x^{\frac{1}{2}})_1^4 + = \overline{g}^{\times} + = \overline{E}$ führende mesobarische Struktursynthesis der Somawelt hat gezeigt, daß diese Welt in allen ihren Eigenschaften dem Feldbereich eines Synkolatorfeldes entspricht, zumal 'g alle überhaupt möglichen phänomehologi schen Feldzustände impliziert. Dies bedeutet aber, daβ im R4 der gesamte Formalismus für n = 4 und die Tensorgrade $m \leq 4$ gilt, der in A VII 4 für diese strukturellen Synkolatorfelder entwikkelt wurde.

2.) Korrelations - und Korrespondenzpotentiale.

Da nach dem Vorangegangenen auf den Korrelationsbereich der Formalismus aus A VII 4 anwendbar ist, kann im R₄ auch das Geodäsieproblem gestellt werden. Nach dem Extremalprinzip der Variationsrechnung, welches in der aus dem Energieprinzip abgeleiteten Fassung δ L d t = 0 zur Basis des kanonischen Formalismus wurde,

kann die Erweiterung verwendet werden und es wird \$\int_p^2\$ f d p dann \$P_1\$

extremal δ $\int_{p_1}^{p_2}$ f d p = 0 ist. In diesem erweiterten Extremal-

prinzip beschreibt, in Analogie zu A VII 4 der Integrand die tota le Änderung der Metrik mit dem zunächst noch willkürlichen Parameter p. Mit f = ds/dp und $f^2 = g_{+ik}$ $x^{\frac{1}{2}}$ $x^{\frac{k}{k}} = g_{ik}$. $x^{\frac{1}{2}}$ $x^{\frac{k}{k}}$ kann dieses Variationsproblem gelöst werden, was auch im R_4 zur Darstellung geodätischer Raumzeitlinien in Abhängigkeit vom Parameter also zu den Differentialgleichungen $\ddot{x}^{\frac{1}{2}} + \left\{k^{\frac{1}{2}}\right\} \dot{x}^{\frac{k}{k}}$ $\dot{x}^{\frac{1}{2}} = 0$ führt. Zwar beschreiben alle eineindeutigen Koordinatentransformationen im R_4 den Übergang gleichberechtigter Bezugssysteme ineinander ineinander, doch muß es in dieser unendlichen Schar möglicher Bezugssysteme ein besohderes geben, welches als geodätisches System $f^{\frac{1}{2}}$ wegen $f^{\frac{1}{2}} = 0$, also $f^{\frac{1}{2}} = 0$ oder $f^{\frac{1}{2}} = 0$ oder $f^{\frac{1}{2}} = 0$ oder $f^{\frac{1}{2}} = 0$ oder $f^{\frac{1}{2}} = 0$ schen Gegebenheiten angefaßt ist.

Für physikalische Prozesse die sich also stets in Raum und Zeit abspielen, muß stets das Prinzip δ t L d t = o erfüllt sein t

und das kinetische Fotential L entspricht einem, dem Quadrat der räumlichen Geschwindigkeit proportionalen Ausdruck, das heißt, es gilt die Entsprechung L = $\underbrace{\frac{3}{5}}_{i,k}$ $\underbrace{\frac{1}{2}}_{k}$ $\underbrace{\frac{1}{2}}_{i,k}$ $\underbrace{\frac{1}{2}}_{i,k}$ $\underbrace{\frac{1}{2}}_{i,k}$ $\underbrace{\frac{1}{2}}_{i,k}$ $\underbrace{\frac{3}{2}}_{i,k}$ $\underbrace{\frac{3}{2}}_{i,k}$

• $\dot{x}^{\underline{i}}$ $\dot{x}^{\underline{k}}$ dt = o hat im Falle der Geodäsie einer Bewegung $\dot{x}^{\underline{l}}$ = const (t) zur Folge, so daß im Falle raumzeitlicher Vorgänge p \sim t gesetzt werden kann, so daß im R₄ immer

$$\ddot{x}^{\underline{i}} + \begin{cases} \dot{x}^{\underline{i}} \\ \dot{x}^{\underline{i}} \end{cases} \dot{x}^{\underline{k}} \dot{x}^{\underline{l}} = 0, 2 \cdot \{jkl\} \quad (p) = 0/0 x^{\underline{k}} \quad g_{jl} + 0/0 x^{\underline{l}} \quad g_{kj} - 0/0 x^{\underline{l}} \quad g_{kl} \cdot p \sim t \quad .$$

gesetzt werden Karf. Diese Proportionalität ermöglicht eine Untersuchung geodätischer Nullinien im R_4 . Die konstante Summe

71

 g_{ik} · $\dot{x}^{\underline{i}}$ · $\dot{x}^{\underline{k}}$ = const. des Geodäsieproblems kann auch den Wert Null annehmen, wenn g_{ik} · d $x^{\underline{i}}$ d $x^{\underline{k}}$ indefinit ist und in diesem

Fall können auch Integrale gebildet werden, welche Raumzeitlinien des gekennzeichneten Raumzeitlinien werden als Nullinien bezeichnet, wele che nicht notwendig geodätisch zu sein brauchen. Alle geodätischen Linien spannen ihrerseits wiederum einen Vor- und einen Nachkegel im R_{μ} auf. Diese beiden Raumzeitkegel sind durch ds > 0 und ds < 0 (beide reell) gekennzeichnet und werden durch einen Zwischenbereich mit imaginaren d s getrennt. Das Verschwinden $\int ds = o cha$ rakterisiert den Nullpunkt des Systems. Die Erzeugenden dieser Kegel sind, den metrischen Gegebenheiten entsprechend, nicht gradlinig, sondern gekrümmt und können nur geradlinig werden, wenn gekridisch oder pseudoeuklidisch wird. Insbesondere wird im Fall "g = "E (reell oder komplex) im Gültigkeitsbereich der Gruppen B beziehungs weise \widehat{A} , also im R₄, beziehungsweise in den R₄ (wenn nach Gleichung 68 und 69 Strukturen des R_4 in dem R+4 fortgesetzt sind) daβ die Raumzeitlinien v = c geodätische Nullinien sind; denn in den R_{+n} ist wegen 'g = 'E jede gerade Raumzeitlinien geodätisch (daher sind auch die Erzeugenden des Kegelsystems geradlinig) und v = c genügt darüberhinaus in diesem Fall noch der Nullinienbedingung. Nach dem Energiematerieäquivalent kann demnach jedes Quant h • γ einer elektromagnetischen Strahlung \overline{E} imes \overline{H} der Frequenz γ als ein Materiefeldquant aufgefaßt werden, dessen Raumzeitlinie eine geodätische Nullinie im R_4 ist. Diese Aussage ergibt sich, weil für die Fundamentalinvarianten in den $R_{+\mu}$, welche die Ausbreitung elektromagnetischer und gravitativer Feldstörungen be schreiben, die Beziehungen $\frac{1}{k-1}$ $\eta_{\pm k}^2 = 0$ oder differentiell $\frac{1}{k=1}$ d $\eta^2_{\pm k}$ = 0 gelten, was aber mit g_{ik} $\sim \delta_{ik}$ in generalisierten Koordinaten q_k zu gik d q d d q e o oder gik • $\dot{q}^{\frac{1}{2}}$ $\dot{q}^{\frac{k}{2}}$ = o führt und dies ist das Charakteristikum von Nullinien, welche sich im Fall der elektromagnetischen Feldstörungen als geodätisch erwiesen. Die $g_{ik}^{\prime} \sim \delta_{ik}$ sind konstant und kennzeichnen das metrische Verhalten der $R_{\pm\mu}$. Da bei physikalischen Prozesse 71 immer gilt, kennzeichnen die x - aus 71 grundsätzlich raumzeitliche Beschleunigungskomponenten und wegen $\ddot{x}^{\perp} = -\begin{cases} i \\ k 1 \end{cases}$

scheinen die { k l } sich so zu verhalten, als ob die Komponenten von ² E Potentiale sind, welche Beschleunigungsprozesse verursachen, deren wirkungen wiederum ponderomotorischer Natur sind; vorausgesetzt daß der Prozeß als solche eine geodätische Raumzeitlinie im Korreletionsbereich hat. Immer dann, wenn ein korrelatives gravitativ-materielles System mit einem anderen in einen physikalischen Zusammenhang tritt, muß es zu einer Wechselwirkung und damit zu einer Korrespondenz zwischen beiden Systemen kommen, derart, daß das aus beiden Systemen bestehende Korrespondenzsystem labil ist. Der zeitliche Verlauf dieser durch die elementare Mesofeldtheorie approximiert beschriebener Korrespondenz hält so lange an, bis Übergang zum nächsten stabilen Zustand erreicht worden ist. Stets muß nach δ to ein

solcher stabiler Zustand angestrebt werden und der Korrespondenzvorgang selbst muß dabei stets von ponderomotorischen Wirkungen begleitet sein, weil die Wechselwirkung im Sinne eine Korrespondenz nur durch zeitliche Positionsänderungen in der Somawelt möglich wird. Eine Störung der Geodäsie solcher Korrespondenzvorgänge kann offenbar nur durch weitere Systems erzwungen werden, doch hätte dies, vom Aspekt des übergeordneten Korrespondenzsystems aus nur eine Definitions änderung der korrespondierenden Systeme zur Folge, was aber wiederum zur Geodäsie der Gleichung 71 führt. Die den mesobarischen Korrelabionsbereich kennzeichnenden Größen erscheinen demnach wegen \begin{cases} i \\ k 1 \end{cases} \frac{k}{x^2} & \frac{1}{x^2} & \text{als Korrespondenzfeldkomponenten, welche ponderomotorische Wirkungen verursachen und deren Potentiale die Komponenten von 'g sind. Zwar ist 'g gegen alle eineindeutigen regulären Transformationen invariant, doch kann dies nicht für die Kompogelten, weil es für jede Struktur die Transformation in ein Koordinatensystem geben muβ, in welchem Hinsichtlich der allgemeinen Transformationen haben also die Tensoreigenschaften, während die $\begin{Bmatrix} i \\ k 1 \end{Bmatrix}$ im allgemeinen nicht als gemischtvariante Tensorkomponenten dritten Grades angesprochen werden können. Aus dem Bau dieser {i } geht jedoch hervor, daß stets eine Invarianz gegen affine reguläre Transformationen mit konstanter orthogonaler oder unitärer Transformatormatrix vom quadratischen Typ (verschwindender Matrizendefekt) gegeben ist. In Bezug auf $\hat{A} \cdot \hat{A}^{\times} = \hat{E}$, also auch in Bezug auf und B verhalten sich also die { i } wie Tensorkomponenten. Es erscheint daher zweckmäßig ,

diese Komponenten gemäß ($\begin{cases} i \\ k 1 \end{cases}$)₄ = $\begin{cases} i \\ k 1 \end{cases}$ zu einem gemischtvari anten Pseudotensor dritten Grades zusammenzufassen, der sich nur gegen die Gruppe Å · Å = Ê wie ein echter Tensor verhält. Im Bildungsprinzip der Gleichung 71 wurde in f = g_{1k} · $x^{\frac{1}{2}}$ · $x^{\frac{1}{2}}$ die Kompensation von g_{1} tratz seiner Irrelevanz in der Metrik rück gängig gemacht. Wäre dies nicht geschehen, dann müßte g_{1} einer kovarianten Hermitezität genügen. Da aber zur Vervollständigung die antihermitesche Kompensation in der Metrik rückgängig gemacht wurde, und in den g_{1} die partiellen Differentiationen homogen linear sind, kommt es zur Spaltung g_{1} = g_{1} in Bezug auf die kovarianten Indizierungen. Wegen g_{1} = g_{1} und g_{2} = g_{2} in Bezug auf die kovarianten Indizierungen. Wegen g_{1} = g_{2} und g_{2} = g_{3} is g_{4} . Für das pseudotensorielle Korrespondenzfeld gilt also zusammengefaßt

Während die Komponenten von 2g in der Metrik grungsätzlich irrelevant bleiben, führen sie doch in {} zu einer kovarianten Antihermitezität. Diese { 1 } entstehen durch partielle Differentiationen g_{ik} , so daß zur Interpretation der eine solche von g notwendig wird. g + s kennzeichnet des metrische Feld des mesobarischen Korrelationsbereiches, der seinerseits eine Struktursyn thesis der beiden Somawelten R durchführt. Die sich in den enspielenden gravitativen , beziehungsweise elektromagnetischen Prozesse stehen, also durch denmit 'g + 'E metrisch anders strukturierten R_h im korrelativen Zusammenhang. Nach C II 1 geht aber jede ponderomotorische Wirkung auf eine gravitative Niveauflächendeformation zurück, welche ihre Ursache im Wirken eines Orthogonaltrajek torfeldes auf die gravitativen Feldlinien findet, welches als Mesofeld interpretiert werden konnte. Immer dann, wenn elektromagnetische Ursachen ponderomotorische Wirkungen zur Folge haben, muß es also zu gravitativen Niveauflächendeformationen gekommen sein, so daβ das Mesofeld $\overline{\mu}$ die Korrelation zwischen elektromagnetischen und gravitativen Wirkungen herzustellen scheint. Aus diesem Grunde

liegt es nahe, eine enge Verwandtschaft zwischen ${}^*\overline{g}$ des R_μ und $\overline{\mu}$ zu vermuten, zumal in ${}^{2}\overline{T}$ die Größe $\overline{\mu}$ überhaupt nicht frei auftritt, sondern nur im Zusammenhang mit g beziehungsweise \overline{r} des Gravitationsfeldes in Form von \overline{p} , so da β \overline{p} in $\overline{\tau}$ als ein durch $\overline{\mu}$ erweiterter Gravitationsfeldvektor im Dreidimensionalen auf gefaβt werden kann. Diese Korrelationswirkung des Mesofeldes, die in . 69 explizit zum Ausdruck kommt, hat jedoch nur speziellen Charakter. Unabhängig von der Ursache wird jede ponderomotorische Wirkung von einer gravitativen Niveauflächenasymmetrie und damit von einer Mesofeldinduktion bestimmt. Da andererseits alle Feldzustände eines Materiefeldquants durch das Mesofeld in einer Korrelation stehen und 2g als Struktur des mespharischen Korrelationsbereiches sämtliche Feldzustände und ihre Korrelationen impliziert, die in ihrer Gesamtheit das Matriefeldquant ausmachen, erscheint es zweckmäßig, 2g nicht nur als tensorielles Mesofeldpotential, sondern allgemeiner als das universelle Korrelationspotential zu bezeichnen, welches die stabile. Korrelation alle Feldzustände des Quants bestimmt. Die Folge von 2 g kann nach 71 die Korrespondenz $\ddot{x}^{\perp} = 0$ mit einem anderen Materie feldquant im Sinne eines ponderomotorischen Prozesses sein, der alleim bestimmt wird. Aus diesem Grunde erscheint der Pseudotenals ein Korrespondenzpotential des Materiefeldquants interpretierbar. Dies bedeutet aber, daß die differentielle homogenelinear re Anderung des raumzeitlichen Korrelationspetentials stets ein Korrespondenzpotential in nichtgeodätischen Koordinaten verursacht.

Da nach 71 die $\ddot{x}^{\underline{1}}$ stets ponderomotorische Beschleunigungen sind, müssen die stets den Komponenten ei- $\dot{\mathbf{x}}^{\perp}$ ner ponderomotorischen Kraft proportional sein. Wenn dies aber so ist dann $mu\beta$ das Wegintegral X1 · d x einer skelaren Energie proportional sein. Die einzige universelle skalare Energiegröße phänomenologischer Natur ist aber das Matrizenspektrum T = allgemeinen Energiedichtetensors 67 a. Hierbei nandelt es sich jedoch um eine räumliche Energiedichte, doch zeigt die Untersuchung, daβ auf jeden Fall ein funktioneller Zusammenhang der Form $\dot{\mathbf{x}}_{-}^{\mathbf{K}}$ $\dot{x}^{\perp} \cdot d x_{4}$ existierem muβ. Dies bedeutet aber nicht/enderes, als daß ein noch unbekannter Zusammenhang der Form

 $\left\{\right\} = \stackrel{\wedge}{F} \left(\stackrel{*}{T} \right) \qquad ... \qquad ...$

zwischen dem Korrespondenzpotential und dem phänomenologischen Energiedichtetensor 67 a besteht, dessen funktionelles Gesetz F die

gleichen pseudotensoriellen Eigenschaften wie {} hat. Das Ziel der folgenden Untersuchungen muβ es sein, den durch 72 angedeuteten Sachvergalt explizit darzustellen.

Mesobarische Statik stabiler Korrelationszustände.

Die in A VII 4 durchgeführte Analyse des durch $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ bestimmten Synkolationsbereiches R_4 gilt für alle Dimensionszählen $n \geq 4$, also auch für den zur Diskussion stehenden R_4 der Struktursynthesis zwischen den R_4 für n = 4. Diese Analysis muß zur Erweiterung der approximierten Mesofeldgleichungen 68 und 68 a angewendet werden. In den R_4 gilt stets $\overrightarrow{\text{div}}_4$ $\overrightarrow{\text{T}}_4$ $\overrightarrow{\text{T}}_4$ $\overrightarrow{\text{mit}}_4$ div $\overrightarrow{\text{T}}_4$ $\overrightarrow{$

liefert. Ist dieses Korrespondenzsystem konservativ in statisch stabilen Korrespondenzzuständen, dann kann es stets als ein statisch stabiles System innerer Korrelationen aufgefaßt werden, dessen gesamte Energiedichte durch $2T = \frac{n}{k-1}$ gegeben ist. Die Basis einer

Analyse stabiler Korrelationszustände im Rahmen einer mesobarischen Statik hat also vom Energieprinzip $\overline{\text{div}}_4$ $\overline{\textbf{T}}=\overline{\textbf{o}}$ im R_4 für $\overline{\textbf{g}}>\overline{\textbf{E}}$ auszugehen. Hierin spannen die $x_1=x^{\underline{\textbf{i}}}$ ein positiv orientiertes karthesisches Orthogonalsystem auf. Für $1\leq i\leq 3$ sind die x_1 sindeutig die reellen Koordinaten des R_3 , während x_4 noch unbe-

stimmt ist. Da die Koordinaten nicht generalisiert sind und auf jeden Fall $x_4 \sim t$ sein muß, kann der Faktor C = const. in $x_4 = 0$ die x_1 haben die Dimensionierung einer Länge. Weil in den x_1 die Zeitkoordinaten x_1 constant x_2 constant x_3 constant x_4 constant

gilt
$$\overline{0} = \overline{\text{div}_4}$$

*T = $\overline{\text{div}_4}$

o $\phi_3 - \phi_2 - \phi_1$
 $-\phi_3 \circ \phi_1 - \phi_2$
 $\phi_2 - \phi_1 \circ -\phi_3$
 $\phi_1 \phi_2 \phi_3 \circ \phi_1$

= rot $\overline{\phi}$ - $\rho \overline{\phi}/\rho x_4$ + \overline{e}_4 div $\overline{\phi}$, was nach Abspaltung der Zeit koordinate die beiden Gleichungen rot $\bar{\phi} = \partial \bar{\phi}/\partial x_4$ und div $\bar{\phi}=0$ mit $\overline{\phi} = \overline{p} \times (\overline{q}_+ - i \overline{q}_-)$ nach 67 b liefert. Führt man hierin die beiden reellen Vektoren $\overline{p} = \overline{p} \times \overline{q}$, und $\overline{Q} = \overline{p} \times \overline{q}$ ein, so wird mit $\overline{p} \times \overline{q}^{\times} = \overline{P} - i \overline{Q}$ die Spaltung in einen Real- und einen Imaginärteil möglich. Man erhält zunächst div P = o und div $\overline{Q} = 0$. Weiter wird mit $x_4 = (\gamma + i \mathcal{R})$ • t aus der Rotorbeziehung \overline{P} - i \overline{Q} = $(\gamma + i \mathcal{R})$ (rot \overline{P} - i rot \overline{Q}) = \overline{P} γ rot \overline{P} + γ rot \overline{Q} + i (γ rot \overline{P} - γ rot \overline{Q}) also $\overline{P} = \gamma$ rot $\overline{P} + \mathcal{R}$ rot $\overline{\mathbb{Q}}$ und $\overline{\mathbb{Q}} = \gamma$ rot $\overline{\mathbb{Q}} - \mathcal{R}$ rot $\overline{\mathbb{P}}$. Die beiden reellen Größen \overline{P} und $\overline{\mathbb{Q}}$ sind elektromagnetisch-gravitative Wirkungen, welche im R_4 fortschreiten, das heißt, für beide Größen muβ im R_{μ} das reelle Ausbreitungsgesetz di v_4 grad $_4$ ($\overline{P},\overline{Q}$)= \overline{o} gelten, was wegen der Realität und x4 = C t zur Wellengleichung - C · C^X div grad $(\overline{P}, \overline{Q}) = \frac{e^2}{6} / e^{t^2}$ $(\overline{P}, \overline{Q})$ führt, die demnach auch für die Summe und Differenz - C \cdot C \times div grad $(P \stackrel{t}{=} Q)$ = = $\rho^2/\rho t^2$ ($P \stackrel{+}{=} Q$) gelten mu β . Die Gleichungen für P und Q könnem zeitlich differenziert und die ersten partiellen Zeitableitungen mit

diesen Summen substituiert werden. Dies liefert $\overline{P} = \gamma$ rot \overline{P} + + \mathcal{R} rot \overline{Q} = γ rot $(\gamma \text{ rot } \overline{P} + \mathcal{R} \text{ rot } \overline{Q})$ + + $\hat{\mathcal{R}}$ rot $(\gamma \text{ rot } \overline{\mathbb{Q}} - \mathcal{R} \text{ rot } \overline{\mathbb{P}}) = \gamma^2 \text{ rot rot } \overline{\mathbb{P}} +$ + γ \mathcal{R} rot rot $\overline{\mathbb{Q}}$ + γ \mathcal{R} rot rot $\overline{\mathbb{Q}}$ - \mathcal{R}^2 rot rot $\overline{\mathbb{P}}$ = $(\mathcal{R}^2 - \gamma^2)$ div grad $\overline{\mathbb{P}}$ - 2 \mathcal{R} γ div grad $\overline{\mathbb{Q}}$ und $\overline{\mathbb{Q}} = \gamma$ rot $\overline{\mathbb{Q}} - \mathcal{R}$ rot $\overline{\mathbb{P}} = \gamma$ rot $(\gamma \text{ rot } \overline{\mathbb{Q}} - \mathcal{R} \text{ rot } \overline{\mathbb{P}}) - \mathcal{R}$ rot $(\gamma \text{ rot } \overline{\mathbb{P}} + \mathcal{R} \text{ rot } \overline{\mathbb{Q}}) = \gamma^2$ rot rot $\overline{\mathbb{Q}}$ -- γ / rot rot P - γ R rot rot P - x* rot rot Q = = ($\mathcal{R}^2 - \gamma^2$) div grad $\overline{Q} + 2 \gamma \mathcal{R}$ div grad \overline{P} , wenn rot rot = grad div - div grad und div P = div Q = o verwendet wird. Addition oder Subtraktion liefert P ± Q = = $(\mathcal{R}^2 - \gamma^2)$ div grad $(\overline{p} \pm \overline{Q}) \pm 2 \mathcal{R} \gamma$ div grad $(\overline{P} + \overline{Q})$ was mit $\overline{P} \stackrel{+}{=} \overline{Q} = -C C^{\times} \text{div grad } (\overline{P} \stackrel{+}{=} \overline{Q}) \text{ verglichen}$ $\stackrel{+}{=}$ 2 χ γ div grad $(\overline{P} + \overline{Q}) = (-C C^{K} + \gamma^{*} - \chi^{*})$. • div grad $(\overline{P} \stackrel{+}{=} \overline{Q}) = 2 \chi^2$ div grad $(\overline{P} \stackrel{+}{=} \overline{Q})$ oder \mathcal{R} div grad $(\overline{P} \stackrel{+}{=} \overline{Q}) = \overline{T} \quad \mathcal{E}$ div grad $(\overline{P} \stackrel{+}{=} \overline{Q})$ ist; denn wegen $C = \gamma + i \mathcal{R} \text{ ist } C C^{\times} = \gamma^2 + \mathcal{R}^* \cdot \text{Mit } \overline{p} \times \overline{q}_{+} =$ $= \overline{p} \times \overline{H} / \overline{\mu_0} \stackrel{!}{=} \overline{p} \times \overline{E} / \overline{\epsilon_0} \quad \text{wird } \overline{P} + \overline{Q} = 2 \overline{p} \times \overline{H} / \overline{\mu_0}$ und $\overline{P} - \overline{Q} = 2 \overline{p} \times \overline{E} \sqrt{\varepsilon_0}$. Damit wird $2 \times \sqrt{\mu_0}$ div grad. • $\overline{p} \times \overline{H} = -2 \gamma \sqrt{\epsilon_0}$ div grad $\overline{p} \times \overline{E}$ und $2 \Re \sqrt{\epsilon_0}$. • div grad $\overline{p} \times \overline{E} = 2 \gamma \sqrt{\mu_0}$ div grad $\overline{p} \times \overline{H}$ und Multiplikation beider Gleichungen miteinander ergibt 4 χ^2 $\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}$ • div grad $\bar{p} \times \bar{H}$ div grad $\bar{p} \times \bar{E} = -4 * * \sqrt{\epsilon_0 \mu_0}$ - div grad \overline{p} X \overline{R} div grad \overline{p} X \overline{E} und dies liefert nach Kürzung γ^* + χ^* = 0 oder γ = \pm i \mathcal{R} . Hiervon würde in $C = \gamma + i \mathcal{R}$ eingesetzt, der negative Zweig C = o ergeben, so daβ x4 überhaupt nicht definiert wäre. Übrig bleibt demnach $Y = i \mathcal{R}$, so da β $C = 2 i \mathcal{R}$ rein imaginar wird, was Gleichung 70 entspricht. Die aus $\overline{\text{div}_{\mu}}$ $\overline{\overline{\textbf{T}}}$ = $\overline{\textbf{o}}$ folgenden Beziehungen rot $\overline{\phi} = o\overline{\phi}/\rho x_4$ und div $\overline{\phi} = o$ ergeben mit $\overline{\phi} = \overline{P} - i \overline{Q}$ und $x_{l_1} = C t = 2 i \mathcal{R} t das System 2 \mathcal{R} rot <math>\overline{P} =$ = - \ddot{Q} , 2 χ rot \ddot{Q} = $\dot{\ddot{P}}$, div \ddot{Q} = div $\ddot{\ddot{P}}$ = 0 . Partiell Zeitdifferentiation und Substitution der ersten Zeitableitungen ersibt dann für \overline{P} und \overline{Q} die Wellengleichungen div grad $(\overline{P}, \overline{Q})$ = = $1/4 R^2$ $\rho^2/\rho t^2$ $(\overline{P}, \overline{Q})$, das heißt, im R_4 schreiten die elektrotagnetisch- gravitativen Feldwirkungen \overline{P} und $\overline{\mathbb{Q}}$ mit der Geschwinligkeit 2 % fort. Im R+4 ist nach A+ das Geschwindigkeétsiniervall o $\leq \beta_{+} < \infty$ unbegrenzt, während im R₄ nach \widehat{A} die

Begrenzung o < i β < 1 vorliegt. Die Wirkungen \overline{P} = \overline{p} \times \overline{q} , beziehungsweise \overline{Q} = \overline{p} \times \overline{q} bestehen aus einem gravitativen Anteil des R_{+4} und einem elektromagnetischen Anteil im R_{-4} , das heißt, die \overline{p} \times \overline{q} sind im R_4 definiert und müssen daher gegen \hat{B} = \hat{A} , \hat{A} invariant sein. Nach \hat{B} ist aber auch im R_4 das Geschwindigkeitsintervall wie im R_{-4} begrenzt, das heißt, wenn \overline{q} im R_{-4} mit i β = 1 fortschreitet, so kann \overline{p} \times \overline{q} im R_4 mit keiner anderen Geschwindigkeit als $2\mathcal{R}/c$ = 1, also $2\mathcal{R}$ = c < ω des R_{+4} fortschreiten. Mit $2\mathcal{R}$ = c ist also c c is also c c is also c c is c in c in

in der gleichen weise bestimmt ist, wie im R_4 , in Übereinstimmung mit B und dem Realitätsverbot Gleichung 70 . Nachdem in vorstehender Weise die Bedeutung von x_4 beziehungsweise x_-^4 des deutig ermittelt worden ist, besteht die Möglichkeit, die durch den R4 vermittelten Korrelationsprozesse zwischen den R4 schen Fall beim Fehlen einer Korrespondenz mit einem anderen gravitativ- materiellen Systemund im dynamischen Fall, also beim Vorhandensein einer solchen Korrespondenz in Form einer Wechselwirkung zu untersuchen. Zunächat werde die Korrelation im statischen Fall beschrieben. Eine solche Analyse des statischen Falls läuft auf eine Erweiterung der Beziehung $\overline{\text{div}}_4$ \overline{T} = $\overline{0}$ für $\overline{g} \rightarrow \overline{E}$ in einen R_4 mit \overline{g} $(x^{\frac{1}{2}})_1^4$ + \overline{g}^{\times} + \overline{E} hinaus. Die Bezeehung 73 bedeutet $R_4 = R_{4}$, wenn $\overline{g} = \overline{E}$ gilt, und dies wiederum hat $\overline{\text{div}_4} = \overline{\text{div}_4}$, also $\xi = \overline{\text{o}}$ im R₄ zur Folge, weil div_4 T = o ist. Damit haben aber die quadratischen Mesofeldgleichungen unabhängig von 68 a die partielle Integration $\overline{\text{div}_{4}}$ * $\overline{\text{T}}$ = $\overline{\text{o}}$ erfahren, während $\overline{\text{div}_{4}}$ $\overline{\text{div}_{4}}$ * $\overline{\text{T}}$ = $\overline{\text{o}}$ von zweiter Ordnung bleibt. Dies gilt jedoch nur approximativ, weil die stets euklidisch beziehungsweise pseudoeuklidisch sind und sich der R₄ nur im Fall der Feldfreiheit 2g = 2E mit dem R_4 deckt. Da im Fall der Feldfreiheit aber überhaupt kein Korrelationsproblem auftritt, ist dieser Fall nicht relevant; denn jede Art von raumzeitlichem Feldzustand verursacht ${}^2\overline{g}$ + ${}^2\overline{E}$ im R_4 , so daß $\overline{\text{div}_4}$ ${}^2\overline{T}$ = $\overline{0}$ auf jeden Fall durch eine 2 + 2 angepaβte Operatorbeziehung

zu ersetzen ist. Die Operatorsysnthesis würde für 'g = 'E zu dem eindeutigen Ausdruck $\overline{\text{div}_4}$ $\overline{T} = \overline{0}$ führen, doch ist hier $\overline{\text{div}_4}$ = s p $\int_{(-)}^{(6,6)}^{\pi} dx = \text{const. in Fall geodätischer Koor-}$ dinaten. Liegen diese geodätischen Koordinaten im R4 vor, so daβ al werden, was immer zulässig ist, so ergibt sich die Verallgemeinerung des Energieprinzips zu s p (6,6); $\overline{T} = \overline{0}$. Wegen der grund-(-) R₄ den Parameter geodätischer sätzlichen Möglichkeiten im Linien $\ddot{x}^{\underline{i}} + \begin{cases} \dot{i} \\ k \ 1 \end{cases} \dot{x}^{\underline{k}} \dot{x}^{\underline{l}} = 0$ durch die Zeit t zu ersetzen zeigt sich, daß die $\begin{Bmatrix} i \\ k l \end{Bmatrix}$ die nichtinvarianten Komponenten eines Korrespondenzfeldes vom invarianten Korrelationspotential 'g sind, welche gemäß $\ddot{x}^{\perp} = -\begin{cases} i \\ k \end{cases} \dot{x}^{\perp} \dot{x}^{\perp}$ zweifache zeitliche Ortsänderungen, also Beschleunigungen verursachen. Diese Beschleunigungen wiederum bewirken ponderomotorische Kräfte, die ein anderes gravitativ- materielles System im Sinne einer Korrespondenz beeinflussen. Die Quelle eines solchen Korrespondenzfeldes muß aber das im R4 gravitativ- materieller System beschreibendesTensorfeld T sein. Aus diesem Grunde mueta es ein Tensorfeld ${}^*\overline{F} \sim {}^*\overline{T}$ geben, welches gemäß ${}^{2}\overline{F} = {}^{2}\overline{F} (g_{kl}, \{kl\}, 0/0 x^{m}, \{kl\}, 1)$ nur von den g_{kl} , den $\{kl\}$ und deren ersten partiellen Ableitungen ab hängt, weil $\{kl\}$ das Korrespondenzpotential ist. Außerdem muß wegen $\{6,6\}$ s p $\{6,6\}$ $\{Tl\}$ und $\{Tl\}$ $\{Tl\}$ auch s p $\{6,6\}$ $\{Tl\}$ $\{Tl\}$ sein. Eindeutig kann es nach A VII 4 aber nur ein Tensorfeld, nämlich 'F = R - 1/2 'g R geben, welches diesen Anforderungen entspricht. Der statische Zustand eines Korrelationssystem, wird demnach durch die Verknüpfung *R - 1/2 * R ~ T beschrieben, worin das gravitativ materielle, also mesobarische System \overline{T} $(\overline{p},\overline{q}_+)$ durch ein Tensorfeld ausgedrückt wird, welches nur von dem als Mesofeld interpretierbaren Korrespondenzfeld abhängt. Wegen sp = 4 R_{4} und sp \overline{R} = R kann mit T = sp \overline{T} diese Verknüp fung auch in die Form $T \sim s p (^2 \overline{R} - 1/2 ^2 \overline{g} R) = -R$, ${}^{2}\overline{R} = \mathcal{R}$ (${}^{2}\overline{T} - 1/2$ ${}^{2}\overline{g}$ T) gebracht werden, wenn \mathcal{R} = const. der Proportionalitätsfaktor ist.

In diesem Zusammenhang sind die Komponenten von R die Komponenten der Spurbildung Rkl = Rm von 4R . Überhaupt sei der Tensor, der nach A VII 4 aus den Gemischtwarianten $\frac{\mathbf{k}^{\mathbf{i}}}{\mathbf{k} \cdot \mathbf{k} \cdot \mathbf{m}} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{i}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{i} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} - 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{i} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{l} \end{array} \right\} + \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{i} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} - \left[\begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right] = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} - \left[\begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right] = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} - \left[\begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right] = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} - \left[\begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right] = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot \mathbf{m} \end{array} \right\} = 0/0 \mathbf{x}^{\mathbf{m}} \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{k} \cdot$ - $\begin{Bmatrix} i \\ s m \end{Bmatrix}$ $\begin{Bmatrix} k \\ 1 \end{Bmatrix}$ besteht. Hierin ist eine Darstellung der Terme durch \int - Operatoren möglich, nämlich \emptyset/\emptyset $x^{\frac{1}{2}}$ $\begin{Bmatrix} i \\ k m \end{Bmatrix}$ - $\begin{Bmatrix} i \\ s m \end{Bmatrix}$ $\begin{Bmatrix} s \\ k 1 \end{Bmatrix}$ = $\begin{bmatrix} (1,6) \\ (-)1 \end{bmatrix}$ $\begin{Bmatrix} i \\ k m \end{Bmatrix}$ und - \emptyset/\emptyset $x^{\frac{m}{2}}$ $\begin{Bmatrix} i \\ k m \end{Bmatrix}$ + $\begin{Bmatrix} i \\ s 1 \end{Bmatrix}$ $\begin{Bmatrix} s \\ k m \end{Bmatrix}$ = - $\begin{bmatrix} (1,6) \\ (-)m \end{Bmatrix}$ $\begin{Bmatrix} i \\ k n \end{Bmatrix}$, also $R^{\frac{1}{2}}$, $R^{\frac{1}{2}}$ $R^{\frac{1$ lichung dieses Ausdruckes kann ein Komponentenaustauschoperator δ (1,m) mit der Eigenschaft δ (1,m); $A_1 = A_m$ definiert werden nach dessen Vorschrift der im Operator unterstrichene Index durch den anderen ersetzt wird. Demit wird $\begin{cases} i \\ k m \end{cases} = \delta \left(\frac{1}{1}, m \right)$; $\begin{cases} i \\ k 1 \end{cases}$ $\begin{bmatrix}
 (1,6) \\
 (-)1
 \end{bmatrix}
 ;
 \begin{cases}
 i \\
 k m
 \end{bmatrix}
 =
 (
 \begin{bmatrix}
 (1,6) \\
 (-)1
 \end{bmatrix}
 ;
 \delta(\underline{1},m))
 ;
 \begin{cases}
 i \\
 k 1
 \end{bmatrix}$ was zu der Vereinheitlichung $R^{\frac{1}{2}} = ((1,6) + \delta (1,m) - klm + (-)1 + \delta (1,m) - klm + (-)1 +$ - $\begin{bmatrix} (1,6) \\ (-)m \end{bmatrix}$; $\begin{Bmatrix} i \\ k 1 \end{Bmatrix}$ = C_m ; $\begin{Bmatrix} i \\ k 1 \end{Bmatrix}$ mit dem Operator C_m = $\lceil (1,6) \rceil$; $\delta (\underline{1},m) - \lceil (1,6) \rceil$ führt. Die C_m können dabei als Komponenten eines den Tensorgrad erweiternden Operators mit kovarianter Doublettsignatur aufgefaβt werden. Auch besteht die Möglichkeit die 43 = 64 Korrespondenz- oder Mesofeldkomponenten $\{i\}$ formal zu einer Feldgröße $\{i\}$ = $\{i\}$)4 zusammenzufassen, welche das Korrespondenzpotential beschreibt. Aber im allgemeinen hat dies nach 71 a weder Matrix- noch Tensoreigenschaften. Nur gegen reguläre Affinitäten mit unitärer oder orthogonaler Transformationsmatrize wird { zu einem Tensorfeld 3. Grades. Mit C und $\{\}$ können die R $\frac{i}{k}$ = C_m; $\{k\}$ zum Tensorschema $\frac{4}{R}$ = C; $\{\}$ zusammengefaßt werden. Hierfür gibt es zwei Möglichkeiten der Spurbildung, nämlich spC; $\{\}$ und C; sp $\{\}$

für deren Komponenten die Summenderstellung C_m; { m } = R_{kl} und C_m ; $\begin{Bmatrix} k \\ k 1 \end{Bmatrix}$ = A_1 , k mit A_2 = A_2 nach A VII 4 gelten. Für ${}^*\overline{B}$ aus A VII 4 folgt ganz analog ${}^B_{km} = {}^C_m$; ${}^1_{k}$ also ${}^*\overline{B} = {}^C$; s p * im Gegensatz zu ${}^*\overline{A} = {}^C$; s p * und ${}^*\overline{R} = {}^S$ p C ; während s p C; * ist. Für die Spuren von ${}^4\overline{R}$ hat man demnach $\overline{R} = sp C$; $\begin{cases} \begin{cases} \\ \\ \end{cases} \end{cases}$ und $\overline{A} = C$; $sp \end{cases}$ ziehungsweise $\overline{B} = C$; s p $\{\}$ und diese Darstellung der metrischen Größen lautet, zusammengefaßt R = C; $\{\}$, R = spC; $\{\}$, A = C; $sp\{\}$, $C = \underbrace{\begin{matrix} 4 \\ \\ \\ \\ \\ \\ \end{matrix}} \quad C_m \quad C_m = \begin{matrix} (1,6) \\ \\ \\ \end{matrix} \quad \vdots \quad \delta \quad (\underline{1},m) = \begin{matrix} (1,6) \\ \\ \\ \end{matrix} \quad \vdots \quad (-)m \end{matrix}$ $\delta \quad (\underline{1}, \mathbf{m}) \quad ; \quad \mathbf{A}_{\underline{1}} = \mathbf{A}_{\underline{m}} \quad ; \quad \overline{\mathbf{B}} = \mathbf{C} \quad ; \quad \mathbf{S} \quad \mathbf{P} \quad \begin{cases} \wedge \times \\ & & \end{cases}$ Mit diesen Beziehungen wird es also möglich in der Erweiterung *R = (*T - 1/2 *g T) mit T = sp *T des Energieprinzips $\overline{T} = \overline{0}$ des statischen Falles der Korrelation, die linke Seite durch einen auf das Korrespondenzfeld einwirkenden Opera tor, gemäß s p C ; $\{\}$ = \mathcal{H} (\overline{T} - 1/2 \overline{g} · T) auszudrükken, der seinerseits aber wieder von $\{\frac{1}{k}1\}$ abhängt. Sind die A_m Komponenten eines kovarianten Vektorfeldes, welches so beschaffen ist, $da\beta$ die kontrahierende Operation A_m zu invarianten, also tensoriellen Eigenschaften führt, so können die Summen Am als Komponenten eines Tensorfeldes A faßt werden. Schließlich besteht noch die Möglichkeit von $\{\}$ die Spuren zu bilden. Die Komponenten der beiden moglichen Spurbildungen s p $\left\{\right\}$ sind dann die Summen $\left\{\begin{array}{c}k\\k\end{array}\right\}$ beziehungsweise $\left\{\begin{array}{c}1\\k\end{array}\right\}$ Man erhält (s p $\left\{\begin{array}{c}k\\k\end{array}\right\}$) = $\left\{\begin{array}{c}k\\k\end{array}\right\}$ \pm $\left\{\begin{array}{c}k\\k\end{array}\right\}$, weil nach A VII sind diese hermiteschen Anteile aber euklidische Gradientenkomponenten, wenn = o ist, so daβ sich $s p \left\{ \right\}_{\bullet} = grad_{4} l n w_{+} ergibt_{\bullet} Einige analytische Eigenschaften$

des Korrespondenzseldes sind demnach zusammengefaßt im

$$A_{m} \left\{ {m \atop k l} \right\} = \left(\overline{A} \left\{ \right\} \right)_{kl}, \quad \text{sp} \left\{ \right\}_{+} =$$

 $= \operatorname{grad}_{4} \operatorname{ln}_{4} \cdots 74a$

und mit diesen Beziehungen kann versucht werden, das statische mesoba rische Gesetz s p C ; \Re = \Re (* \overline{T} - 1/2 * \overline{g} T) weiter zu analysieren. Ausgangspunkt dieser teils strukturellen, teils phänomenologischen Beziehung war das Energieprinzip s p (6,6); $\overline{T} = \overline{0}$ $\mathbf{R}_{\!_{\mathbf{4}}}$. Der Energiedichtetensor ist dabei sowohl im $\mathbf{\hat{R}}_{\!_{\mathbf{44}}}$ als auch im R₄ definiert, doch kann niemals $\xi_+ + - \xi_- = \bar{0}$ exakt durch eine Anpassung im Sinne $\eta_{-4} = x_4$ und $\eta_{+4} = -4/3$ den R₄ erreicht werden; denn div₄ = div₄ ist nur im Fall $x_1 = x^{\frac{1}{2}}$ für g = E gültig. Wäre dies für den R_4 erfüllt, dann müßte allerdings die zeitliche Ränderung von *M(+1.+2) aus 55 den Faktor 3/4i erhalten und dies würde die Komponenten aus 67 a und 67 b ändern. Tatsächlich ist aber, wenn überhaupt ein Feldzu stand vorliegt, g + E und daher $x_1 + x^2$, also sp (6,6) + $\frac{1}{\sqrt{div_4}} = \overline{div_{-4}}$, so daß in sp $\sqrt{(6,6)}$; $\overline{T} = \overline{0}$ und daher in sp C; $\{ = \mathcal{R} \mid (= 1/2) = \mathbb{F} \cdot \mathbb{T} \}$, der durch 67 a und 67 b beschriebene Tensor ohne Korrektur verwendet werden derf. Wegen sp ${}^{2}\overline{T}_{-}$ = o ist T = s p ${}^{2}\overline{T}_{+}$. Werden in ${}^{2}\overline{W}$ = \mathcal{R} (\overline{T} - 1/2 \overline{g} · T) die Komponenten aus 67 a und 67 eingesetzt, dann zeigt sich, daß jede Komponente Wik aus einer Summe besteht, deren Summanden G(m)ik sich in der Natur (m) ihrer qua iratischen Glieder wesentlich unterscheiden. So seien in G(1)ik alle Produkte elektromagnetischer Größen E_i E_k , H_i . H_k i · Hk , aber in G(2)ik gravitativelektrische Terme wie Pi md in G(3)ik die Produkte gravitativ-magnetischer Terme usammengefaβt, während G(4)ik die gravitativen quadratischen Terle p_i p_k enthalten soll. Bei dieser Darstellung zeigt sich, daβ die tomponenten von 2T nur zu m = 2 und m = 3 beitragen, wähend m = 1 und m = 4 allein von \overline{T}_{+} gestellt wird. Die Basis

der Untersuchung 74 und 74 a wird also ergänzt durch sp C; $\{\}$ = \mathcal{R} (\overline{T} - 1/2 \overline{g} · T) = $\left[\begin{array}{c} 4 \\ \overline{m=1} \end{array}\right]$ G(m)ik $\left[\begin{array}{c} 4 \\ \end{array}\right]$ $\mathcal{R} = \text{const}, T = \text{sp}^*\overline{T}, m = 2 = (\overline{E}, \overline{H}),$ $m = 2 = (\overline{p}, \overline{E}), m = 3 = (\overline{p}, \overline{H}), m = 4 = (\overline{p}, \overline{p}), \dots$ wobwi die Festlegung der Indizierungsfolge m willkürlich ist. Da s p C; $\{k\}$ in der Komponentenform zu einer viergliedrigen Summe C_m ; $\{k\}$ wird, und hierfür nach 74 b die Darstellungsweise C_m ; $\{k\}$ = $\{k\}$ $\{k\}$ $\{k\}$ = $\{d\}$ $\{d\}$ den, die Indexfolge j so zu ordnen, daβ für jeden Wert j = m gilt. Diese Anordnung ist grundsätzlich möglich. Kennzeichnet A(m) · B(m) den Summanden m aus der Summe $A_{\underline{i}}$. $B^{\underline{i}}$, dann hat diese Ordnung $\underset{m=1}{\overset{4}{\leq}} \cdot (C_{(m)} ; {\binom{m}{k}} - G_{(m)kl}) = 0 \text{ und}$ der Indizierungen damit jedes Indexpaar (k,1) die 1 🛓 m 🚣 4 Beziehungen ${m \choose k 1} = G_{m)kl}$ zur Folge. Nach Gleichung 72 ist aber T sowie \overline{T} unmittelbar durch $\begin{cases} \\ \\ \\ \\ \\ \end{aligned}$ darstellbar und es muß auf jeden Fall mit dem Volumenelement d $\begin{cases} \\ \\ \\ \end{aligned}$ w $\cdot \frac{4}{\frac{11}{1-x}}$ d $x^{\frac{k}{2}}$ des R_4 (hier ist $w^2 = |g|$) die Wirkungsquantisierung $\int 2 \overline{T} \cdot d\Omega =$ = ich n wegen 73 gelten. Diese Quantisierung muβ aber auch im mikromarenBereich die $G_{(m)kl}$ in der Form $\int G_{(m)kl}$ d Ω ~ \sim ich $n_{(m)kl}$ bestimmen, weil diese Größen Energiedichten proporti onal sind. 'n enthält dabei alle ganzen Quantenzahlen n(m)kl $n_{\mathbf{k}\mathbf{l}}$. Hierin mu β geschlossen werden, da β die makromare Beziehung 74 b nach dem Korrespondenzprinzip eine Fortsetzung in den mikromaren Bereich hat. Auch muβ wegen 72 im Gültigkeitsbereich dieser mikromaren Quantenstufen der phänomenologische Anteil *W durch ausdrückbar sein. Demnach würde sich die Operatorbeziehung s p C; $(\hat{\beta})$ ergeben, und dies läßt $\hat{\beta}$ als Zustandsfunktion erscheinen. Wenn für $\hat{\beta}$ und s p C also ein abstrakter Funktionenraum existiert, dann muβ s p C ein Zustandsoperator der quanti sierten Zustandsfunktion 🧗 sein, dessen Einwirkung ein Eigenwertproblem beschreibt, Die Eigenwerte müssen dann als diskrete Quantenstufen stufen in einem Punktspektrum liegen. Da solche Quantenstufen wegen der Energiequantisierung von \overline{W} und der $G_{(m)kl}$ auf jeden Fall existieren müssen, ist zunächst festzustellen, ob in sp C; die Konvergenzeigenschaften einer quantisierten Zustandsfunktion hat.

In $J = \int_{\mathbb{R}} w \left\{ \right\} \cdot \left\{ \right\}^{\times} \cdot \left\{ \right\}^{\times} \cdot \left\{ \right\}^{\times} = \left\{ x \right\} \cdot \left\{ \right\}^{\times} \cdot \left\{ \right\}^{\times} \cdot \left\{ x \right\} \cdot \left\{ x \right\}$

= $g^{\underline{i}\underline{p}}$ · $g^{\underline{i}\underline{q}}$ · $g^{\underline{k}\underline{r}}$ · $\{pkl\}$ · $\{qri\}$, während w die Funktienaldeterminante der Transformation geodätischer Koordinaten in die $x^{\underline{k}}$ ist. Damit zerfällt aber der Integrand in g Sechsfachsummen der Form w $g^{\underline{i}\underline{k}}$ · $g^{\underline{q}\underline{l}}$ · $g^{\underline{k}\underline{r}}$ · $g^{\underline{l}}$ · $g^{\underline{k}\underline{r}}$ · $g^{\underline{l}}$ · $g^{\underline{k}\underline{r}}$ · $g^{\underline{l}}$ · $g^{\underline{l}}$

diese Summen gilt nach den Regeln der Determinantentheorie stets

 $\int_{\mu} w \cdot g^{\underline{i}\underline{p}} \cdot g^{\underline{q}\underline{l}} \cdot g^{\underline{k}\underline{r}} \cdot \partial/\partial x^{\underline{l}} g_{\underline{k}\underline{p}} \cdot \partial/\partial x^{\underline{r}} g_{\underline{q}\underline{i}}$

• $\frac{4}{J}$ d $x^{\frac{1}{2}}$ < ∞ , so daß also auch J < ∞ beschränkt bleibt.

Dies bedeutet aber , daß immer die Möglichkeit der Normierung A J = 1 gegeben ist, so daß sich $\{\}$ als konvergent erweist. Wegen dieser Konvergenz ist aber $\{\}$ in s p C; $\{\}$ tatsächlich als eine Zustandsfunktion auffaßbar, wenn sich C in seiner Skælarwirkung als hermitesch erweist. Die makromaren Größen $G_{(m)}$ kl = $C_{(m)}$; $\{m\}$

müssen dabei so durch $\begin{cases} \begin{cases} \text{(m)} \\ \text{k 1} \end{cases} \end{cases}$ ausgedrückt werden, daß $0 = \begin{cases} \text{(m)} \\ \text{k 1} \end{cases}$ $C_{(m)}$; $\begin{cases} \binom{(m)}{k} \\ \text{k 1} \end{cases} - \begin{cases} \binom{(m)}{k} \\ \text{k 1} \end{cases} \cdot (C_{(m)}; \begin{cases} \binom{(m)}{k} \\ \text{k 1} \end{cases})^{\times}$

 $\cdot \underset{j=1}{\overset{4}{\coprod}} d x^{\underline{j}} = \int_{\Omega} w \left(\begin{Bmatrix} \binom{m}{k} \end{Bmatrix}^{\chi} \cdot G_{(m)kl} - \begin{Bmatrix} \binom{m}{k} \end{Bmatrix} G_{(m)kl}^{\chi} \right) .$

t d x d erfüllt ist. Diese hierfür notwendige Symmetrie des

Integranden $\binom{m}{1}^{\times}$ · $G_{(m)kl}$ = $\binom{m}{k}$ · $G_{(m)lk}$ kann aber nur erreicht werden, wenn die $G_{(m)kl}$ als Proportionalitäten $G_{(m)kl}$ = λ (m) (kl) · $\binom{m}{k}$ mit λ = λ m durch $\binom{m}{k}$ ausgedrückt werden, weil dann die Produkte im Integranden kommutieren. Einsetzen dieser Darstellung der $G_{(m)kl}$ in $G_{(m)}$; $\binom{m}{k}$ = $G_{(m)kl}$ liefert dann tatsächlich ein Eigenwertproblem $G_{(m)}$; $\binom{m}{k}$ = $G_{(m)kl}$

= $\lambda_{(m)}$ (k,1) \cdot {m} für welches ein abstrakter funktionenraum existiert (dessen Trägerraum der R_4 ist) und dessen figenwerte als

reelle Größen ein diskretes Punktspektrum bilden. Dieses Eigenwertproblem entstand durch die eindeutige Anpassung der G(m)kl an die durch die Energiequantisierung bestimmte Hermitizitätsforderung von C (Skalarwirkung), weil { konvergent ist. Summation längs 1 < m < 4 liefert C_m ; ${m \brace k 1} = \lambda_m$ $(k,1) \cdot {m \brack k 1} = (\bar{\lambda} \cdot {n \brack k})_{kl}$, was mit C_m ; ${m \brack k 1}_{\Lambda} = (s p C ; {n \brack k})_{kl}$ verglichen zur Tensor fassung sp C; $\{\} = \overline{\lambda} \cdot \hat{\}}$ mit $\overline{\lambda} = \overline{\lambda}^{\times}$ führt. In dieser Form ist das Prinzip 74 b in eine Fassung gebracht worden, die einerseits dem Quantenprinzip Rechnung trägt (durch das vektorielle Eigenwertspektrum $\bar{\lambda}$) und andererseits keinen phänomenologischen Anteil mehr enthält. In s p C ; $\hat{\chi} = \bar{\lambda} \cdot \hat{\chi}$ liegt ohne Zweifel ein Matrizenspektrum vor, so daß eine noch universellere Fassung existieren mu β . Da $\bar{\lambda}$ · $\hat{\beta}$ = sp $(\bar{\lambda} \times \{\hat{j}\})$ ist, folgt C; $\{ \}$ - $\overline{\lambda} \times \{ \}$) = \overline{o} oder C; $\{ \}$
bedingt mit sp \overline{Q} = \overline{o} . Die Darstellung = 'W ist die mikromare Fortsetzung der makromaren Energiedichte $^2\overline{W} = \mathcal{R}$ ($^2\overline{T} - 1/2$ $^2\overline{g} \cdot T$) und ihre Darstellung durch das Korrespondenzpotential. Aus diesem Grunde stehen die 👼 im Zusammenhang mit Energiestufen, so daß immer $\int \bar{\lambda} \cdot \hat{\beta} \hat{\zeta}$ · d Ω = $\bar{\lambda} \times \hat{\{}\} \cdot d \Lambda \sim ich *\bar{n} = ich sp$ also $\int \bar{\lambda} \times \hat{\beta} d \Lambda \sim 4\bar{n}$ gelten muß, wenn $4\bar{n}$ in seinen Komponenten die Quantenzahlen enthält. Da dieses Quantisierungsprinzip aber mit 40 + 40 auf keinen Fall verträglich ist, weil eine Zahlentheoratische Funktion ganzzahliger Indizes (Quantenzahlen) ist, mu β 4 \overline{Q} = 4 \overline{o} sein. Damit erscheint das dem Matrizenspektrum übergeordnete Eigenwertproblem im 4. Tensorgrad in der Form C ; $\{\}$ = $\bar{\lambda}$ × $\{\}$. Da hierin C hermitesch, $\hat{\lambda}$ konvergent und $\hat{\lambda} = \hat{\lambda}^{\times}$ ist, beschreibt diese tensorielle Operatorgleichung diskrete Quantenzustände. Es handelt sch dabei aber nicht um die Zustände phänomenologischer Terme, sondern um die Quantenterme von Strukturstufen des R_{μ} , weil die Eigenfunkti-Strukturfunktionen (vom Fundamentaltensor abhängt) und der Zustandsoperator ebenfalls nur von Strukturgrößen des Ru abhängt. ist also der Zustandsoperator eines raumzeitlichen Strukturzustandes, dessen Eigenfunktionen die als Korrespondenzpotential des Mesofeldes interpretierbaren Strukturfunktionen sind. Demzufolge

sind die im diskreten vektoriellen Punktspektrum liegenden Struktur stufen 🚶 als Eigenwerte des raumzeitlichen Strukturzustandes auch als quantenhafte stabile Korrelationszustände, also als stationäre Mesofeldzustände interprätierbar, welche wegen des energetischen Charakters des Energiezustände dieses Mesofeldes schlechthin sind. Da andererseits aufgrund der phänomenologi schen Untersuchung die Feldmasse des Mesofeldes das positive Gegenstück zur negativen Gravitationsfeldmasse ist, so daß der Bau und die innere Korrelation jedes Materiefeldquants durch das Mesofeld bestimmt wird und da weiter jede Korrespondenz beschrieben durch x≟ im statischen Fall zur inneren Korrelation wird, beschreibt das Korres pondenzpotential den Verlauf des Mesofeldes als Korrelationszustand im statischen und als Korrespondenzzustand im dynamischen Fall. Die Strukturstufen λ sind also als quantenhafte Mesofeldniveaus der allgemeinen Feldenergieverteilung mit der Feldmassendichte fassen, deren verschiedene Strukturierungen nach 68 Feldzustand und jede Feldkorrelation beschreiben. Mithin kennzeichnet stets die Existenz eines Materiefeldquants, welches somit immer als statisch stabile Korrelation verschiedener diskreter raumzeitlicher Strukturzustände des Ru sen ist. Wegen C; = 4 R ist für alle λ_{m} + o auch stets $^{4}\overline{0}$, was makromar $^{4}\overline{R}$ $^{4}\overline{0}$ bedeutet. Nur für λ_{m} = 0 wird demnach $\frac{4R}{R} = \frac{45}{5}$. Nun ist $\frac{4R}{R}$ ein Maß für die metrischen Eigenschaften des betreffenden Raumes. Andererseits sind die werte stationärer Mesofeldzustände und das Verhalten von 47 hängt dem nach nur von diesen Mesofeldzuständen ab. Immer dann, wenn solche Mesofeldzustände λ_m + o vorhanden sind und wenn nach Gleichung 74b demzufolge Materiefeldquanten existieren, weicht das metrische Verhalten des R4, also der Somawelt, vom euklidischen Raumzeitbereich in # 40 ab. Erst dann, wenn diese Materiefeldquanten und damit die ihnen allen gemeinsamen Mesofeldzustände wird die Somawelt des Korrelationsbereiches, gemäβ ⁴R euklidisch, so da β die Ursache des nichteuklidischen Verhaltens des mit der Eigenschaft 'g + 'g X auf die Existenz stationärer Mesofeldzustände zurückgeht, was sich mit der Interpretation von 'g als tensorielles Korrelationspotential des Mesofeldes als Korrespondenzfeldpotential der mesobarischen Wechselwirkung deckt.

wobei die erste Beziehung alle überhaupt möglichen diskreten raumzeitlichen Strukturzustände der Somawelt beschreibt, welche als statisch stabile mesobarische Korrelationszustände verschiedener Strukturstufen jedes Materiefeldquants beschreiben. Die Lage der $\overline{\lambda}$ $\neq \overline{0}$ im diskreten Punktspektrum $\overline{\lambda} = \overline{\lambda}^{\prime}$ sowie die energetische Interpretation der Strukturstufen als korrelative Mesofeldzustände ist eine Folge von s p $\mathbf{0}$; $\mathbf{0}$, während die beiden übrigen Matrizenspektren zu der nicht quantismerten Zusatzbedingung s p $\mathbf{0}$ $\mathbf{0}$

ein abstrakter Funktionenraum und dies bedeutet, daß wegen der Normierbarkeit A J = 1 der Integrand A $\{\}$ • $\{\}^{\times}$ als die raumzeitliche Dichte einer metrischen Strukturwahrscheinlichkeit interpretiert werden kann. Diese Interpretation besagt aber, daß A · β · β · γ γ ein Maß für die jenige Wahrscheinlichkeit ist, mit welcher der metrische Bau des R4 von derjenigen Struktur abweicht, für welche die zugrundegelegten Koordinaten geodätisch sind; denn für die Geodäsie gilt = 0, so daβ hier die Wahrscheinlichkeitsdichte verschwindet. Da 75 a von 75 erfüllt wird und die Z im diskteten Punktspektrum liegen, gilt für die Spektralterme $\bar{\lambda}_n$ (wenn 'n den Term kennzeichnet) zu denen als Lösungen des Eigenwertproblems die Eigenfunktionen 👸 n gehören. Mit der Wahrscheinlichkeitsinterprätation muβ dann die Wahrscheinlichkeitsdichte für den Term n des Eigenwertspektrums angeben, sodaß $\widetilde{\overline{\lambda}} = A \quad \stackrel{\checkmark}{\underset{n}{\longrightarrow}} \int_{\mathbb{R}} W \quad \left\{ \right\}_{n} \quad \overline{\lambda}_{n} \times \left\{ \right\}_{n}^{\uparrow} \quad \cdot \quad \frac{4}{k-1} \quad d \quad x^{\underline{k}} \quad ,$ $c : \{\}_n = \bar{\lambda}_n \times \{\}_n$

den phänomenologisch makromar erscheinenden Zustand des Systems n be schreibt, der also durch den wahrscheinlichsten Eigenwert bestimmt wird Der Übergang von den mikromaren Strukturstufen zum makromaren Kontinuum des Korrespondenzfeldes erfolgt nach dem Prinzip durchgängiger Korrespondenz zwischen mikromaren und makromaren Bereichen durch die nichtmehr normierbare Divergenz $J \longrightarrow \infty$. Demnach wird das makromare Feldkontinuum nur durch die Limesrelationen

approximative recicht. Die letzte Beziehung wiederum ist iden - tisch mit ${}^2\bar{R}$ - 1/2 ${}^2\bar{g}$ · R \sim ${}^2\bar{T}$, was zum Energieprinzip s p $\Gamma^{(6,6)}$; ${}^2\bar{T}$ = \bar{o} im R_4 , also zum Ausgangspunkt der mesobatischen Statik stabiler Korrelationszustände zurückführt. Mithin ist 75 eine völlig universelle Beschreibung aller statischen Strukturkorrelationen, welche im R_4 möglich sind und zwar sowohl im miktomaren als auch im makromaren Bereich.

4.) Korrespondenzdynamik und Metastatik.

Sind zwei mesobarische, das heißt materiell-gravitative Systeme in Form von zwei Materiefeldquanten a und a = b gegeben, so gelt ten im ungestörten Fall s p C; $\{\}$ = $\bar{\lambda}$ $\{\}$ beziehungsweise s p \bar{C} ; $\{\}$ = $\bar{\lambda}$ $\{\}$ wenn a und b nicht in irgendeine Wechselwirkung miteinander treten. Liegt dagegen eine Korrespondenz zwischen beiden Systemen über eine Strecke des Rz vor, so kann das Matrizenspektrum der Eigenwertgleichung 75 nicht mehr gelten; denn diese Gleichung bezeichnet die statisch stabile Korrelation, die aber im Korrespondenzfall für beide Systeme gestört wird. Die statischen Mesofeldzustände versuchen demnach als Folge der Korrespondenz durch dynamische Übergänge andere statisch stabile Zustände zu erreichen. Während dieses dynamischen Überganges beim Einsetzen der Korrespondenz kann also das statische Energieprinzip s p $\Gamma^{(6,6)}$; $\overline{T} = \overline{0}$ nicht mehr gelten, vielmehr ist s p $\Gamma^{(6,6)}$; $\overline{T} = \overline{0}$ nuch damit mehr gelten, vielmehr ist s p ist ein Vergleich von 2T mit 2R - 1/2 2g . R nicht mehr möglich, zumal 2T nur auf ein mesobarisches System bei statisch stabiler Korrelation bezogen ist. Der Energiedichtetensor des gesamten Korrespondenzsystems *Q setzt sich offenbar aus den Energiedichtetensoren von a und b, nämlich $\overline{T}(a,a)$ und $\overline{T}(b,b)$, sowie beiden Wechselwirkungsenergien $\overline{T}(a,b)$ von a nach b und $\overline{T}(b,a)$ b nach a, gemäß $\overline{Q} = \overline{T}(a,a) + \overline{T}(a,b) + \overline{T}(b,a) + \overline{T}(b,b)$ zusammen. Entsprechend der Divergenzentwicklung muβ auf diesen Energie dichtetensor eine Vektordivergenz einwirken, so daß ein vom Nullvektor

verschiedener, aber dimergenzfreier Vektor entsteht. Die Verallgemeine rung der Vektordivergenz im Korrelationsbereich ist aber jeweils die Matrizenspur eines / -Operators. Es kann sich bei diesen ratoren, wegen des zweiten Grades des kovarianten Energiedichtetensors r(ε, χ) nur um die kovariante Form der Doublettsignatur 1 \(\varepsilon \), \(\chi \) \(\lambda \) 6 handeln. Hierbei ist allerdings zu berücksichtigen daβ die / - Operatoren sowohl auf a als auch auf b bezogen werden können; denn mit Ausnahme der Signatur (6,6) werden diese Operatoren wesentlich durch die Komponenten von { beziehungsweise } bestimmt, Demzufolge sind zwei Serien won Operatoren, nämlich $\frac{\Gamma(\varepsilon, \chi)}{\Gamma(-)}$ bezogen auf b = a zu unterscheibezogen auf a und den. Die Einwirkung ihrer Spurbildungen auf 2Q muβ ponderomotorische Kraftdichten ξ is an ξ in ξ in trizen dieser beiden Gleichungen können auf zweireihige reduziert werden; denn die Signaturen $3 \leq \sigma \leq 6$ können als spezielle Sonderfälle der Signaturen 1 und 2 aufgefaβt werden. So ergibt sich σ = 3 aus $\sigma = 1$ oder $\sigma = 2$ für $\begin{Bmatrix} i \\ k \end{Bmatrix} = 0$ und $\sigma = 4$ beziehungsweise $\sigma = 5$ aus $\sigma = 1$, beziehungsweise $\sigma = 2$ für $\begin{Bmatrix} 1 \\ k 1 \end{Bmatrix} + 0$ und $\sigma = 6$ folgt aus $\sigma = 1$ oder $\sigma = 2$ für $\{i\} = 0$. Die Systeme werden demnach reduziert auf $\{s \in \mathbb{Z}, \mathcal{E}^*\}$ $\{i\} = 0$. Die $\{i\} = 0$. sind darin ponderomotorische Wirkungen auf \underline{a} und $\overline{\xi}$ solche auf ξ , a, welche durch die Korrespondenz beider Systeme zustande kommen. Hinsichtlich des Feldes von a müssen demnach die quellenfrei sein und umgekehrt. Die Skalardivergenzen im R4 werden aber durch die Singulettoperatoren s p $\Gamma(\sigma)$ ausgedrückt, wo wiederum die Signaturen $3 \le \sigma \le 6$ Sonderfalle von 1 und 2 sind. Auch

kommt nur die kovariente Wirkungsweise in Betracht. Demnach gelten die Divergenzfreiheiten s p (Γ (1) , Γ (2) ; ($\overline{\xi}$) 2 = 0 und s p (Γ (1) , Γ (2) ; ($\overline{\xi}$) 2 = 0 verden die Operatoren zu Γ (+) = s p (Γ (1) , Γ (2) ; (s p Γ (-)) 2 und $M_{(-)} = s p \left(\frac{\Gamma(1)}{\Gamma(-)} , \frac{\Gamma(2)}{\Gamma(-)} \right) ; (s p \Gamma(\varepsilon, \mathcal{R}))_2 zusam$ mengefaßt, so gelten für die beiden Wechselwirkungsgesetze $M_{(+)}$; $\overline{Q}=0$, durch welche die mesobarische Erweiterung des dynamischen Falles der approximativen Gleichung 68 teilweise erreicht worden ist. Da weiter die Operatordarstellung 'R = s p C ; {} und $R = sp {}^{\sharp}\overline{R} =$ s p (sp C; {}) dieser Größen durch den Operator C möglich ist und C beziehungsweise C die Zustandsoperatoren der Felder a und a sind, deren Mesofelder durch 'g und 'g beschrieben werden, kann das Gesetz $\mathcal{R}^{2}\overline{T} = ^{2}\overline{R} - 1/2 ^{2}\overline{g} \cdot R = s p C ;$ 1/2 2 g s p (s p C ; $\{\}$) = (s p C -1/2 2 g• s p (s p C)); $\{$ für die einzelnen Anteile von ${}^*\overline{Q}$ Anwendung finden, doch sind diese Anteile wegen der Wechselwirkung dann nicht mehr quellenfrei hinsichtlich s p (66) . Für die Felder a und a folgt dann s p C; $\{\}$ = \mathcal{R} $(\overline{T}_{(a,a)} - 1/2 \overline{g} T_{(a,a)})$ oder s p (spc; $\{\}$) = - $\Re T_{(a,a)}$, weil immer sp \overline{g} = = s p \overline{g} = 4 im R_4 ist. Daraus folgt aber \mathcal{R} \overline{T} (a,a) = s p C; $\{\}$ - 1/2 \overline{g} s p (s p C; $\{\}$) und analog \mathcal{R} \overline{T} (b,b) = s p C $\{\}$ - 1/2 \overline{g} s p (s p C; $\{\}$) . Daraus folgt aber $\{\}$. Dara die C und C Zustandsoperatoren der beiden Felder mit den Eigenwert λ_{m} und λ_{m} und den Eigenfunktionen $\{\}$ beziehungsweise sind, wenn die Korrespondenz fehkt, besteht die Möglichkeit, daβ im Fall der Korrespondenz die Felder a und a sich so beeinflussen, da die Zustandsoperatoren wegen der Wechselwirkung auf die zum jeweiligen Konterfeld gehörenden Eigenfunktionen einwirken, was mit den Eigenwerund A dieser Wechselwirkung zu beiden Eigenwertbeziehuns p C; $\{\}$ = $\overline{\lambda}$, $\{\}$ und s p C; $\{\}$ = $\overline{\lambda}$, $\{\}$ führt mit denen allerdings keine divergenzfreie Tensoren im Sinne 2R -1/2 g · R aufgebaut werden können. Für die Wechselwirkungsantei-

le von $\overline{\mathbb{Q}}$ folgt denn \mathcal{C} $\overline{\mathbb{T}}_{(a,b)}$ = s p C ; $\{\}$ -1/2 $\overline{\mathbb{g}}$ s p. • (spc; $\{ \}$) und $\mathcal{H}^*\overline{T}_{(b,a)}$ = spc; $\{ \}$ - 1/2 $\{ \}$ sp. • (s p C; $\{\}$) • Für die Summe dieser vier Tensoren folgt daher $\mathcal{R}^{2}\overline{\mathbb{Q}} = \mathcal{R}$ ($\overline{\mathbb{T}}_{(a,a)} + \overline{\mathbb{T}}_{(b,a)} + \overline{\mathbb{T}}_{(b,b)} + \overline{\mathbb{T}}_{(a,b)} = p C$; $\{\}$ + + sp C ; (+ sp C ; (+ sp C ; (- 1/2 (= sp . · (spC; {}) + *g sp (spC; {}) + *g sp (spC; {})+ $spC(\hat{\{}\} + \hat{\{}\}) - 1/2 (^{2}g sp(spC; (\hat{\{}\} + \hat{\{}\})) +$ + *g sp(spc ; ({} + {}))) = (spc + spc); ({} + {})-- 1/2 ($^{*}\bar{g}$ sp(spC) + $^{*}\bar{g}$ sp(spC)); ($\{\}$ + $\{\}$) = $\left[spC + spC - \frac{1}{2} (\frac{e}{g} sp(spC) + \frac{e}{g} sp(spC)) \right];$ $\{(\{\}\}+\{\}\}) = ((1-1/2 * \overline{g} s p) ; s p C + (1-1/2 * \overline{g} s p) ; s p C) ;$ $\{(\{\{\}\}\}\}) = (\Omega + \Omega); (\{\}\}\}), \text{ und hierin wird}$ durch die beidem, den Tensorgrad kontrahierenden Operatoren (Ω , Ω)= = (1-1/2 (°E, °E) sp); sp (C,C) eine Spaltung des auf {} + {} wirkenden Operators in einen zu a und einen zu a gehörenden Anteil erreicht. Da X = const, eine natürliche Zahl ist, wird $\mathcal{R} \stackrel{\wedge}{M}_{(+)} : \overline{\mathbb{Q}} = \stackrel{\wedge}{M}_{(+)} : \mathcal{R} : \overline{\mathbb{Q}} = \stackrel{\wedge}{M}_{(+)} : (\underline{\Omega} + \underline{\Omega}) :$ $\{(\{\}\}+\{\}\})$ und wegen der Separation der zu a und a gehörenden Operatoren $\Lambda + \Lambda$ kann $\hat{M}_{(+)}$; Λ ; $(\hat{\uparrow})$ + $\hat{\uparrow}$) + $\hat{M}_{(+)}$ Ω ; $\{\{\}\}$ + $\{\}\}$) = o nur möglich werden, wenn die beiden Summanden $M = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$; (Ω, Ω) ; $(\begin{cases} 1 \\ 1 \end{cases} + \begin{cases} 1 \\ 1 \end{cases}) = 0$ einzeln verschwinden.

Dieses Verhalten geht auf die Unabhängigkeit der beiden Terme zurück; denn a und a sind voneinander unabhängig und stehen nur im Fall der Korrespondenz in einer Wechselbeziehung. Andererseits werden aber

a und a durch die Funktionaloperatoren 🗘 und 🗘 gekennzeichnet, woraus die Unabhängigkeit und damit die Separierbarkeit folgt. Nur dann, wenn die Existenz von a und a allein auf die Korrespondenz zurückgeht, (in diesem Fall bilden a und a ein Korrelationssystem), gilt diese Separierbarkeit nicht. Hieraus folgt, daß grundsätzlich zwischen zwei Formen der mesobarischen Korrelation zu unterscheiden ist, nämlich zwischen der echten und unechten Korrelation. Diese Korrelation ist dann echt, wenn die Strukturterme Korrelation mehrerer Strukturen entstehen, die allein durch ihre Korrespondenz existent sind (abhängig und daher nicht separierbar), während eine unechte Korrelation stets ein abgeschlossenes Korrespondenzsystem aus unabhängigen Strukturtermaggregaten der Form 75 mischen Korrespondenzaustausch (unabhängig und daher separierbar) ist. Dies schließt jedoch nicht aus, daß geeignete Korrespondenzen innerhalb einer unechten Korrelation die echten Korrelationen eines echten stabilen Termschemas so beeinflussen, daβ es zu Umstrukturierungen der echten Korrelation und damit zum zeitlichen Zerfall des Termschemas kommt. Mit dem vierdeutigen Operator $\hat{\chi} = M_{(+)}$; (Λ , Λ) wer den also die 2.2.8 = 32 Differentialgleichungen zusammengefaβt in $\{\{\{\}\}\}\}$ = 0 und zu diesen 32 Differentialgkeichungen kommen noch die 2 · 16 = 32 Eigenwertgleichungen der Korrespondenz spC ; $\{\hat{j} = \overline{\lambda}' \cdot \hat{j}\}$ und spC ; $\{\hat{j} = \overline{\lambda}' \cdot \hat{j}\}$. Diese ins gesamt 64 = 43 Differentialgleichungen setzen also im Fall einer dynamischen Korrespondenz von zwei mesobarischen Systemen die 43 Kor- ${1 \choose k}$ des Systems a mit den entsprerespondenzfeldkomponenten { i } von a in eine Wezhselbeziehung. Die mesobarische Korrespondenzdynamik des Mesofeldes wird demnach durch die Korrespondenzgesetze

$$\hat{\mathcal{R}} : (\{\hat{1} + \hat{1}\}) = \hat{0}, \text{ sp } (\mathbf{c}, \underline{\mathbf{c}}) : (\{\hat{1}\}, \{\hat{1}\}) = \hat{0}$$

$$= (\bar{\lambda}^*, \bar{\lambda}^*) \cdot (\{\hat{1}\}, \{\hat{1}\}) \qquad ...$$
76

vollständig beschrieben, wobei der Đperator gemäβ

$$\mathcal{R} = \stackrel{\wedge}{M}_{(\pm)} ; (\Omega, \Omega), \stackrel{\wedge}{M}_{(+)} = \text{sp}(\Gamma_{(-)}^{(1)}, \Gamma_{(-)}^{(2)}); \\
(\text{sp}(-))_{2}, \stackrel{\wedge}{M}_{(-)} = \text{sp}(\Gamma_{(-)}^{(1)}, \Gamma_{(-)}^{(2)}); \\
(\text{sp}(-))_{2}, (\Omega, \Omega) = (1 - 1/2 (*\bar{g}, *\bar{g}) \text{sp}); \\
(\text{sp}(0, \Omega)) = (0, \Omega).$$

- Operatoren zurückgeführt werden kann. Auch erscheint die Schwäche von 75 eliminiert; denn für a = b kann das Bezugssystem nur für a oder b geodätisch werden. Das Korrespondenzgesetz der mesobarischen Dynamik Gleichung 76 ist offensichtlich universeller als Gleichung 75; denn diese statischen Beziehungen erweisen sich als Sonderfälle des dynamischen Gesetzes 76. Nimmt man nämlich an. daβ keine Wechselwirkung existiert, und neben dem System a ein System a nicht definiert ist, so wird 'g = 'E und daβ C = o zum Mulloperator wird. Damit sind aber die beiden Bezieh ungen sp C; $\{\}$ = $\bar{\lambda}$, $\{\}$ und sp C; $\{\}$ = $\bar{\lambda}$, $\{\}$ nicht mehr definiert, so daβ sich durch den Ausfall dieser beiden Gleichungs systeme 76 zunächst auf die 32 Gleichungen $\hat{o} = \hat{\chi} : (\hat{j} + \hat{j}) =$ reduziert. Wegen C = 0 wird auch Ω = $(1-1/2 \frac{2}{6} \text{ sp})$; sp C = 0, da auch sp C = 0 ein Nulloperator ist, während 1 - 1/2 g sp = 1 - 1/2 E sp + o $\Omega: \{\}$ = 0 müssen ebenfalls verschwinden, so daß das Gleichungssystem auf $P_{(+)}: \Omega: \{\}$ = 0 eingeschränkt wird. Wegen $\{\}$ = 0
wird aber $P_{(-)}=(1,1)$ s p (-), weil im den Operatoren nur

noch Fehlstellensignaturen auftreten können. Damit reduziert sich das System $P_{(-)}$; Ω ; $\{\}$ = 0, weil die Matrizenelemente untereinander identisch sind, auf s p (6,6); Ω ; $\{\}$ = $\overline{0}$. Da die Beziehungen s p C; $\{\}$ = $\overline{\lambda}$, $\{\}$ und s p C; $\{\}$ = $\overline{\lambda}$, $\{\}$ nightmehr definiert sind, kann in $\hat{P}_{(-)}$; $\hat{\Omega}$; $\hat{\beta}$ = \hat{o} oder reduziert (6,6) (-) (1) (1) (1) (2) (3) (4) (5) (6) (5) (6Gleichung 75 a in Ω ; $\{$ zum Ausdruck gebrachte Quantisierung J < ∞ im Limes zum makromæren Feldkontinuum rückgängig gemacht werden. Dieser Übergang von den quantenhaften Mesofeldzuständen zum Feldkomtinuum mu β also nach 75 a die Divergenz J \rightarrow ∞ voraussetzen so daß die Limesrelation $\lim_{R \to \infty} \mathcal{A}$; $\{\}$ = $\frac{2R}{R}$ = 1/2 $\frac{2R}{R}$ R für die J $\rightarrow \infty$ durchgehende Korrespondenz zwischen Quantenstufen und Kont tinuum gilt. Man hat also $\overline{\bullet} = \lim_{J \to \infty} \operatorname{sp} (-)$; (6,6) $= \operatorname{sp} (-)$; $(^{2}\overline{R} - 1/2)^{2}\overline{g} R$) zur Folge hat, was aber mit dem Ausgangspunkt von 75, also sp (-); $\overline{\pi}(a,a) = \overline{0}$ identisch ist. Da das System a nichtmehr definiert ist, wird * T (a,b) " * \overline{T} (b,a) = \overline{T} (b,b) = $\overline{0}$, also bleibt nur \overline{T} (a,a) = \overline{T} übrig, für den das Energieprinzip s p (6,6) ; $\overline{T} = \overline{0}$ gilt, was mit dem metrischen Limes s p (-) ; $(\overline{R} - 1/2 \overline{g} R) = \overline{0}$ verglichen $\overline{R} - 1/2 \overline{g} R = \mathcal{R}^2 \overline{T}$ oder $\overline{R} = \mathcal{R}(\overline{T} - 1/2 \overline{g} \cdot T)$ liefert. Hier kann wieder zur Konvergenz $J < \infty$ in den Gültigkeitsbereich der Gleichung 75 a der Quantenstuf fen zurückgegengen werden, was zur Eigenwertderstellung $\mathcal{R} \left[\begin{array}{c} \frac{1}{m-1} & G_{(m)k,1} \end{array} \right]_{4} \rightarrow \overline{\lambda} \left\{ \begin{array}{c} \text{wegen } 1 \text{ im} \\ J \rightarrow \infty \end{array} \right. \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 1} \end{array} \right\}_{=} \\ = \mathcal{R} G_{(m)k,1} \text{ führt. } \text{lies gestattet auch } \left[\begin{array}{c} R \\ R \end{array} \right]_{=} \text{ s p C } \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 1} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{ 2} \end{array} \right\}_{=} \\ \chi_{(m)} \left\{ \begin{array}{c} (m) \\ k \text{$ setzen, daß sich s p C; $\{\}$ = $\bar{\lambda}$ · $\{\}$, oder erweitert C; $\{\}$ = $\bar{\lambda}$ X $\{\}$, also die Gleichung 75 ergibt. Es ist somit die mesobarische Statik als Sonderfall aus der dynamischen Gleichung

76 für {} = o hervorgegangen, was aber bedeutet, daβ die mesobarische Dynamik auch die Statik umfaβt. Eine weitere Näherung folgt, wenn in ${}^{2}\overline{T}$ der gravitative Strukturanteil $\overline{p} \rightarrow \overline{o}$ im R_{3} vernachlässigt wird. Ist * V der rein elektromagnetische, und hermitesche Energietensor, der sich aus der raumzeitlichen Erweiterung des elektro magnetischen Induktionsgesetzes ergibt, so wird aus Gleichung 67 a die Limesrelation <u>l</u> i <u>m</u> = ${}^2\overline{V}$ = ${}^2\overline{V}$ ersichtlich und in \mathcal{R} ${}^2\overline{T}$ = = R - 1/2 R muβ dieser Limes für den metrischen Anteil einen hermitesierenden Limes koppeln. Es gibt für diesen hermitesierenden Limes die Möglichkeiten $\uparrow \uparrow \rightarrow \circ$, also $\bar{g} \rightarrow const$, sowie $\bar{g} \rightarrow \bar{g} \rightarrow \bar{$ zugleich einer Uminterpretation des Fundamentaltensors gleichkommt. Bei der ersten Möglichkeit 2g -> const., kann die Konstante nur mit o identisch sein, was zur zweiten Möglichkeit 'g_ > o führt; denn in R - 1/2 R kommt g frei vor, so daβ g-const + + 20 nicht die geforderte Hermitesierung ermöglicht. Die Approximation 'g -> 'g, läβt den Fundamentaltensor als hermitesches Tensorpotential eines Pseudomesofeldes erscheinen, daß aber gemäß "ξ = "χ auch als tensorielles Potential eines Pseudogravitationsfeldes interpretierbar wird, weil in ${}^*\overline{T} \to {}^*\overline{V}$ der durch das Mesofeld erweiterte Gravitationsfeldvektor des R3 verschwindet und andererseits das durch V beschriebene elektromagnetische Feld mit einer Trägheitswirkung gekoppelt sein muβ. Wegen der zweifachen Interpretationsmöglichkeit E = R als Pseudomeso- oder Pseudogravitationsfeld und der Notwendigkeit, da β \overline{V} eine Trägheitswirkung zur Folge haben muβ, ist das Aquivalenzprinzip von Gravitation und allgemeiner Trägheit zu ergänzen durch die Aussage, daß jede Trägheitswirkung durch eine induktive Wechselbeziehung zwischen Gravitations- und Mesofeld bedingt wird. Da andererseits jedes Materiefeldquant durch Trägheitswirkungen definiert ist, muβ ein solches Materiefeldquant primär durch sein Mesofeld definiert sein, das wiederum nach dem Gesetz l i m $(m(r) - m_0)$ < o als Negativum die zugehörige gravitative Raumstruktur bedingt. Die Approximation $\overline{g} \rightarrow \overline{g} = \overline{g} + hat$ $\lim_{\overline{g} \rightarrow \overline{g}} (\overline{R} - 1/2 \overline{g} R) = \overline{R}(g) - 1/2 - R(g) \text{ und}$ $\frac{1}{R}$ i $\frac{m}{R}$ = $^{2}\overline{V}$, also das hermitesche Gesetz $^{2}\overline{R}(\chi^{2})$ - 1/2 $^{2}\overline{\chi^{2}}$ $^{2}\overline{R}(\chi^{2})$ = \mathcal{R} $^{2}\overline{V}$ zur Folge. Diese Approximation $^{2}\overline{\mathcal{R}}$, bei welcher das System

von Feldgleichungen in einem gravitativen und einen elektromagnetischen Anteil zerfällt, kann weiter untersucht werden. Unter der Voraussetzung, daβ ein statischer Fall vorliegt, und ein Symmetriezentrum existiert, um welches sich die 🔭 erregende Masse zentrisch ver teilt, kann das aus sechs voneinander unabhängigen Differentialglei-"\(\frac{1}{2}\) = 1/2 \(\frac{1}{2}\) \(\fra chungen bestehende hermitesche System unter Anwendung eines geeigneten Variationsproblems gelöst werden. Das Symmetriezentrum S sei der Koordinatennullpunkt des Streckenraumes R_3 , dessen $1 \le \gamma \le 3$ Koordinaten x^{γ} kartesisch sind. Ist (s)

x = 1 c t , so wird die Statik ausgedrückt durch $0^2 \sqrt{3} / 0 \times \frac{4}{(s)}$ also $\sqrt[2]{(x_{(s)}^{\gamma})_1^3}$, wobei die Abhängigkeit von den Raumkoordinaten nur in der gegen Orthogonal- oder Unitärtransformationen invarianten Form R möglich ist, wodurch der Symmetrieforderung genügt wird. Die anderen, gegen diese Gruppe invarianten Differentialausdrükke sind R(s) d R(s) und (dR(s))2, während die Orthogonalität von $x_{(s)}$ zum R_3 ausgedrückt wird durch $x_{(s)}$ = $x_{(s)}$ ausgedrückt wird durch $x_{(s)}$ = $x_{(s)}$ ist gegen diese Gruppe invariant. Die $x_{(s)}$ können gemäß $x_{(s)}$ = $x_{(s)}$ sowie $x_{(s)}$ = $x_{(s)}$ sin $x_{(s)}$ cos $x_{(s)}$ = $x_{(s)}$ sin $x_{(s)}$ sin $x_{(s)}$ in Polarkoordinaten R_s , Λ , φ des R₃ transformiert werden. Hierbei handelt es sich um eine euklidische Operation, die aber am nichteuklidischen Charakter der Metrik nichts ändern kann. Mit den nur von Rz abhängigen Funktion W , ψ und χ kann dann für die Metrik des R_{μ} der Ansatz $(d s)^2 = \psi \cdot (d R_s^2 + R_s^2 (d \mathcal{N})^2 + R_s^2 \sin^2 \mathcal{N}$. • $(d\phi)^2$) + χ • R_S^2 $(dR_S)^2$ - W^2 $(dx + \frac{4}{3})^2$ gemacht werden. Mit den Kürzungen $r = R_S$ $\sqrt{\phi}$, sowie $M = \chi$ und V = W wird $(ds)^2 = W$ = $(1 + M \cdot r^2) (dr)^2 + r^2 (d\sqrt{3})^2 + r^2 \sin^2 \sqrt{(d\phi)^2}$ - $V^2 (dx^{\frac{4}{3}})^2$. Diese Metrik kann mit $x^{\frac{1}{3}} = r \cos \sqrt{sowie}$ (s) $x^2 = r \sin \sqrt{3} \cos \phi \text{ und } x^3 = r \sin \sqrt{3} \sin \phi \text{ transformiert}$ werden und daraus können die χ^2_{ik} abgelesen werden. Dies macht zü nächst eine Untersuchung von $\frac{\mathcal{Y}}{\mathcal{Y}} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix}$ von $\frac{1}{2}$ = $\begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix}$ im R₃ möglich, was zur Bestimmung der Kontravarianten notwendig ist.

Auf diese Weise ergeben sich insgesamt die Beziehungen $2 = 1 + M r^2$, $\frac{ik}{ik}$ $\frac{ik}{k}$ $\frac{$

 $\vec{R} = \begin{bmatrix} (1-\alpha/r)^{-1} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & r^2 & \sin^2 N & 0 \\ 0 & 0 & r^2 & \sin^2 N & 0 \\ 0 & 0 & 0 & (\alpha/r - 1) \end{bmatrix} \quad \text{Mit } \vec{F} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{4} & \text{wird zunächst} \\ 0 & 0 & 0 & (\alpha/r - 1) \end{bmatrix}$ ersichtlich, daß $\vec{F} = -r^4 \sin^2 N + \cos^2 N +$

zu α = 0 führt. Die nach dem Energiematerieäquivalent mit $\sqrt[3]{v}$ verknüpfte statische gravitative Feldquelle bedingt also die Größe α in $\sqrt[3]{v}$. Für $\alpha \rightarrow 0$ muß das Gravitationsfeld verschwinden und dies

bedingt
$$\lim_{\alpha \to 0} \frac{1}{x} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & r^2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & r^2 & \sin^2 x & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$
, was aber ohne

weiteres in die ppeudoeuklidische Metrik des R₄ transformiert werden kann. In der Approximation kennzeichnet $\alpha > 0$ die Existenz eines statischen Gravitationsfeldes mit Symmetriezentrum, dessen einzige zeitartige Komponente 1 + $\chi_{4,4}$ = α/r ein ponderomotori-

sches Beschleunigungspotential verursachen muß. Die Limesrelation $\overline{\mu} \rightarrow \overline{o}$ ist nach Gleichung 48 äquivalent mit $\omega \rightarrow \infty$, so daß diese Approximation der zu 况 führenden 🗓 -> o entspricht. Damit ærgibt sich aber für die Transformationsgruppen lim B = Â $A_{\perp} = E$, das heißt, es bleibtnur noch das elektromagnetische Relativitätsprinzip A _ übrig. Unter den speziellen Voraussetzungen von \hat{A} im R_{μ} (als Folge der Approximation $\omega \rightarrow \infty$) folgt für die Zeittransformation icd \sqrt{s} = $(\beta_{\perp} dx_1 + icdt)$. • $(1 + \beta^2)^{-1/2}$ = icdt $\sqrt{1+\beta^2}$ also $d\sqrt{3}/dt = \sqrt{1+\beta^2}$ • Entsprechend folgt aus der Zeitkomponente von 270 im Gravitationsfeld für die Zeittransformation d $\sqrt{3}$ = $\chi_{4.4}$ d t . Wenn die Geschwindigkeit β_{-} = v/ic einer hinreichend kleinen Masse durch das Gravitationsfeld a verursacht werden soll, so gilt d & '/dt' = - d %/dt oder $1 - \alpha/r = \sqrt{1+\beta^2}$. Wird nun in einer Approximation das Gravitationsfeld α hinreichend schwach angenommen, so daß für alle n > 1die Näherung $(\alpha/r)^n$ –7 o verwendbar ist, so liefert die Quadrierung $1 + \beta^2 = (1-\alpha/r)^2 \approx 1 - 2\alpha/r$ oder für die vom Gravitationsfeld verursachte Geschwindigkeit v^2 $r = 2 \alpha c^2 = const.$ Setzt man zur Kürzung $2 \alpha c^2 = a$, so liefert $v^2 r = a$, wenn die Gravitationsbewegung zirkulär, also r = const. und $v = 2 \pi r/t$ ist $r^3/t^2 = a/4\pi^2$ = const. und dies ist das 3. empirische Gesetz aus B II 2. das aber die eine der empirischen Grundlagen des klassischen Gravitationsgesetzes ist.

Dieser Schluß zwingt zu der Annahme 2 α c² = χ m, was zu v² = χ^2 mo/r oder ϕ = χ^2 mo/r führt; denn ϕ ist das Beschleunigungspotential des durch moverursachten Gravitationsfeldes, das mit dem Quadrat der gravitativen Geschwindigkeit/sein muß. Ist m die im Feld ϕ gravitierende Masse, so ist mo ϕ = χ k̄ d r̄ die gravitative Energie, deren Gradientenbildung zu k̄ = grad mo ϕ = m grad ϕ = m r̄ führt, weil grad ϕ = r̄ der gravitative Feldvektor, also dhe Gravitationsbeschleunigung sein muß, wenn m = const. bleibt. Nach dem Äquivalenzprinzip kann aber r̄ = s̄ durch beliebige ponderomotorische Beschleunigungen s̄ = χ k=1 setzt werden. Sind die χ die Skalarkomponenten von k̄ , so folgt für das Bewegungsgesetz träger Massen χ = m χ und dies wiederum ist die dynamische Grundgleichung aus B II 1, aus der sich die gesamte Einpunkt- und Vielpunktmechanik ableiten läßt, wenn in einer

weiteren Approximation m nicht als räumlich ausgedehnt angenommen wird, sondern im R_z nur Trägheitszentren als dimensionslose Massenpunkte beschreibt. Wird weiter angenommen, daß ein Volumen des solchen Trägheitszentren ausgefüllt ist, die aber an feste Ruhelagen gebunden sind, so daβ keine Relativverschiebungen innerhalb dieses Volumens möglich sind, so ergibt sich aus dieser Vielpunktmechanik die Mechanik des starren Körpers. Wird im anderen Fall angenommen, daβ alle Trägheitszentren ungebunden und die einzigen Wechselwirkungen zwischen ihnen elastische Kolisionen sind, was zu einer statistischen Bewegung führt, so ergibt sich unter diesen Voraussetzungen die kinetische mechanische Theorie des idealen Gases aus BII 3, wodurch Wärme, Gasdruck, Kompressibilität und so weiter statistisch mechanisch gedeutet werden. Wird in diesem Bild berücksichtigt, daß die approximierten Trägheitszentren tatsächlich Systeme von Materiefeldquanten sind, welche attraktive Wechselwirkungen aufeinander ausüben, so führt dieses Bild zur Thermodynamik realer Gase, während das Modell des starren Körpers zu Thermodynamik des festen Aggregatzustandes führt. Aus diesen beiden mechanisch - statistischen Theorien ergibt sich eine allgemeine : Thermodynamik des festen realen Körpers, seiner Elastizität und Plasti zität im amorphen und kristallinen Fall, sowie der thermodynamische Übergang in den flüssigen Aggregatzustand, mit einer Thermodynamik der Viskosität (beim Schmelzprozeß Erweichungsintervall und Eutektikug) und eine Theorie der Oberflächenbildung. Hieraus folgt wiederum die Thermodynamik des Verdampfungsprozesses, sowie die Thermodynamik des realen Gases, während der umgekehrte Weg von einer Kondensationstheorie über eine Erstarrungstheorie zeigt, wie der gasförmige in den flüssige n Aggregatzustand thermodynamisch zurückgeht. In einer weiteren Speziali sierung können die thermodynamischen Voraussetzungen des flüssigen oder gasförmigen Zustandes angenommen werden, und auβerdem kann zu sätzlich gefordert werden, daß die statistischthermodynamische Bewegung der einzelnen Massenzentren eine Vorzugsrichtung hat. Hier sind wieder zwei Spezialisierungen möglich. Zum einen kann verlangt werden, daβ sich diese Vorzugsrichtung zeitlich nicht umkehrt, was zu einer allgemeinen Theorie realer Strömungen führt (Hydrodynamik für den flüssigen und Aerodynamik für den gasförmigen Zustand). Zum anderen kann angenommen werden, daβ die Vorzugsrichtung periodisch umgekehrt wird, was zu einer Theorie der Akustik führt (mechanische Wechselströmung), die wiederum auf den festen Aggregatzustand in seinen elastischen und plastischen Formen übertragbar ist. Ein letzter Sonderfall schlieβlich ist eine Theorie akustischer Kompressionsvorgänge, also der Verdichtungsfronten in Flüssigkeiten und Gasen, und dies macht eine Ergänzung

der Strömungstheorie zur Gasdynamik der Überschallströmungen möglich.

Dieser ganze Komplex mechanischer Theorien kann aus $\mathcal{H}_k = m\ddot{x}_k$ gefolgert werden und dieses Grunggesetz ergab sich nach einer ganzen
Kette von Approximationen aus Gleichung 75, die wiederum ein Sonderfall von Gleichung 76 ist. Elektromagnetische Phänomene können aller-

dings durch diese Approximationskette noch nicht erfaßt werden.

Es bleibt noch übrig, den anderen Zweig des statischen Sonderfalles der mesobarischen Statik, nämlich (sp $f(\varepsilon,)$), Ω = o approximativ zu untersuchen. In dem Operator ist nichtmehr enthalten, so daß $\begin{cases} & & \wedge \\ & & \end{cases}$ auch zu keiner Änderung des Operators führen kann. Der erste Approximationsschritt kann dagegen in) > o bestehen; demm dann entdallt die Typensignatur. Aus den kovarianten Dubletts wird also 1 i m (-1) (-1) , also (-1) (-1die Reduktion sp (3,3); (-); $\{\}$ = $\overline{0}$. Mit $\lim_{n \to \infty} C = C_+$ wird dann $\Omega = (1-1/2 \stackrel{*}{g} \text{ sp}) ; \text{ sp } C_{+} = \Omega_{+}$ -1/2 * g sp (sp C,) mit \(\int_+ = (1-1/2 * \overline{G}_+) \); sp C, Aus Sonderfall 2 = 20, der eine weitere Spezialisierung bedeutet, gilt demnach s p (3,3); (-1); - Operatoren, durch die Komponenten von {}_ bestimmt wird. Wenn sp (6,6); $(\overline{R} - 1/2 \overline{g} R) = \overline{0}$ ist, so muß auch sp (6,6); (1); (6,6);

erweiterte Divergenzfreiheit gilt auch für die Limesrelation sp $\binom{(6,6)}{(-)}$; $(^{8}\overline{R} - 1/2)^{2}\overline{g}R) = \overline{o}$, was auch $\Gamma_{(-)}^{(6,6)}$; Λ_+ ; $\{\}_+$ = $\bar{0}$ zur Folge hat, weil in der Signatur 6 keine metrischen Größen vorkommen. Damit wird sp $\Gamma_{(-)}^{(3,3)}$; Λ_{+} ; $\{\}_{+} = 1 - F$; Λ_{+} ; $\{\}_{+} = \bar{0}$ oder nach der Definition der - Operatoren g_{+}^{1} $\{k_1\}_{+}$ \cdot $(\mathcal{A}_{+}; \{\}_{+})_{18} + g_{+}^{11}$ $\{i_1\}_{+} \cdot (\mathcal{A}_{+}; \{\}_{+})_{8k} = 0$. Hierin ist $g^{\underline{i}\underline{l}}$ $\left\{i\atop 1\right\}_{+}$ = $\left\{i\atop i\right\}_{+}$ und $g^{\underline{i}\underline{l}}_{+}$ $\left\{k\atop k\right\}_{+}$ = $\left\{k\atop k\right\}_{+}$ während Λ_{+}^{+} ; Λ_{-}^{+} sp C_{+} ; Λ_{-}^{+} + Λ_{-}^{+} sp • (sp C₊ ; {}₊) = $\bar{\lambda}$ + $\hat{\lambda}$ - 1/2 * \bar{g} sp $\bar{\lambda}$ + $\hat{\lambda}$ weil immer für die statischen Mesofeldzustände die Eigenwertbeziehung s p C; $\{ \}$ = $\bar{\lambda}$ $\{ \}$ gelten mu β , was sich auch auf die Approximation \bar{g} or erstreckt. Hieraus ergibt sich in der Komponentendarstellung $\begin{Bmatrix} i & s \\ k \end{Bmatrix}$, $\lambda_{+m} \begin{Bmatrix} m \\ i & s \end{Bmatrix}$ + $\begin{Bmatrix} i & s \\ i & \end{Bmatrix}$ $\lambda_{+m} \begin{Bmatrix} m \\ k & s \end{Bmatrix}$ = = $\mathcal{S}/2$ ($\left\{sk\right\}_{\perp}$ + $\left\{ik\right\}_{\perp}$) = 0, weil stets sp $\left\{\left\}_{+}^{\prime}\right\}_{\perp}$ = $\overline{0}$ ist. In dieser Entwicklung wurde zur Minzung $S = sp \lambda_{+}$ $\begin{cases} 1 & s \\ k & k \end{cases}$ gesetzt. Es gilt also approximativ das Theorem $\begin{cases} 1 & s \\ k & k \end{cases}$ $\lambda_{+m} \begin{cases} 1 & s \\ 1 & s \end{cases}$ + $\left\{\begin{array}{c} \mathbf{i} \ \mathbf{s} \\ \mathbf{i} \end{array}\right\}$ $\left\{\begin{array}{c} \mathbf{m} \\ \mathbf{s} \ \mathbf{k} \end{array}\right\}_{+}$ = o für $\left\{\begin{array}{c} \mathbf{s} \\ \mathbf{g}_{-} \end{array}\right\}$ $\left\{\begin{array}{c} \mathbf{o} \\ \mathbf{j} \ \mathbf{s} \end{array}\right\}_{+}$ = o gilt, dann muß auch o = g_{+}^{ik} $\{j_s\}$ = $\{i_s\}$ oder $\{i_s\}$ = o sein, so daß $\left\{\begin{array}{c} is \\ k \end{array}\right\}_{+}$. $\lambda_{+m} \left\{\begin{array}{c} m^{-} \\ is \end{array}\right\}_{+} = o$ gilt und dies Wiederum kann als Integrand eines raumzeitlichen Gebietsintegrals aufgefaßt werden, das ebenfalls verschwinden muß. Hieraus wiederum kann darauf geschlossen werden, daβ λ + rauf geschlossen werden, daß $\bar{\lambda}$ + $\hat{\zeta}_{+}^{7}$ hermitesch ist, was wegen $\bar{\lambda}_{+}$ + $\hat{\zeta}_{+}^{8}$ die Hermitezität von s p C₊ und

auch von C, selbst nach sich zieht. Wird nicht approximiert, so liefert die gleiche Untersuchung für den statischen Fall

(sp $(\varepsilon, \mathcal{X})$) $(\varepsilon, \mathcal{X})$ $(\varepsilon, \mathcal{X})$

und $\varepsilon = 2$ übrig und hieraus folgt wiederum die Hermitezität von λ = s p C; λ weil der Äusdruck als Integrand eines raumzeitlichen Gebietsintegrales aufgefaßt werden kann. Wenn nämlich

 $\begin{cases}
\sqrt{|z|} & (\begin{cases} \\ \\ \\ \end{cases} \\
\sqrt{|z|} \\
\sqrt{|$

bedingung des Operators s p C beziehungsweise für C selbst, das heißt, im statischen Fall beschreibt C ; $\{ \} = \overline{\lambda} \times \{ \} \}$ tatsächlich ein Eigenwertproblem, dessen Eigenwertspektrum ein diskretes Punktspektrum ist und dessen Eigenfunktionen mit dem R_4 als Trägerraum einen abstrakten Funktionenraum aufspannen. Dieser Nachweis diskreter Mesofeldzustände für den Konvergenzfall

 $\int_{C} \sqrt{|g|} \cdot \begin{cases} \int_{C} \sqrt{\frac{4}{11}} dx = \infty \end{cases}$ geht mithin auf den statischen Sonderfall der Gleichung 76, also auf C; $\begin{cases} \int_{C} \sqrt{x} dx = x \\ \int_{C} \sqrt{x} dx = x \end{cases}$ beziehungsweise s p C; $\begin{cases} \int_{C} \sqrt{x} dx = x \\ \int_{C} \sqrt{x} dx = x \end{cases}$ und s p $\begin{cases} \int_{C} \sqrt{x} dx = x \\ \int_{C} \sqrt{x} dx = x \end{cases}$

zurück. Andererseits weisen aber immer diskrete Eigenwerte und ein hermitescher Zustandsoperator auf die Existenz diskreter Quantenstufen der betreffenden Zustandsgrößen hin, so daß der statische Sonderfall von Gleichung 76 die Existenz quantenhafter Mesofeldzustände aufzeigt. Wenn dies aber so ist, dann muß Gleichung 76 auch die Quntentheorie als Sonderfall enthalten. Dies wird umso deutlicher, als aus

Gleichung 76 approximativ auch Wellengleichungen entwickelt werden können.

Für J -> 0 wird aus der Beziehung 75 (mesobarische Statik) die halbphänomenologische makromare Feldgleichung *R ~ T - 1/2 g T oder $\overline{R} - 1/2$ $\overline{g} \cdot R \sim \overline{T} + \overline{T}^{X}$, worin nach 67 a für hinreichend schwache gravitative Feldstrukturen $\bar{p} \rightarrow \bar{o}$ die Hermitezität *T = *V = *V und damit die elektromagnetisch-graveta tive Spaltung ${}^{2}\overline{R}_{(\chi)}$ - 1/2 ${}^{2}\overline{g}_{(\chi)}$ ${}^{2}\overline{R}_{(\chi)}$ ${}^{2}\overline{R}_{(\chi)}$ oder ${}^{2}\overline{R}_{(\chi)}$ - 1/2 ${}^{2}\overline{g}_{(\chi)}$ ${}^{2}\overline{R}_{(\chi)}$ ${}^{2}\overline{R}_{(\chi)}$ approximative erreicht wird. Auch diese Approximation kann mit $J < \infty$ in den mikromaren Bereich übertragen werden, was in Analogie zur Entwicklung von 75 zu- $C(\gamma \ell)$ $\{\}(\gamma \ell) = \bar{\lambda}(\gamma \ell) \times \{\}(\gamma \ell)$ liefert. Wegen $\bar{g}(\gamma \ell) = \bar{\lambda}(\gamma \ell)$ = ${}^*\bar{E}(\chi \ell)$ ist dies aber mit der Approximation C_+ ; $\{C_+\}$ = \(\lambda\) \(\lambda\) identisch, für welche die Hermitezität des Operators und die Könvergenz von \(\lambda\) nachgewiesen wurde. Aus diesem Grunde liegen 7, = 7 (p) ebenfalls in einem diskreten Punktspektrum, so daß $^{2}\overline{R}(\chi l)$ - 1/2 $^{2}\overline{S}(\chi l)$ $^{2}\overline{V}$ auch die makromare Fortsetzung mikromarer Quantenstufen nach dem Korrespondenzprinzipsist. Dies bedeutet aber, daß \overline{V} als Feldtensor eines raumzeit-lichen Vektorfeldes $\overline{\Phi}$ gemäß \overline{V} = $\Gamma(\varepsilon)$; $\overline{\Phi}$ darstellbar ist. Wegen der Strukturhermitezität sind aber die Singulettsignaturen $\varepsilon = (1,2,3) = + \text{ und } \varepsilon = (4,5,6) = - \text{ identisch, soda} \text{ sich die zweideutige Darstellung } \overline{V} = \Gamma(\frac{1}{2})$; \overline{V} ergibt. Da auch für $\overline{S}(\frac{1}{2})$ die Divergenzfreiheit s p $\Gamma(\frac{1}{2})$; $\overline{R}(\frac{1}{2})$ - $\overline{R}(\frac{1}{2})$ = \overline{O} gilt, folgt für das elektromagnetitische Energisprinzip s p $\Gamma(\frac{1}{2})$; \overline{V} = \overline{O} oder zweideutig $\Gamma(\frac{1}{2})$ = \overline{O} (6,6) $\Gamma(\frac{1}{2})$ eindeutig (geodätisch) . Die so entstandene Beziehung s p $\Gamma_{(-)}^{(6,6)}$; $\Gamma_{(-)}^{(6)}$; $\overline{\phi} = \overline{o}$ in geodätischen Koordinaten kann weiter approximiert werden. Wird die Struktur $^*\bar{a} \to ^1\bar{E}$ als extremschwach vernachlässigt, dann decken sich die geodätischen mit den carthesischen Koordinaten, und diesbedeutet Operatorlimes

in Komponentenform \vec{e}_i $\frac{1}{E} = \vec{e}_i$ $\frac{4}{k=1}$ $\frac{\partial^2 \phi_i}{\partial x^k} = \vec{o}$ $\frac{\partial^2 \phi_i}{\partial x^k} = \vec{o}$ $\frac{\partial^2 \phi_i}{\partial x^k} = \vec{o}$ \vec{e}_i $\vec{e}_$

nach euklidischer Approximation. Wird über i summiert, so wird dies zu div_4 grad $_4$ $\overline{\phi}$ = \overline{o} und hierin kann die Zeitkoordinate in der

Form $\phi_4 = \varphi$, beziehungsweise $\sum_{k=1}^{2} \overline{\phi_i} = \overline{\psi}$ (R₃) abgespalte verden. Wegen $x_4 = i c t$ gilt dann div grad $\overline{\psi} - \overline{\psi}/c^2 + c_4$ (div grad $\varphi - \varphi/c^2$) = $\overline{0}$ oder div grad $\overline{\psi} = \overline{\psi}/c^2$ und liv grad $\varphi = \overline{\varphi}/c^2$. Diese beiden Gleichungen sind aber Differentialgleichungen von Wellenfeldern, die sich mit der Geschwindigkeit außbreiten. Nach dem elektromagnetischen Relativitätsprinzip kann is sich dabei aber nur in elektromagnetische Prozesse handeln, so daß und φ nur das vektorielle und skalare Potential einer elektromagnetischen Welle sein können. Diese Interpretation wird noch dadurch erechtfertigt, daß im Limes gemäß $\frac{1}{2}$ i $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{$

uf das elektromagnetische Induktionsgesetz und damit auf die allgeeine Elektrodynamik geschlossen werden, doch ist diese Approximation las Grundgesetz der Wellenoptik, die zur geometrischen Strahlenoptik

wird, wenn im Limes die Wellenlänge gegen Null konvergiert. Dieser Mangel an der Darstellung $\overline{T} \sim \frac{\Lambda}{\overline{\text{div}}_{L}} \overline{\varphi}$ in sp $\int_{(-)}^{(6,6)} \overline{T} = \overline{0}$ denn $\frac{\wedge}{\operatorname{div}_{\mu}}$ = $\lim_{\epsilon \to \infty} \int_{\epsilon}^{(\epsilon)} (\epsilon)$ ist die euklidische Approximation eines [- Operators mit kovarianter Singulettsignatur. Wird also * T in der Form $\tilde{T} \sim \Gamma_{(-)}^{(\epsilon)}$, $\tilde{\varphi}$ dargestellt, so folgt

s p $\Gamma_{(-)}^{(6,6)}$; $\tilde{\varphi} = \tilde{o}$ und hierin ist $(\Gamma_{(-)}^{(\epsilon)}, \tilde{\varphi})_{ik}^{-\epsilon}$ = $\rho \varphi_{i}^{k}/\rho_{ik}^{-\epsilon} - \{s_{ik}^{\epsilon}\}_{(\epsilon)}^{\epsilon}$ φ_{s} , also, wenn nach Einwirken von $\Gamma_{(-)1}^{(6,6)}$ $-\frac{k!}{(i k)} \left(\frac{s}{(k)}\right) \left(\frac{s}{(k)}\right)$ Limes $\overline{\mu} \rightarrow \overline{0}$ konvergiert, so ist dies äquivalent mit $\omega \rightarrow \infty$ und dies hätte $\begin{cases} 1 & \text{const. zur Folge. Mithin gilt } 1 \text{ im } \begin{cases} 1 & \text{const.} \end{cases} = \text{const.} \end{cases}$ oder $\begin{cases} 1 & \text{im} \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{im} \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{old } x \end{cases} = \begin{cases} 1 & \text{old } x \\ 1 & \text{$ $-\begin{cases} s \\ i \end{cases} \begin{cases} \varphi_s / \emptyset x^{\frac{1}{2}} = 0, \text{ worin hermitesch, also mit } \frac{s}{s} \to 0 \end{cases}$ approximiert werden kann. Diese Approximation führt dann zu $\frac{1}{\varepsilon} \stackrel{i}{\rightarrow} \stackrel{m}{\circ} \qquad (g^{\underline{k}\underline{1}} \quad / \circ \phi_{\underline{1}} / / \circ x^{\underline{k}} / \circ x^{\underline{1}} \quad - \quad \begin{cases} s & 1 \\ i & \end{cases} (\varepsilon) \qquad (\phi_{\underline{s}} / / \circ x^{\underline{1}}) =$ $= \underbrace{\frac{k1}{k}}_{\text{px}} \underbrace{\frac{\partial^2 \varphi_i}{\partial x^k \partial x^k}}_{\text{px}} - \underbrace{\left\{\begin{array}{c} s \\ i \end{array}\right\}_{\text{+}}}_{\text{+}} \underbrace{\partial \varphi_s / \partial x^k}_{\text{-}} = 0, \text{ und hierin}$ kann g_+ mit einer geeigneten Unitärtransformation g_+ g_+ g_+ stets auf ein Diagonalschema g_+ g_+ mit einer geeigneten Koordinatentransformation zu $\underset{k=1}{\overset{4}{\leq}} \phi_{1} / \phi_{2} \times \overset{k}{\sim} -\begin{cases} s & 1 \\ 1 & 0 \end{cases} \phi_s / o x^{\frac{1}{2}} = o \text{ führt. Hierin ist der Operator}$ $\begin{cases} s & 1 \\ i & \end{cases} + O/O x^{\frac{1}{2}}$ stets hermitesch, so daß für ihn, wenn $\int \overline{\phi} \cdot \overline{\phi}^{\chi} d = \int -\infty f \overline{u} r = \overline{\phi}$ gefordert wird, ein diskretes Punktspektrum reellem Eigenwerte μ^2 gemäß $\begin{cases} s & 1 \\ 1 & 1 \end{cases} = \frac{1}{2} = \mu^2 = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ md Kontravarianz vernachlässigt werden darf, so wird

wegen $\phi_1 = \overline{\phi}$. In dieser vektorieellen Feldgleichung können die Operateren P = -1 h grad und $\varepsilon = 1$ h 0/0 t für Impuls und Energie engewendet werden. Mit ihnen wird div_4 $\text{grad}_4 = -1/c^2$ $0^2/0$ $t^2 = 1/h^2c^2$ $\varepsilon^2 = 1/h^2$ p^2 , also $1/c^2$ ε^2 ; $\overline{\phi} = P^2$; $\overline{\phi} = h^2$ μ^2 $\overline{\phi} = 0$, was mit P^2 ; $\overline{\phi} = \overline{p}^2$ $\overline{\phi}$ und ε^2 ; $\overline{\phi} = E^2$ $\overline{\phi}$ eine Deutung von μ^2 zuläßt. Es ergibt sich nämlich $E^2 = h^2$ μ^2 $c^2 = \overline{p}^2$ c^2 und dieser Ausdruck wird mit dem gegen A invarianten Impuls P zu dem ebenfalls gegen A invarianten Energiematerieäquivalent E = m c^2 , wann h^2 $\mu^2 = m_0^2$ c^2 gesetzt wird, wobei m $(\beta_1) = \text{const}(r)$ und $m_0 = m$ (0) ist. Die Konstanz hinsichtlich r ist eine Folge der Approximation $\omega \to \infty$ oder $\overline{\mu} \to \overline{0}$; denn hierfür verschwindet die Abhängigkeit zwischen m und r. Mit dieser Interpretation von h^2 μ^2 $c^2 = m_0^2$ c^4 wird aber $1/c^2$ $\varepsilon^2 = P^2 + m_0^2$ $c^2 = m_0^2$ c^4 wird aber $1/c^2$ $\varepsilon^2 = P^2 + m_0^2$ $c^2 = m_0^2$ c^4 wird aber $1/c^2$ $\varepsilon^2 = P^2 + m_0^2$ $c^2 = m_0^2$ c^4 wird aber $1/c^2$ $\varepsilon^2 = P^2 + m_0^2$ $c^2 = m_0^2$ c^4 wird aber $1/c^2$ $\varepsilon^2 = P^2 + m_0^2$ $c^2 = m_0^2$ c^4 wird aber $1/c^2$ $\varepsilon^2 = P^2 + m_0^2$ $c^2 = m_0^2$ c^4 wird aber $1/c^2$ $\varepsilon^2 = P^2 + m_0^2$ $c^2 = m_0^2$ c^4 wird aber $1/c^2$ $\varepsilon^2 = P^2$ c^2 c^2

der Operatornatur der P_i kann die zweideutige Linearisierung nur mit 4 Matrizen $\hat{\alpha}_i$ vom quadratischen Typ 4 durchgeführt werden, für deren Antikomutator $(\hat{\alpha}_i \times \hat{\alpha}_k)_+ = 2 \delta_{ik}$ \hat{E} gilt. Vier Matrizen, die diesem Antikomutatorgesetz genügen und den quadratischen Typ haben sind nur in der Form

zen der Matrizenmultiplikation für den Antikomutator die Stufenmatrix $(\overset{\wedge}{\alpha}_i \times \overset{\wedge}{\alpha}_k)_+ = 2$ δ_{ik} \hat{E} . Wird die Linearisierung der Operatorbezieh ung mit diesen vier Matrizen durchgeführt, so ergibt sich unter Berrücksichtigung der Antikomutatorbedingung $\overset{+}{E}$ \hat{E} /c . $\hat{E} = \overset{4}{4} \overset{\wedge}{\alpha}_i$ \hat{P}_i und dies liefert die linearisierte Feldgleichung $\overset{+}{E}$ \hat{E} \hat{E} \hat{E} \hat{E} $\overset{\wedge}{\varphi}$ $\overset{\wedge}{\varphi}$ worin gegebenenfalls die Impulskomponenten und die Energie durch skalare und vektorielle Zusatzpotentiale

äuβerer elektromagnetischer oder gravitativer Feldwirkungen ergänzt werden können, was dann zu einem Ausdruck \hat{D} , $\bar{\phi}$ = \bar{o} führt, dessen Operatoriteration D ; D unter Berücksichtigung der antikommutierenden $\widehat{\alpha}_{i}$ zu einer durch die Zusatzpotentiale ergänzten und im zweiten Grad iteriertan Feldgleichung D; D^{\times} ; $\overline{\phi} = \overline{o}$ führt, und hie rin erweisen sich die $\hat{lpha}_{ extstyle e$ des $\overline{\phi}$. Werden in der linearisierten Form $\stackrel{\wedge}{E}$ $\stackrel{\xi}{\xi}$; $\overline{\phi}$ $\stackrel{\pm}{=}$ c $\stackrel{4}{\underset{i=1}{\not=}}$ $\hat{\alpha}_i$ \hat{P}_i ; $\hat{\varphi} = \hat{o}$. Die P_i und $\hat{\xi}$ explizit eingesetzt, $\hat{\pi}$ gekürzt und die Definition der $\hat{\alpha}_i$ verwendet, so folgt in der Komponentendarstellung das zweideutige Gleichungssystem $^{\pm}$ c $(\rho \phi_4/\rho_{x_1} - i \rho \phi_4/\rho_{x_2} + \rho \phi_3/\rho_{x_3}) \pm i m_0 c^2/\hbar \phi_1 = 0$ Φ₂ ± c (ρφ₃/ρ x₁ + i ρφ₃/ρ x₂ + ρφ₄/ρ x₃) ± i m_o c²/h· φ₂=0 φ3 ± c (ρφ2/ρx1 - i ρφ2/ρx2 + ρφ1/ρx3) + i mo c² /h. φ3=0, φ₄ ± c (ρφ₁/ρx₁ + i ρφ₁/ρx₂ - ρφ₂/ρx₃) ∓ i m₀ c²/h · φ₄=0. Wird $\overline{\varphi} = \overline{A} + i \overline{B}$ als eine über den komplexen algebraischen Zahlenkörper definierte Funktion aufgefaßt und nimmt man in einer Approxi mation mo = o an, was $\hat{\beta}$ = o entspricht, und wird die Spaltung für den negativen Zweig mit mo = o in Real- und Imaginärteil durchgeführt, so entsteht ein System aus acht Differentialgleichungen für die Komponenten der beiden reellen Funktionen Ak und Bk • Für diese Komponenten wiederum kann die Auswahl $A_1 \sim C_3$, $A_2 \sim C_1$ $A_3 = 0, A_4 \sim -D_2, B_1 = 0, B_2 \sim C_2, B_3 \sim B_3$ $^{
m B}_{4} \sim ^{
m D}_{1}$ getroffen werden, wodurch zwei Vektoren $^{
m ar C}$ und $^{
m ar D}$ als reelle Raumzeitfunktionen im R3 definiert worden sind. Mit diesen beiden Vektoren können die acht reellen Gleichungssysteme, wenn a = const. und b = const Proportionalitätsfaktoren sind zu rot C = a D, rot \overline{D} = b \overline{C} , div \overline{D} = o , div \overline{C} = o zusammengefaßt werden Dies ist aber der Ausbreitungsformalismus elektromagnetischer und gravitativer Feldstörungen im Vakuum des R3 ; denn mit a = 60 $b = -\mu_0$ und der Anpassung $\overline{C} = \overline{H}$ beziehungsweise $\overline{D} = \overline{U}$ folgt das elektromagnetische Induktionsgesetz rot $\overline{H} = \varepsilon_0$ \overline{E} , μ_{o} \bar{H} , div \bar{E} = o , div \bar{H} = o , aber mit der rot E =

Anpassung $a = \alpha$, $b = \beta$, sowie $\overline{D} = \overline{g} = \overline{\Gamma} + R_{\perp}$. $\overline{\mu}$ und $\overline{C} = \overline{\mu}$ das Ausbreitungsgesetz gravitativer Feldstörungen rot $\overline{\mu} - \overline{\mu}$ $\sqrt{\alpha\beta} = \overline{\alpha}$, rot $\overline{\Gamma} + \overline{\Gamma}$ $\sqrt{\alpha\beta} = \overline{\alpha}$, div $\overline{\Gamma} = 0$ $\operatorname{div} \overline{\mu} = \Omega + \operatorname{iir} \operatorname{die} \operatorname{Approximationen} \sigma \approx 0$ und $\operatorname{m} \approx 0$ der energetischen Feldmasse. Aus diesem beiden Gesetzen ergeben sich wegen rot = grad div - div grad im Rz die Ausbreitungsgesetze div grad $(\overline{E}, \overline{H}) = 1/c^2 \ o^2/o t^2 \ (\overline{E}, \overline{H})$ für elektromagnetische und div grad $(\overline{\Gamma}, \overline{\mu}) = -1/\omega^2 \ o^2/o t^2 \ (\overline{\Gamma}, \overline{\mu})$ für gravitative Feldstörungen mit c^2 ϵ_0 μ_0 = 1 und ω^2 α β = 1, aus dem sich wiederum die beiden Relativitätsprinzipien 🔏 _ und damit die Existenz der beiden Somawelten R___ ergeben. Die Approximationskette führte also von der mesobarischen 4 Struktursynthesis wieder zurück zur Spaltung in die beiden Somawelten. Aus dem elektromagnetischen Ind duktionsgesetz kann wiederum - ähnlich wie aus der Grundgleichung der Mechanik die gesamte Mechanik, Thermodynamik, Strömungstheorie und Akustik abgeleitet werden könnte - die gesamte Elektrostatik, Magnetostatik, Elektrodynamik, elektromagnetische Induktion, Drahtwellentheorie und die Theorie frei fortschreitender Induktionswellen entwickelt werden. Dieses letze Gebiet liefert, wenn die Wellengleichung für das elektromagnetische Vektorpotential div grad 🖣 = $\overline{\Phi}/c^2$ wird, eine Theorie polarisierter elektromagnetischer Wellen während für das Skalarpotential φ die Wellengleichung div grad $\varphi = \ddot{\varphi}/c^2$ unpolarisierte elektromagnetische Wellen beschreibt. Für hinreichend kleine Wellenlängen wird aus der Theorie elektromagnetischer Wellen eine Theorie der Wellenpptik, wobei der Übergang vom Mikrowellenbereich zum optischen Bereich zu einer Theorie der Wärmestrahlung führt, deren Wechselwirkung mit der molekularen Materiestruktur die Thermodynamik ergänzt. Eine ähnliche Wechselwirkung optischer Prozesse mit den äuβeren Molekular- und Atcmstrukturen kann dnnchgeführt werden, währen der Übergang zur Wellenlänge Null im Limes die Basis der geometrischen Strahlenoptik ergibt. Auf diese Weise zeigt sich, daß alle Aussagen der theoretischen Physik in den Approximationsketten enthalten sind; denn die Theorie gravitativer Feldstörungen führt mit $\,\omega o \, \infty\,$ oder mit $\overline{\mu} \longrightarrow \overline{0}$ zurück zum Gravitationsgesetz $\overline{\Gamma}$ = grad ϕ mit $\phi = \chi m/r$ und m = const. (r), das wiederum die Basis der Himmelsmechanik bildet und nach dem Aquivalenzprinzip wieder zum Ergebnis der ersten Approximationskette, nämlich zur Grundgleichung der Mechanik zurückführt.

Wird angenommen, daß ein mesobarisches Kontersystem 2 Ξ 2 Ξ existiert, das aber so schwach ist, daß die Änderung von 2 Ξ mit x^{\pm}

des R_4 praktisch verschwindet, daß also $\log_{1k}/\varrho x^{\frac{1}{2}} \rightarrow 0$, also ? o gesetzt werden kann, so liegt der statische Fall Gleichung 75 nicht vor, während in der dynamischen Gleichung 76 immer $\hat{\chi}$; ($\hat{\chi}$ + $\hat{\chi}$) $\rightarrow \hat{\chi}$; $\hat{\chi}$ unter dieser Voraussetzung gesetzt werden kann. Außerdem ist $\lim_{\Omega \to 0} C = 0$ und auch $\lim_{\Omega \to 0} C = 0$, also $\lim_{\Omega \to 0} C = 0$, was zu $\lim_{\Omega \to 0} C = 0$. $\lim_{\Omega \to 0} C = 0$ führt. Diese Limesrelation wiederum ergibt $\lim_{\Omega \to 0} C = 0$. die Reduktionen sp $\Gamma_{(-)}^{(6)}$; (sp $\Gamma_{(-)}^{(\varepsilon,\chi)}$)₂; Λ ; $\hat{\chi}$ = 0 und sp ((1), (2)); sp (6,6); (1); (1); (1); sp (1); (1)(3,3) sowie $\lim_{g \to 0} \Omega = \Omega_+ \text{ und } \lim_{g \to 0} \Omega = \{\}$ die weitere Einschränkung sp (-); sp (-); ein diskretes Punktspektrum von Eigenwerten hat, und daher nach C_{+} ; $\hat{\lambda}_{+} = \bar{\lambda}_{+} \times \hat{\lambda}_{-}$ auch \bar{g}_{+} zahlentheoretische Funktion einens ganzzahligen Index sein muß, gelten diese Eigenschaften auch für den Operator ${\cal N}_+$. Die Größe ${\cal N}_+$; ${}^{\hat{}}_{\hat{}}$ kann demnach in dreifacher Weise durch Eigenwerte und Eigenfunktionen (dies richtet sich nach den Eigenschaften von $\{\}_+$), nämlich \mathcal{A}_+ ; $\{\}_+$ $^{2}\bar{\lambda}$ · ϕ oder Λ_{+} ; $\hat{\{}_{+}^{\lambda} = [(\lambda, \phi)_{ik}]_{4}$ beziehung weise Λ_+ ; $\tilde{\phi}$ ausgedrückt werden, wenn für die hermiteschen Tensorkomponenten das Symbol (λ , ϕ)_{ik} = λ _i ϕ _k + λ k φi zur Kürzung des zweiten Falles eingeführt wird. Darstel-

lung durch eine vektorielle Eigenfunktion $\overline{\phi}$ ist nur in der vorstehen den Weise möglich, weil aufgrund $\ddot{g} \rightarrow \ddot{o}$ immer Ω_{+} ; $(\Lambda_{+}, \{\}_{+})^{x}$ ist und stets $(\lambda, \varphi)_{ik} = (\lambda, \varphi)_{ki}$ gilt. Entsprechend muβ auch in der Skalardarstellung 🔭 = 🏋 und in der Tensordarstellung *φ = *φ × sein. Zunächst werde nur (-) is p (-); (-) if (-) is p (-) if (-) is p (-) i die Feldfunktion skalar, also s p $\Gamma_{(-)}^{(6)^{'+}}$ s p $\Gamma_{(-)}^{(3,3)}$ $\bar{\lambda}$ = ϕ = ϕ , so golt (s p $\Gamma_{(-)}^{(3,3)}$; $\bar{\lambda}$ ϕ)_k = $g^{\underline{i}\underline{1}}$ $\lambda_{\underline{i}k}$. ρ ϕ/ρ $x^{\underline{1}}$ + F_k ϕ = λ $\frac{1}{k}$ ρ ϕ/ρ $x^{\underline{1}}$ + F_k ϕ und dies hat + $\mathbf{B}^{\underline{k}}$ $\phi/\phi \times \mathbf{x}^{\underline{k}}$ + $\mathbf{G} \cdot \phi$ zur Folge. Wird weiter \mathbf{z}^{-1} als auf ein Diagonalschema transformiert angenommen, also $\lambda^{\frac{kl}{2}} \sim \delta_{kl}$ oder $\lambda^{\underline{k}\underline{l}} = a_1 \delta_{\underline{k}\underline{l}}$, so ergibt sich $a_1 \partial \phi / \partial x^{\underline{l}} + \underline{F}^{\underline{l}} \partial \phi / \partial x^{\underline{l}} +$ + G · φ = o oder nach einer Koordinatentransformation wegen $a_1 = const.$ Auch $did_4 grad_4 \varphi + \overline{F} grad_4 \varphi + Q \varphi = 0.$ Diese Gleichung kann noch weiter approximiert werden. Auf jeden Fall wird durch dieses Differentialgesetz ein raumzeitliches Wellenfeld mit skalarer Zustandsfunktion φ beschrieben. Diese Zustandsfunktion kenn zeichnet quantenhafte Vorgänge, wenn φ dem Konvergenzkriterium des abstrakten Funktionenraumes genügt. Da Λ_+ ; $\hat{\beta}_+$ diesem Kriterium genügt, weil es für $\left\{ \begin{array}{c} \uparrow \\ + \end{array} \right\}$ erfüllt ist und $\left\{ \begin{array}{c} \downarrow \\ \uparrow \\ + \end{array} \right\}$ hermitesch ist, muß es wegen $\left\{ \begin{array}{c} \uparrow \\ \uparrow \\ + \end{array} \right\}$ $\left\{ \begin{array}{c} \uparrow \\ \uparrow \\ + \end{array} \right\}$ $\left\{ \begin{array}{c} \uparrow \\ \uparrow \\ + \end{array} \right\}$ $\left\{ \begin{array}{c} \downarrow \\ \uparrow \\ \uparrow \end{array} \right\}$ $\left\{ \begin{array}{c} \downarrow \\ \uparrow \\ \uparrow \end{array} \right\}$ $\left\{ \begin{array}{c} \downarrow \\ \uparrow \\ \uparrow \end{array} \right\}$ $\left\{ \begin{array}{c} \downarrow \\ \uparrow \\ \uparrow \end{array} \right\}$ $\left\{ \begin{array}{c} \downarrow \\ \uparrow \\ \uparrow \end{array} \right\}$ $\left\{ \begin{array}{c} \downarrow \\ \uparrow \\ \downarrow \end{array} \right\}$ auch für ϕ erfüllt sein, weil alle λ_{ik} = const∠ ∞ sind. Wird gefordert, daß sich Φ = /0φ//ο t zeitlich langsam ändert, da β in guter Näherung $\ddot{\phi} \approx o$ gesetzt werden darf, und ist immer $\overline{F} \perp grad \varphi$, so da $\beta \overline{F} grad_4 \varphi = F_4/ic \cdot \varphi$ gesetzt werden kann, so wird die Feldgleichung zu div grad φ -- iF_{4}/c ϕ + Q ϕ = 0. Hierin kann nach Q vernachlässigt und F_4 = - u c eingesetzt werden, was zu i u $\dot{\phi}$ + div grad ϕ = 0 führt. Dies ist aber nichts anderes als die wellenmechanische Feldgleichung eines geodätisch annähernd auf Nullinien bewegten Materiefeldes mit skalarer Zustandsfunktion φ , wenn $u = 2m/\hbar$ mit $\frac{1}{2\pi}$ = h/2 π festgelegt wird. Die so abgewandelte Approximation - 2 i m $\dot{\phi}$ + $\dot{\pi}$ div grad ϕ = 0 (Die Einführung u~m ist ohneweieres zulässig; denn wenn auch u nicht konstant ist, muß die Trägeitsmasse m = m (r) des Feldquants bereits im statisch stabilen all als Ortsfunktion angegeben werden) kann noch weiter getrieben wer en, wenn mit den quantentheoretischen Operatoren ε = i \hbar ρ/ρ t nd \bar{P} = - i \hbar grad für Energie und Impuls gemäß ξ ; φ = E φ nd \bar{P} , φ = \bar{p} φ beziehungsweise - \hbar div grad φ = P^2 ; φ = \bar{p} φ auf die makroskopischen Größen von Energie E

nd Impuls \bar{p} eines nichtquantisierten Kontinuums zurückgegangen wird s ist o = 2 i m ϕ - \hbar div grad $\phi = 2$ m/ \hbar ε ; ϕ - $1/\hbar$ P^2 ; $\phi = 1/\hbar$ $(2m E - \bar{p}^2) \cdot \phi$ oder $E - \bar{p}^2/2m = c$. ird weiter angenommen, daß die Relativgeschwindigkeit v des durch ϕ kalar beschriebenen Materiefeldquants im Bereich c0 c0 c0 c0 c1 legt, c0 daß c0 c1 m c2 m c3 und dies ist der galileiinvariante Aus ruck der kinetischen Energie einer mit c1 bewegten Masse c2 m. Diese leichung kann ebenfalls als Basis einer Entwicklung der Vielpunktmenanik verwendet werden. Neben der skalaren Wellengleichung

div grad $\phi - \ddot{\phi}/c^2$. Diese Beziehung div grad $\phi = \ddot{\phi}/c^2$ ist er die Gleichung eines Wellenfeldes, das sich mit der Geschwindig it c ausbreitet; das heißt, in dieser Approximation beschreibt ϕ s Skalarpotential eines elektromagnetischen Materiefeldquants; denn esem Quant muß nach dem elektromagnetischen Relativitätsprinzip eine odätische Nullinie zugeschrieben werden, weil seine Ausbreitungsge-

schwindigkeit im Gegensatz zu dem durch 2 i m φ + π div grad φ = o beschriebenen Materiefeld (Geschwindigkeitsintervall o 👙 🔻 < c) die nach A und B überhaupt mögliche obere Schranke v = Aus der Darstellung $(\Lambda_+, \dot{\chi}_+)_{ik} = (\lambda, \phi)_{ik}$ durch ein Vektorfeld $\bar{\phi}$ folgt dann in ähnlicher Weise zunächst aus der Fassung sp $\lceil \binom{(6)}{(-)} \rceil$; $\lceil \binom{(3,3)}{(-)} \rceil$; $\lceil \binom{(\lambda,\phi)_{ik}}{4} \rceil = 0$, weil $+ \lambda^{\frac{1}{2}} \cdot \theta \phi_{1} / \theta x^{\frac{1}{2}} - g^{\frac{k1}{4}} \left\{ i \right\}_{+}^{s} (\lambda, \phi)_{sk} - g^{\frac{k1}{4}} \left\{ i \right\}_{+}^{s}$ $- \left\{ \begin{array}{c} s \\ i \end{array} \right\}_{+} \left(\lambda, \phi \right)_{sl} \quad \text{wegen} \quad \left\{ \begin{array}{c} s \\ l \end{array} \right\}_{-} = o \quad \text{ist} ,$ $o = sp \Gamma_{(-)}^{(6)} ; sp \Gamma_{(-)}^{(3,3)} ; [(\lambda, \phi)_{ik}]_{4}$ $-g_{+}^{\underline{i}\underline{k}} = \frac{1}{2} \left(\left\{ g_{+}^{\underline{i}} \right\}_{+} + \left(\left\{ \chi_{+}^{\underline{i}} \phi_{+} \right\}_{+} \right) = \lambda_{+}^{\underline{k}} = \frac{1}{2} \left(\chi_{+}^{\underline{k}} \phi_{+}^{\underline{i}} \right) = \lambda_{+}^{\underline{k}} = \frac{1}{2} \left(\chi_{+}^{\underline{k}} \right) = \lambda_{$ $+ \lambda \stackrel{\underline{k}}{=} g_{+}^{\underline{j}\underline{l}} \frac{\partial^{2} \varphi_{\underline{j}}}{\partial x^{\underline{k}} \partial x^{\underline{l}}} + \lambda \stackrel{\underline{l}}{=} g_{+}^{\underline{i}\underline{k}} \partial^{2} \varphi_{\underline{i}/\partial x^{\underline{k}} \partial x^{\underline{l}}} -g_{\overline{+}}^{\underline{i}\underline{k}}\left(\left(\lambda,\phi\right)_{sl}\right) \partial/\rho x^{\underline{k}} \left\{s_{\underline{i}}^{\underline{l}}\right\} + \left\{s_{\underline{i}}^{\underline{l}}\right\} \partial/\rho x^{\underline{k}} \left(\lambda,\phi\right)_{sl}\right)$ Die Entwicklung eines Theorems aus A VII 4 führte über die partie- $\log \frac{1}{+} / n x^{m} = - s \frac{j1}{+} - s \frac{jk}{m} - s \frac{jk}{m}$ Ie Ableitung welche zur Umrechnung verwendet werden kann. Wird zugleich eine zyklische Vertauschung der Indizes vorgenommen, so folgt $0 = 2 \lambda^{\frac{k}{2}} \varepsilon_{+}^{\frac{1}{2}} / o^{2} \varphi_{1} / o x^{\frac{k}{2}} / o x^{\frac{1}{2}} - \lambda^{\frac{k}{2}} / o \varphi_{1} / o x^{\frac{1}{2}} (\{x^{\frac{1}{2}}\}_{+}^{2} + (\{x^{\frac{1}{2}}\}_{+}^{2} +$ + $\left\{ \begin{array}{c} 1 & i \\ k \end{array} \right\}_{-}^{1} = g_{+}^{ik} = \left(\left(\begin{array}{c} \lambda, \phi \right)_{sl} & \text{olo } x^{\underline{k}} \end{array} \right\}_{i}^{\underline{s}, 1}$ $-2\lambda^{\frac{k}{2}} \rho \phi_{1}/\rho x^{\frac{1}{2}} \begin{cases} i \\ k \end{cases} -g_{+}^{\frac{ik}{2}} ((\chi, \phi)_{sl} \rho \rho x^{\frac{1}{2}} \begin{cases} s \\ i \end{cases} +$ + $\left\{ \begin{array}{c} s \\ i \end{array} \right\}_{+}^{k} \left(\alpha \phi / \alpha \times \frac{k}{k} \right) \left(\lambda, \phi \right)_{sl} \right)$, weil $\left\{ \begin{array}{c} i \\ k \end{array} \right\}_{-}^{k} = \left\{ \begin{array}{c} i \\ k \end{array} \right\}_{-}^{k}$ ist.

amit wird ein durch ein Vektorfeld beschreibbares Materiefeldquant in einer hinreichend schwachen Korrespondenz $\{ \} \rightarrow \hat{0}$ mit einem mesoarischen Kontersystem approximativ ($\{ \} = \{ \} \} = \{ \} =$

 $O/O x^{\frac{k}{2}}$ $(\lambda, \varphi)_{sl}$) = o beschrieben. Wird dieser Ausdruck auf eodätische Koordinaten transformiert, so wird $g_{+} = const$, was $\begin{cases} 1 \\ 1 \end{cases} = 0$ und damit $\lambda = \frac{1}{2} = 0$ $\frac{1}{2} = 0$ $\frac{1}{2} = 0$ oder $\frac{1}{2} = 0$ $\frac{1}{$

 $= \lambda = (0)/0 = 0 = 0 = 0$ ur Folge hat. In euklidischer Approximation ist aber $\lim_{E \to E} \frac{1}{E}$

grad₄ und $\lim_{\Xi_{+} \to \Xi} \sup_{\Xi_{-}} \int_{\Xi_{-}}^{(6)} = \text{div}_{4}$, somdaß der Ausdruck

ür $\overline{g}_+ \rightarrow \overline{E}$ zu $\overline{\lambda}$ grad₄ div₄ $\overline{\phi}$ = 0 wird. Diese Bedingung ann in dreifacher Weise erfüllt werden. Nämlich für $\overline{\lambda}$ = \overline{o} , doch ätte dies auch für Λ_+ ; $\{\}_+$ = \overline{o} zur Folge und zu den vek -

oriellen Eigenfunktionen $\bar{\phi}$ gäbe es überhaupt keine Eigenwerte, so e β $\bar{\lambda}$ = \bar{o} ausgeschlossen und $\bar{\lambda}$ \neq \bar{o} angenommen werden darf. Die weite Möglichkeit liegt in der Orthogonalität $\bar{\lambda}$ \perp grad₄, was den kalaroperator $\bar{\lambda}$ grad₄ zum Nulloperator werden ließe. Das kann aber ach nicht möglich sein, weil unter Zugrundelegung karthesischer Koorinaten immer $\bar{\lambda}$ grad₄ = $\begin{pmatrix} 4 \\ \lambda \\ k \end{pmatrix}$ $\langle k \rangle$ gesetzt werden kann

and hierfür wird $\underset{k=1}{\cancel{4}}$ λ_k $Olo x_k = 0$ nur möglich, wenn alle

Le dritte Möglichkeit schließlich läßt $\bar{\lambda}$ grad, div, $\bar{\phi}$ = 0 durch lv, $\bar{\phi}$ = const erreichen, wenn sich die Konstanz auf alle x_k beleht. Mit div, $\bar{\phi}$ = const ist $\bar{\lambda}$ grad, \bar{d} div, $\bar{\phi}$ = 0 immer füllt, weil in $\bar{\lambda}$ grad, die λ_k = const sind, was bereits durch in Eigenwertcharakter gefordert werden muß. div, $\bar{\phi}$ = const sagt so aus, daß immer dann Materiefeldquanten durch ein Vektorfeld be-

schreibbar sind , wenn die Quellenverteilung im R_{μ} approximativ durc λ eine Konstante hinsichtlich der R_{μ} - Koordinaten dargestellt werden

kann. Ist $\dot{\varphi}_4$ = 0 und $\overline{\gamma}$ = $\frac{3}{\tilde{\varphi}_i}$, so wird die Quellenver-

teilung zu div $\bar{\gamma}$ = const. im R_3 und diese Quellengleichung kenn zeichnet das allgemeine Verhalten elektromagnetischer und gravitativer Feldquellen im R_3 , zumal trotz ϕ_4 = o für den R_3 - Anteil $\bar{\gamma}$ + \bar{o} sein kann.

Der andere Approximationszweig geht aus der Operatorkommutation sp $\lceil \binom{3}{(-)} \rceil$; sp $\lceil \binom{6,6}{(-)} \rceil$; $\lceil (\lambda, \varphi)_{ik} \rceil_{4} = 0$ hervor. Es ist + $\lambda_k g_{\overline{+}}^{\underline{i}\underline{1}} = \partial \phi_i / x_{\overline{-}}^{\underline{1}} = \lambda_k^{\underline{1}} = \partial \phi_k / \partial x_{\overline{-}}^{\underline{1}} + \lambda_k g_{\overline{+}}^{\underline{i}\underline{1}} = \partial \phi_i / \partial x_{\overline{-}}^{\underline{1}}$ und daher o = sp $\lceil (3) \rceil$, sp $\lceil (6,6) \rceil$; $\lceil (\lambda, \varphi)_{ik} \rceil_4$ $= \lambda^{\frac{1}{2}} g_{+}^{\underline{k}\underline{m}} \qquad {}^{\underline{k}} \varphi_{\underline{k}} / \varrho x_{-}^{\underline{l}} \varrho x_{-}^{\underline{m}} + \lambda_{\underline{k}} g_{+}^{\underline{k}\underline{m}} \qquad \varrho / \varrho x_{-}^{\underline{m}} (g_{+}^{\underline{i}\underline{l}} \cdot \varrho \varphi_{\underline{i}} / \varrho x_{-}^{\underline{l}}) -\left\{\begin{matrix} s \\ k m \end{matrix}\right\}_{+} g_{+}^{\underline{k}\underline{m}} \cdot \left(\lambda^{\frac{1}{2}} \rho \phi_{\underline{k}} / \rho x^{\frac{1}{2}} + \lambda_{s} g_{+}^{\underline{i}\underline{1}} \rho \phi_{\underline{i}} / \rho x^{\frac{1}{2}} \right) =$ $= \lambda^{\frac{1}{2}} g_{+}^{\underline{k}\underline{m}} \cdot \partial^{2} \varphi_{\underline{k}/\alpha} x_{-}^{\underline{1}} \rho_{\underline{x}}^{\underline{m}} + \lambda^{\underline{m}} g_{+}^{\underline{i}\underline{1}} \partial^{2} \varphi_{\underline{i}} / \rho_{\underline{x}-\alpha} x_{-}^{\underline{m}} +$ + $\Lambda \stackrel{m}{=} \varrho \phi_{1} / \varrho x^{\frac{1}{2}} = \varrho \phi_$ wegen sp { = 0 ist. Nach zyklischer Indexvertauschung wird und hierin kann $og_{+}^{\underline{i}\underline{l}}/ox_{-}^{\underline{m}} = -g_{+}^{\underline{j}\underline{l}} \left\{j_{\underline{m}}^{\underline{i}}\right\}_{+} - g_{+}^{\underline{i}\underline{k}} \left\{k_{\underline{m}}^{\underline{l}}\right\}_{+} = -$ = - ($\left\{\begin{array}{c} i \\ m \end{array}\right\}_{+}$ + $\left\{\begin{array}{c} 1 \\ m \end{array}\right\}_{+}$) = - 2 $\left\{\begin{array}{c} i \\ m \end{array}\right\}_{+}$ verwendet werden. Einsetzen liefert $\lambda = \frac{1}{5}$ $\theta^2 \phi_1/\theta x = 0$ $- \lambda^{\frac{m}{2}} \partial \phi_{\underline{i}} / \partial x^{\underline{l}} \begin{cases} \underline{i} \\ \underline{n} \end{cases}_{+} = | \lambda^{\underline{m}} (\underline{s}^{\underline{i}}_{\underline{l}} \partial^{2} \phi_{\underline{i}} / \partial x^{\underline{m}} \partial x^{\underline{l}})$ $- \phi_{i}/\phi_{x} = \begin{cases} i & 1 \\ m & \end{cases} = 0. \text{ Diese Bedingung wird entweder erfüllt,}$ wenn alle = 0 werden oder aber, wenn $g_{+}^{il} = \phi^{i}\phi_{i}/\phi_{x} = 0$ $-\begin{cases} i & 1 \\ m & \end{cases}$. $\log_i / \log x^{\frac{1}{2}} = o$ gilt. Da voraussetzungsgemäß wegen ihres Eigenwertcharakters die $\lambda^{\frac{m}{2}} \neq 0$ sein müssen, kann nur

 $g_{+}^{\frac{1}{2}}$ $\theta^* \varphi_{1} / \theta x^{\frac{m}{2}} \theta x^{\frac{1}{2}} - \begin{cases} i & 1 \\ m \end{cases}$ $\theta_{1} / \theta x^{\frac{1}{2}} = 0$ sein, was mit dem einfache Form $C_m^{\frac{1}{2}}$; ϕ_i = 0 eines Systems aus vier Differenzialgleichungen gebracht werden kann. Auch durch dieses System des 2. Approximationszweiges wird $\overline{\phi}$ mit den $g_{\pm ik}$ in Zusammenhang gebracht doch fallen im Gegensatz zu der ersten Relation hier die 2 4 bereits vonselbst aus. Eihe analoge Transformation auf geodätische Koordinaten liefert o = $\rho^2 \varphi^{\frac{1}{2}} / \rho x^{\frac{m}{2}} \rho x^{\frac{1}{2}} = \Gamma_{(-)m}^{(6)}$; φ $\Gamma_{(-)}^{(6)}$; sp $\Gamma_{(-)}^{(6)}$; $\overline{\varphi} = \overline{0}$. Im euklidischen Limes wird daraus schließlich grad₄ div₄ $\overline{\phi} = \overline{\mathbf{o}}$, was nur noch die Möglichkeit div_{μ} $\overline{\phi}$ = const übrig läßt, so daß dieserzweite Approximationsweg über den Ausschluß der beiden Möglichkeiten λ = o oder $\bar{\lambda} \perp \operatorname{grad}_4$ in $\bar{\lambda} \operatorname{grad}_4$ div₄ $\bar{\varphi} = c$ exakt entscheidet. In beiden Fällen entsteht $div_4 \overline{\phi} = const.$, beziehungsweise $div \overline{\psi} = const.$ für ϕ_4 = 0 aber $\tilde{\psi}$ \neq $\bar{0}$ im R_3 . Die letzte Möglichkeit der Darstellung von A, ; 53 4 folgt gemäß Λ_+ ; $\hat{\beta}$ = $\lambda^2 \bar{\phi}$ mit λ = const. Durch eine tensorielle Feldfunktion $\bar{\varphi} = \bar{\varphi}^{\times}$, die hermitesch sein muß. λ kann wegen seiner Konstanz in jedem Fall vor die T- Operatoren gezogen und gekürzt werden, so daß sich für die beiden letzten Approximations aweige sp $\lceil \binom{6}{-} \rceil$; sp $\lceil \binom{3,3}{-} \rceil$; $\overline{\phi} = 0$ sp $\Gamma_{(-)}^{(3)}$; sp $\Gamma_{(-)}^{(6,6)}$; $\bar{\varphi}$ = 0 ergibt. Es ist (sp $\int_{(-)}^{(3,3)} ; \bar{\phi}_{i} = g_{+}^{\underline{k}\underline{l}} (\rho_{i\underline{k}}/\rho_{x}\underline{l} - \{i_{1}\}_{+}^{g} \phi_{sk} - [i_{1}]_{+}^{g} \phi_{sk}$

vernünftig erscheinen $\bar{\phi} = \bar{\phi}^{X}$ als Zustandsfunktion des Feldes $\bar{\chi} = \bar{\chi}^{X}$ anzusprechen.

Dhèse sechs Approximationsreihen der Gleichung 76 für ${}^2g \rightarrow {}^2\delta$ führten zu approximativen Feldgleichungen skalarer, vektorieller und tensorieller Feldfunktionen, auf die wiederum die quantisierte kanoni sche Feldmechanik anendbar ist. Bildung der kanonischen Energiedichtetensoren im R_4 und der daraus folgenden quantisierbaren Drehimpulstensoren (vom 3. Grad) liefert nach der Drehimpulsquantisierung Aus sagen über das Spinverhalten der Feldquanten von φ , $\bar{\varphi}$ und ${}^2\bar{\varphi}$. Es zeigt sich, daß die Spinquantenzahlen für φ gemäß s = 0 immer verschieden, während für $\bar{\varphi}$ und ${}^2\bar{\varphi}$ die Quantenzahlen s₁ = ${}^{\pm}$ 1 und s₂ = ${}^{\pm}$ 2 gelten. Skalare Feldquanten sind also grundsätzlich spinlos, während jedes tensorielle Feldquant Spimeigenschaften hat, derart, daß die positiv oder negativ orientierte Spinquantenzahl in ihrem Betrag den von Null verschiedenen Tensorgrad der Feldfunktion entspricht (Skalare sind vom Tensorgrad Null).

Es besteht die Möglichkeit, aus der allgemeinen dynamischen Gleichung 76, deren Approximationen im Vorangegangenen alle Aussagen der deduktiven Basis richtig wiedergeben, neben dem statischen Sonder fall eines stabilen mesobarischen Systems noch einen anderen Sondefall fall zu untersuchen, der weder statisch noch dynamisch ist, aber durch eine Spezialisierung der Gleichung 76 gewonnen werden kann. der statische Fall ist durch das Fehlen eines mesobarischen Kontersystems und die zeitliche Konstanz der gravitativ- elektromagnetischen oder gravitativ- materiellen Korrelation charakterisiert, wodurch die statische Stabilität des als Materiefeldquant erscheinenden mesobarische Systems hestimmt wird. Im Gegensatz hierzu wird im dynamischen Fall durch das jeweilige mesobarische Kontersystem diese Korrelation induk tiv zeitlich geändert, wodurch die dynamische Korrespondenz zwischen den Systemen gekennzeichnet wird, die wiederum eine Zustandsänderung oder eine vollständige Transmutation des mesobarischen Systems zur Folge hat. Neben diesen beiden Möglichkeiten besteht noch der Fall, daβ zwar bei dem mesobarischen System die Bedingungen der mesobarischen Statik erfüllt, aber aufgrund der inneren Struktur des Systems die statische Stabilität der Korrelation nur während eines bestimmten Zeitintervalls (seine Länge hängt von der Struktur des Systems ab) ge währleistet ist, während nach Ablauf dieses Zeitintervalls die zuvor die zuvor stabile Korrelation aufgrund einer inneren Dynamik labil wird und das System spontan transmutiert oder seinen Zustand ändert. Diese Labilität der Korrelation eines statischen Systems könnte durch eine mesobarische Metastatik beschrieben werden. In der dynamischen

 $+\{\}\}$) = o seien die Systeme a und Grundgleichung a nicht abgeschlossene korrespondierende mesobarische Systeme, sondern a kennzeichnet die elktromagnetische Materiefeldstruktur, die mit der begleitenden gravitativen Struktur a in mesobarischer Korrelation steht, wodurch das statisch stabile oder nach dem Zeitintervall labile mesobarische System als Materiefeldquant gegeben ist. } } ist also des elektromagnetische Materiefeld a bestimmende und das entsprechende, die gravitative Struktur bestimmende Mesofeld in der metastatischen Abwendlung der Gleichung 76. In $\hat{\varkappa}$; (\hat{i}) + \hat{i}) = \hat{i} $\hat{\mathcal{R}} = \hat{\mathcal{M}}_{(\pm)} ; (\Lambda, \underline{\Lambda}) \text{ wird } \hat{\mathcal{M}}_{(\pm)} ; \Lambda ; (\hat{\mathcal{X}} + \hat{\mathcal{X}}) = \hat{\mathcal{O}},$ $M_{(\pm)}: \Omega: (\{\{\}\}+\{\{\}\}\})=0$ wodurch primär a beschrieben wird zu (beschreibt primär a) addiert, was die Bedingung der Metastatik erfüllt. Diese Addition liefert, $o = M(\pm)$; $(\mathcal{L} + \Omega)$; $(\{\} + \{\}\}) = A$ $\hat{M}_{(\pm)}$; $(\Lambda; \{\}+\Lambda; \{\}+\Lambda; \{\})$ und hierin können die reinen Anteile A; {} = (1-1/2 * 5 s p) \$; sp C; $\{ \} = \overline{\lambda} \quad \{ \} = \sqrt{1/2} \quad \text{gesetzt werden; denn weg}$ entsprechend \triangle ; $\{ \} = \overline{\lambda} \quad \{ \} = \overline{\lambda}$ gen der erfüllten statischen Bedingungen gilt $c : \{\} = \overline{\lambda} \times \{\}$ oder sp C; $\{ \} = \overline{\lambda}$ {} nit sp $\{ \} = \overline{0}$, was sp $\overline{\lambda}$ $\{ \} = \overline{0}$ $-\lambda_{m} = \begin{pmatrix} m \\ k \end{pmatrix} g^{\frac{k1}{m}} = \lambda_{m} = \begin{pmatrix} m \\ k \end{pmatrix} = \lambda_{n}^{\frac{1}{m}} = \begin{pmatrix} k \\ 1 \\ k \end{pmatrix} = 0$ zur Folge hat. Der Wechselwirkungsanteil \mathcal{A} ; $\{\}$ + \mathcal{A} ; $\{\}$ lim (1; {} + 1; {}) = kann im Limes zum Feldkontinuum \mathcal{R} durch einen Energiedichtetensor 20 der gravitativelektromagnetischen Korrelation approximiert werden und diese teilweise Approximation zum Feldkontinuum liefert für die metastatische Grundgleichung die approximierte Form $M(\pm)$; $(\bar{\lambda})$ $\{\}$ + $\bar{\lambda}$ $\{\}$ *W) = 0 in zweideutiger Fassung. Der Energiedichtetensor des gesamten mesobarischen Systems ist *T , in welchen nach Gleichung a der Mesofeldanteil überhaupt nicht mehr frei aufbritt. Neben den elektromagnetischen Feldkomponenten gibt es in T nur noch die Komponenten eines durch das Mesofeld $\overline{\mu}$ im R_{z} erweiterten Gravitationsfeldvektors. 27 beschreibt das statisch stabile mesobarische Gesamtsystem, doch kommt es im Inneren dieses Systems bei zeitlichen

Korrelationsänderungen zu Transmutationen; das heißt, über $\sqrt[n]{v}$ kommt es zu Wechselbeziehungen zwischen a (beschrieben durch $\sqrt[n]{v}$ = $\frac{1}{p}$ i $\frac{m}{p}$ $\sqrt[n]{v}$ und $\frac{a}{p}$, dessen Energiedichtetensor nach der iterier $\frac{1}{p}$

ten Gleichung 55 durch ${}^2\overline{T}{}^*$ beschrieben wird, der noch die Mög-lichkeit offen läßt, daß es bei der Transmutation zu einer freien gravitativen Emission \overline{T} X $\overline{\mu}$ \neq $\overline{0}$ im R_3 kommt. Nach dem Energie-prinzip muß aber die Gesamtenergie vor und nach der Zustandsänderung des mesobarischen Systems und auch während des Überganges konstant bleiben. Währen der labilen Korrelationsänderung gilt für den Energie-inhalt ${}^3\overline{V}$ + ${}^3\overline{W}$ + ${}^2\overline{T}{}^*$ und während des stabilen Zustandes vor Eintweten der Labilität ${}^2\overline{T}$, also ${}^3\overline{T}$ = ${}^3\overline{V}$ + ${}^3\overline{W}$ + ${}^3\overline{T}{}^*$. Daraus folgt ${}^3\overline{W}$, weil die übrigen drei Tensoren bereits bekannt sind Für den Ansatz einer mesobarischen Metastatik kann demnach

$$\frac{1}{J} \stackrel{\text{im}}{\longrightarrow} \left(\stackrel{\wedge}{\triangle} ; \stackrel{\hat{}}{\underbrace{}} \right) = \underset{\nabla}{\mathbb{Z}} \stackrel{\text{?}}{\longrightarrow} \stackrel{\text{?}}{\longrightarrow} \stackrel{\text{?}}{\longrightarrow} - \stackrel{\text{?}}{\longrightarrow} \stackrel{\text{?}}{\longrightarrow}$$

verwendet werden, was eine Verallgemeinerung des Systems 69 a stellt. Wenn das Spektrum der möglichen Materiefeldquanten nach \mathbf{i} \mathbf{i} \mathbf{j} \mathbf{j} \mathbf{j} festliegt, könnte eine metastatische Untersuchung dieser Materiefeldquanten zeigen, wie groß die Zeitintervalle der statischen Stabilität der Korrelation sind und welche Transmutationen nach Eintreten der korrelativen Labilität ablaufen, das heiβt, in welche mesobarischen Strukturen ein korrelativ labiles mesobarisches System zerfällt. Auch könnte eine exakte oder approximative Analyse der Metastatik über die wechselseitige Transmutation der Struk turen des R_4 und derjenigen des R4 ineinander und über die dingungen dieser Transformationen Aufschluß geben. Alle diese vorangegangenen Untersuchungen der mesobarischen Dynamik, Statik und Metastatik legen es nahe, eine Analyse der quantenhaften stationären Mesofeldzustände im Zusammenhang mit den Strukturen der Materiefeld quanten durchzuführen, weil offensichtlich diese Strukturen allein durch die Eigenwerte von **{}** bestimmt werden; denn das metrische Maβ des Korrelationsbereiches R4 , nämlich 4R wird ausgedrückt durch $^{4}\overline{R} = \overline{\lambda} \times \overline{R}$.

Synmetronische

Begriffsbildungen zu Band I.

Materiefeldquant:

Oberbegriff der alle ponderablen Elementarkorpuskeln und imponderablen Energiequanten umfaßt.

Sexualentropie :

Aus der Fortpflanzungswahrscheinlichkeit abgeleitete Entropie. Evolutionskoordinate:

Generalisierte quantitativ nicht gefaßte aber zeitmodulierte genetische Variable als Bezugsgröße der Mutationsraten.

Evolutionsraum:

Von den Evolutionskoordinaten aufgespannter abstrakter Vektorraum. Sexualisentropie :

Konstanter Verlauf der Sexualentropie.

Sexualisentrope :

Isentrope Struktur des Evolutionsraumes.

Sexualisentrope Vektorpotenz:

Abstraktes Vektorfeld im Evolutionsraum, dessen Rotor die Evolutionsgeschwindigkeit auf der Sexualisentropen bestimmt.

Binärfunktion:

Zustandsfunktion einer Organismenart.

Phylogenetisches Evolutionsvolumen:

Volumen eines Gebildes im Evolutionsraum, dessen Punktmannigfaltigkeit sämtliche Evolutionszustände umfaßt, welche eine Taxonome während ihrer Phylogenese durchläuft.

Entelechie:

Organisationszustand mit zeitlicher Finalbestimmung.

Mcsofeld :

Koppelungszustand zwischen gravitativen und elektromagnetischen, beziehungsweise materiellen Strukturen.

Somawelt:

Das gesamte allgemeine Raumzeittensorium.

Somasynthesis:

Die Synthese von Transformationsgruppen und Tensoren, die in verschiedenen algebraischen Raumzeittensorien definiert sind.

Energiematrix:

Übermatrix aller Energiedichtetensoren der zur Wechselbeziehung kommender Feldzustände.

Korrelation:

Innere Wechselbeziehung der ein Materiefeldquant definierenden Feldzustände.

Korrespondenz:

Wechselbeziehung in sich geschlossener Quantenstrukturen zu einem übergeordneten Korrelationssystem.

Kontrabarie :

Transformation photonischer in gravitonische Strukturen.

Dynabarie:

Transformation statischer Gravitonensysteme in photonische Strukturen.

Telebarie:

Kopplung von kontra- und dynabarischen Prozessen, also Absorbtion und Emission von Gravitonen über photonische Strukturen.

Telektronik:

Emission und Absorbtion von Photonen über Gravitonensysteme.

Mesobarie :

Allgemeine Korrelationen gravitonischer und elektromagnetischer, beziehungsweise materieller Strukturen.

Metastatik :

Der sich aus der mesobarischen Dynamik ergebende Sonderfall korrespondenzfreier Zustände mit zeitlich veränderlicher Korrelation.